





ABRÉGÉ

DE

GÉOMÉTRIE PRATIQUE

APPLIQUÉE

AU DESSIN LINÉAIRE,

Au Toisé en au Lever dea Plans;

SUIVI

DES PRINCIPES DE L'ARCHITECTURE ET DE LA PERSPECTIVE;

PAR F. P. ET L. C.

OUVRAGE ORNÉ DE 400 FIGURES EN TAILLE-DOUCE.

Mix: 2 fr. 50 c.



A PARIS,

CHEZ L'AUTEUR, RUE DU FAUB. S'-MARTIN, N° 163; Et chez Jh MORONVAL, Imprim.-Libr., rue Galande, n° 65, près la rue Saint-Jacques.

1831.

Tout Exemplaire qui ne sera pas revêtu de la signature de l'un de nous, sera réputé contrefait.



PRÉFACE.

L'enseignement de tout art et de toute science exige nécessairement que le Professeur donne à son Elève des notions fixes et invariables sur les choses qu'il veut lui inculquer, pour l'empêcher d'en prendre de fausses idées, assurer sa marche dans la pratique des leçons qu'il doit lui donner, et obtenir de prompts résultats. La Géométrie étant la base fondamentale du Dessin linéaire, nous avons pensé qu'il serait convenable de donner d'abord les principes les plus essentiels de cette Science, afin que l'Elève étant fixé sur les définitions, la nature et les propriétés des lignes, connaissant les instrumens et les règles qui en indiquent l'usage, puisse exécuter avec plus de justesse et de promptitude les Dessins qui lui seront proposés, et se former nonseulement la main en traçant des lignes, mais encore l'esprit en se rendant compte à lui-même de ses opérations.

S'il est nécessaire qu'un Ouvrier puisse dessiner promptement les différentes projections des meubles et autres objets qu'il doit entreprendre, afin de faire connaître à celui qui veut l'employer qu'il a bien saisi sa pensée, il ne l'est pas moins qu'il puisse les représenter d'après des principes invariables pour en coter les dimensions et pouvoir les exécuter avec goût et sécurité: ce qu'il ne pourrait faire s'il n'avaitaucune idée de Géométrie, de l'usage des instrumens, de l'échelle de proportion, etc.

Nous ferons donc marcher de pair les principes

et les exemples; l'Enfant apprendra les règles dans la partie géométrique, et en fera de suite l'application en dessinant, d'abord avec la règle et le compas, les Modèles qui lui seront présentés, ensuite il s'exercera à les copier sans le secours de ces instrumens. Cette seconde opération lui sera facile, ayant dans la pensée tous les caractères particuliers des figures qu'il a dessinées d'après des règles sûres et des principes démontrés. Cet Ouvrage, presque unique en son genre, est tout-à-fait à la portée des Enfans: le grand nombre d'exemples qu'il contient les mettra en état de résoudre les problèmes ordinaires de Géométrie, de Dessin linéaire, d'Arpentage, de Toisé, de lever des Plans, de Projections, d'Architecture et de Perspective. Ils y trouveront tout ce que contiennent d'essentiel des Ouvrages très-volumineux et d'un prix au-dessus des facultés de la Classe ouvrière. L'Êlève qui le possédera parfaitement pourra copier des façades de monuniens, des projections de meubles, et autres objets que le Maître lui désignera : accoutumé à ces sortes d'opérations, la nature entière parlera à ses yeux et à son esprit, tout lui fournira de nouvelles idées, et contribuera à former son goût et à développer ses facultés.

Les demandes qui ont plus de rapport au Dessin

linéaire sont désignées par un astérisque.

ABBÉGÉ

DE GÉOMÉTRIE

APPLIQUÉE

AU DESSIN LINÉAIRE,

AU TOISÉ ET AU LEVER DES PLANS.

DÉFINITIONS PRÉLIMINAIRES.

* 1. Qu'est-ce que la Géométrie?

C'est une science qui a pour objet la mesure de l'étendue dans toutes ses propriétés.

* 2. Combien distingue-t-on de sortes d'étendues?

Trois: l'étendue en longueur qu'on appelle ligne; l'étendue en longueur et largeur qu'on appelle plan, surface, aire ou superficie; et l'étendue en longueur, largeur et épaisseur ou profondeur, qu'on appelle volume, corps ou solide.

* 3. Qu'est-ce que le dessin linéaire?

C'est l'art de représenter, par de simples traits, les contours des surfaces et des corps.

* 4. Quel est le fondement du dessin linéaire? C'est le tracé géométrique.

* 5. Qu'est-ce que le tracé géométrique?

C'est la partie de la géométrie qui enseigne l'usage du compas pour la détermination des lignes.

CHAPITRE Ier.

DU POINT ET DES LIGNES.

* 6. Qu'est-ce qu'un point?

C'est un espace qui a infiniment peu d'étendue: le point géométrique ne peut tomber sous les sens; on l'exprime par un point physique A, fig. 1^{re}.

* 7. Qu'est-ce qu'une ligne?

C'est une trace indiquant le passage d'un point à un autre. On distingue de deux sortes de lignes : la droite et les courbes.

* S. Qu'est-ce que la ligne droite?

C'est celle dont tous les points qui la composent sont dans la même direction, telle est AB, fig. 2. On la définit encore: le plus court chemin pour aller d'un point à un autre.

* 9. Qu'est-ce que la ligne courbe?

C'est celle dont les différens points qui la composent ne sont pas dans la même direction, DE, fig. 3.

* 10. Combien y a-t-il de sortes de lignes droites?

Il n'y en a que d'une sorte; car il ne peut y avoir qu'un chemin direct pour se rendre d'un point à un autre.

* 11. Combien y a-t-il de sortes de lignes courbes?

Il y en a une infinité; un point pouvant s'éloigner plus ou moins de sa direction pour se rendre à un but désigné. La principale de ces courbes est la circonférence du cercle.

* 12. Qu'appelle-t-on circonférence?

C'est une ligne circulaire ABCD, fig. 4. dont tous les points sont également éloignés d'un point intérieur M, qu'on appelle centre.

13. De quelles lignes la géométrie s'occupe-t-elle particulièrement?

Des lignes droites et de la circonférence du cercle.

* 14. Comment trace-t-on une ligne droite?

En faisant glisser une pointe à tracer le long d'une règle. Lorsque la distance est plus grande que la longueur de la règle, on se sert d'un cordeau ou ficelle qu'on tend d'un point à l'autre. Lorsque les points sont sur le terrain et fort éloignés l'un de l'autre, on se sert de jalons que l'on plante de distance en distance pour faciliter le tracé de la ligne.

* 15. Quand est-ce qu'une droite est indéterminée? C'est lorsqu'on ne connaît qu'un point par où elle doit passer; parce qu'alors on peut placer la règle dans un sens arbitraire, pourvu qu'elle arase le point connu.

* 16. Quand est-ce qu'une droite est déterminée? C'est lorsqu'on connaît deux points par où elle doit passer; parce que, dans ce cas, il faut que la règle, le long de laquelle on la trace, soit ajustée aux deux points, sans qu'on puisse la placer dans un autre seus : ces deux points sont ce qu'on appelle les conditions de sa détermination.

* 17. Comment trace-t-on une circonférence de cercle?

Ayant ouvert le compas d'une grandeur arbitraire, on fait tourner l'une de ses branches autour de l'autre fixée en un point. Si la circonférence était très-grande, on se servirait, pour la tracer, d'une ficelle fixée au centre par une de ses extrémités.

* 18. Qu'est-ce que mesurer une ligne?

C'est déterminer combien de fois elle en contient une autre, prise pour terme de comparaison. Par exemple, soit CD, fig. 2, le terme de comparaison ou l'unité de mesure, la longueur de la droite AB sera déterminée orsqu'on connaîtra combien de fois elle contient CD.

CHAPITRE II.

DU CERCLE.

SECTION PREMIÈRE.

Graduation du Cercle.

* 19. Qu'est-ce qu'on appelle cercle? C'est la superficie renfermée par la circonférence. Par extension, on donne quelquefois le nom de cercle

à la circonférence même.

* 20. En combien de parties divise-t-on ordinairement la circonférence du cercle?

En 360 parties qu'on appelle degrés. Le degré se divise en 60 minutes, la minute en 60 secondes, etc.

* 21. Toutes les circonférences sont-elles suscep-

tibles de cette division?

Oui: si elles sont petites les degrés sont plus petits, mais le nombre en est toujours le même. Ainsi, la circonférence, fig. 4, a 360 degrés aussi bien que celle fig. 5, qui est plus grande.

* 22. Quelle est l'utilité de la division du cercle? La division du cercle est la base du calcul géométrique et le fondement de toutes les démonstrations de

cette science.

* 23. A quoi sert-elle particulièrement? A mesurer les angles et à déterminer leur valeur.

SECTION II.

Des Lignes considérées à l'égard du Cercle.

* 24 Quelles sont les lignes considérées à l'égard du cercle?

Ce sont le diamètre, le rayon, les arcs, les cordes ou sous-tendantes, la flèche, la sécante et la tangente.

* 25. Qu'est-ce que le diamètre?

C'est une droite AC, fig. 5, qui, passant par le centre, se termine de part et d'autre à la circonférence : elle partage le cercle en deux parties égales. * 26. Qu'appelle-t-on rayons?

Ce sont des droites MD, ME, fig. 5, qui mesurent la distance du centre à la circonférence.

27. Que résulte-t-il de ces deux dernières définitions?

Que tout diamétre vaut deux rayons d'un même cercle, et que tous les rayons d'un même cercle sont égaux.

* 28. Qu'appelle-t-on arcs?

Ce sont des portions de circonférence considérées séparément: telles sont AID, DNE, EOC, fig. 5.

* 29. Qu'appelle-t-on cordes ou sous-tendantes? Ce sont des droites qui, passant dans le cercle, se terminent aux extrémités des arcs : telles sont AD, DE, EC, fig. 5; elles sont toujours plus courtes que le diamètre du même cercle.

* 30. Qu'est-ce que la flèche?

C'est une droite AE, fig. 4, élevée perpendiculairement sur le milieu d'une corde, et qui mesure la plus grande distance de cette corde à l'arc qu'elle sous-tend.

* 31. Qu'appelle-t-on sécante?

C'est une ligne FG, fg. 5, qui, passant dans le cercle, coupe la circonférence en deux endroits F et G.

* 32. Qu'appelle-t-on tangente?

C'est une ligne qui ne fait que toucher la circonférence du cercle, telle est HL, fig. 5.

CHAPITRE III.

DIFFÉRENTES ESPÈCES DE LIGNES DROITES, ET MANIÈRE DE TRACER LES PERPENDICULAIRES.

* 33. Qu'APPELLE-T-ON perpendiculaire?

C'est une ligne droite qui, tombant sur une autre, ne penche ni vers un côté, ni vers l'autre de cette même ligne telle est ED à l'égard de AB, fig. 6, et réciproquement.

* 34. Qu'appelle-t-on ligne oblique?

C'est celle qui penche plus vers un côté d'une ligne donnée que vers l'autre : telle est AB à l'égard de CD, fig. 10.

* 35. Qu'appelle-t-on verticale?

C'est celle qui suit la direction d'un fil aplomb.

* 36. Qu'appelle-t-on ligne horizontale? C'est celle qui suit le niveau de l'eau.

37. Combien y a-t-il de cas différens pour mener

une ligne perpendiculaire à une autre?

Quatre: car l'un des points qui servent à la déterminer peut être-donné au milieu de la ligne, ou en un endroit quelconque de cette même ligne, ou à son extrémité, ou enfin hors de la ligne.

* 38. Que faut-il faire pour élever une perpendiculaire sur le milieu d'une ligne donnée AB, fig. 6?

Il faut, de ses extrémités, et d'une ouverture de compas plus grande que la moitié de la ligne, décrire des arcs de même rayon qui se coupent en D et en C; tirer la droite ED qui sera la perpendiculaire demandée.

Ceci est évident; car tous les points des arcs, comme ceux des circonférences, sont à une égale distance des centres d'où ils ont été décrits (N° 12). Les centres sont ici aux extrémités A et B de la droite; or, les arcs

ont les points d'intersection D et C de communs : donc la droite DC qui les joint est perpendiculaire à AB et passe au milieu de cette ligne, tous les points d'une droite étant dans la même direction (N° 8).

Sur le terrain on se sert de la chaîne ou d'une ficelle, pour décrire les arcs et mener les perpendiculaires.

* 39. Si le point où doit tomber la perpendiculaire est indiqué en un endroit quelconque C de la

ligne donnée, fig. 7, que faut-il faire?'
Il faut, du point donné C, décrire les arcs A et B d'un même rayon; et de ces points A et B décrire des arcs en E: la droite tirée du point d'intersection E au point C, sera la perpendiculaire demandée.

* 40. Que faut-il faire pour élever une perpendi-

culaire à l'extrémité d'une ligne?

Il faut d'abord la prolonger, comme on le voit, fig. 8; du point A décrire les arcs B et C, et opérer

comme pour la fig. 7.

On pourrait encore obtenir cette perpendiculaire de la manière suivante : du point A décrire l'arc BG; da même rayon, à partir de B, couper cet arc en D; du point D décrire l'arc E; mener la ligne BE: sa rencontre avec l'arc E désignera le passage de la perpendiculaire. Ou bien, après avoir porté le rayon de B en D et de D en G, on décrirait de ces points les arcs en E: leur intersection serait le point par où la perpendiculaire doit passer.

On pourrait encore se servir de la méthode donnée

 $(N^{\circ} 76).$

* 41. Si le point où l'on veut que la perpendiculaire passe est donné hors de la ligne, que faut-il faire?

Il faut, de ce point donné C, fig. 9, couper la ligne A B par des arcs A et B de même rayon; de ces points, décrire des arcs qui se coupent en I, et la ligne CD sera la perpendiculaire demandée.

42. Quel est le point d'une droite le plus près d'un autre point E, situé au-dessus ou au-dessous de cette

meme ligne, fig. 7?

C'est un point Cou tombe la perpendiculaire qu'on mène de ce point à la ligne ; car si du point E, et d'un rayon égal à EC, on décrit un arc DF, tous ses rayons seront égaux (Nº 27); or, le rayon pris sur la perpendiculaire est le seul qui arrive à la droite sans qu'on soit obligé de le prolonger, et les autres le sont d'autant plus qu'ils s'éloignent davantage de cette dernière ligne : donc, le point d'une droite, le plus près d'un point situé au-dessus ou au-dessous de cette ligne, est celui où tombe la perpendiculaire qu'on lui mène du point donné.

43. De quoi se sert-on pour mener des perpen-

diculaires lorsqu'on veut abréger?

On se sert de l'équerre.

* 44. Qu'est-ce que l'équerre dont se servent ordi-nairement les dessinateurs?

C'est une petite planchette terminée par trois côtés en ligne droite, fig. II: deux de ces côtés sont perpendiculaires l'un à l'autre, et s'appellent côtés droits. Le troisième, qui est le plus grand, est opposé à l'angle droit et se nomme hypoténuse.

* 45. Que faut-il faire pour mener des perpendi-

culaires à une ligne, au moyen de l'équerre?

Placer une règle qui arase la ligne donnée, et faire glisser l'un des côtés de l'angle droit de l'équerre contre cette règle; toutes les lignes qu'on tirera le long de l'antre côté, seront perpendiculaires à la ligne donnée.

46. Comment s'assure-t-on de la perpendicularité-

d'une ligne?

Du pied D de la perpendiculaire, fig. 9, et d'un rayon arbitraire, on coupe la base en A et en B; de ces points on décrit deux arcs qui se coupent en F; si l'intersection se fait sur la droite FD, elle est perpendiculaire à l'autre, sinon elle est oblique par rapport à cette ligne.

47. Que faut-il faire pour trouver un point qui soit également distant de deux autres points donnés?

Il faut, des deux points donnés A et B, fig. 11, et d'une ouverture de compas plus grande que la moitié de la distance de l'un à l'autre, décrire, du même rayon, des arcs qui se coupent, et le point d'intersection C, sera celui qu'on demande. On pourrait par ce moyen trouver une infinité de points qui satisferaient à la demande et qui seraient tous dans la même direction.

48. Que faut-il faire pour trouver deux points également éloignés de deux autres points donnés, A et

B, fig. 6?

Il faut, des deux points donnés, et d'une même ouverture de compas prise arbitrairement, décrire des arcs qui se coupent, et les intersections C et D seront les réponses. Ce problème a aussi une infinité de solutions; car tous les points de la ligne CE, correspondant à la partie ED, satisferaient à la question.

Exercices. - Dessiner un assemblage de charpen-

terie, fig. I: (1)

Pour dessiner cette figure, il faut diviser la sablière AB en parties égales; élever les perpendiculaires selon l'épaisseur et la distance des poteaux. Les poteaux CC des extrémités se nomment poteaux corniers; ceux EE qui forment la baie H de la porte, poteaux d'huisserie.

L'équerre ordinaire, fig. II:

Pour dessiner cette figure, il faut tirer le côté A C; élever la perpendiculaire AB, et mener l'hypoténuse BC.

Celle à angle de porte et de croisée, fig. III:

Les côtés AB, AC se dessinent comme ceux de la figure précédente; ensuite on leur mène des paralièles selon la largeur D qu'on veut donner au fer.

Figurer l'alignement d'une route, fig. IV:

On dessine cette figure en élevant sur une base AB des verticales également espacées qu'on nomme jalons.

⁽¹⁾ Les figures de Dessin linéaire commencent à la planche trente-sixième.

CHAPITRE IV.

DES PARALLÈLES ET DE LA MANIÈRE DE LES TRACER.

* 49. Qu'APPELLE-T-ON lignes parallèles? Ce sont celles qui sont partout également éloignées d'une autre ligne de même espèce: telles sont CD, EF, fig. 12, à l'égard de AB; et GH, IL, fig. 13, a l'égard de MN.

* 50. Que faut-il faire pour mener une parallèle

à une ligne droite?

Il faut d'un point E, fig. 14, pris sur la ligne donnée AB, et d'une ouverture de compas arbitraire, décrire une demi-circonférence ACDB; prendre une grandeur quelconque AC sur la demi-circonférence, et la porter de B en D : la droite qui passera par les points C et D sera la parallèle demandée.

Ceci est clair: les arcs compris entre les deux droites étant égaux, il s'ensuit nécessairement que les deux droites AB, CD sont partout à une égale distance

l'une de l'autre.

* 51. Et si l'un des points D par où il faut que

la parallèle passe est donné?

Il faut faire passer la demi-circonférence par le point donné D; prendre la grandeur de l'arc inter-cepté entre le point D et la ligue AB, la porter de A en C: la droite qui passera par les points C et D, sera la parallèle demandée.

* 52. Comment m'ène-t-on une parallèle à un arc

AB, fig. 15, dont on connaît le centre?

En décrivant du centre M un autre arc d'un rayon plus grand ou plus petit que celui de l'arc donné.

53. Comment mène-t-on des parallèles à une ligne

par le moyen de l'équerre?

On place l'un des côtés droits de l'équerre le long

de cette ligne, et on fixe une règle qui s'ajuste à l'autre côté : toutes les lignes qu'on tirera en saisant glisser l'équerre le long de la règle, scront parallèles à la ligne donnée.

Exercices. - Dessiner un pilastre avec son chapi-

teau et ses écharpes, soutenant une poutre, fig. V: Le dessin de cette figure consiste à mener des lignes verticales, horizontales et obliques, selon l'épaisseur du pilastre A, de la poutre B, du chapiteau C, et des écharpes D.

Dessiner un chambranle, fig. VI:

Pour dessiner cette figure, il faut prendre une base A, de la largeur de la porte, lui élever des perpendi-culaires BB d'une hauteur presque double de la largeur de la porte, et les couronner par la traverse C qui doit être assemblée à onglet D (1).

Dessiner les lames d'une jalousie, fig. VII:

Cette figure est composée de parallèles équidistantes, disposées de deux en deux pour distinguer la largeur des lames; les lignes A, B et C qui les coupent désignent les rubans ou tresses; la planche G qui couronne la jalousie se nomme tête, et celle D, à laquelle sont attachés les rubans, les cordons E et les tourillons H, se nomme mouvante.

Dessiner une estrade, fig. VIII:

Cette figure se construit en menant des parallèles à la base AB, d'autant plus courtes qu'elles s'en éloi-gnent davantage. La saillie C des marches est déterminée par des perpendiculaires qui se rapprochent à mesure qu'elles s'éloignent de la base.

⁽¹⁾ Dans le dessin linéaire, les ombres se désignent par des traits plus forts. Le jour étant supposé venir de 45 degrés de ganche à droite, on forcera les traits qui déterminent la droite des parties saillantes lorsqu'elles formeront avec l'hovizon des angles de plus de 450; dans le cas contraire, on forcera les traits à gauche.

CHAPITRE V.

DIVISION DES LIGNES.

* 54. Que faut-il faire pour partager une droite

en deux parties égales?

Décrire de ses extrémités E et F, fig. 16, des arcs de même rayon qui se coupent en A et en B; joindre les points d'intersection par la ligne AB: cette droite partage la ligne donnée en deux parties égales, et lui est perpendiculaire (N° 38).

55. Comment la divise-t-on en quatre parties

égales?

On opère sur chacune des parties EI, IF comme sur la ligne totale.

56. Comment nomme-t-on les parties EH, HI,

IJ et JF de division d'une ligne?

On les nomme segmens, et les points H, J, etc., où la ligne est divisée, se nomment points de section.

* 57. Que faut-il faire pour diviser une droite en autant de parties égales que l'on veut, par exemple

VR, fig. 17, en cinq parties?

Tirer une droite indéfinie AB; marquer dessus autant de parties égales, prises arbitrairement, que la question en exige; prendre leur longueur totale AB, et de cette ouverture de compas et des points A et B, décrire des arcs qui se coupent en D; joindre par des droites le point d'intersection D à tous les points de section de la ligne AB; prendre ensuite la longueur de la ligne donnée, et la porter de D en G, et de D en H, et joindre les points G et H: les segmens de cette dernière ligne sont égaux au cinquième de la droite donnée.

On pourrait encore opérer de cette manière: porter arbitrairement cinq parties sur une ligne A X, fig. 45, faire avec cette ligne et la ligne donnée un angle quel-

conque XAZ; joindre l'extrémité F à la cinquième division L, et mener les parallèles EK, DJ, etc.: la ligne AF sera divisée en cinq parties égales. On opérerait de même pour toute autre division.

* 58. Comment partage-t-on la courbe en deux

parties égales?

En décrivant de ses extrémités A et B, fig. 18, des arcs qui se coupent en C et en D: la droite qui joint les deux points d'intersection C et D, divise la courbe en deux parties égales.

* 59. Que faut-il faire pour la partager en quatre

parties égales?

Opérer sur les parties AE, EB, comme sur la ligne totale.

Exercices. - Dessiner les parties des planchers rac-

cordés, fig. IX et X:

Le premier représente un plancher à frise, le second est dit point de Hongrie. Pour les dessiner, il faut prendre une base AB, élever des perpendiculaires à ses extrémités, les diviser en parties égales, et mener les lignes parallèles qui représentent les joints des planches; celles de la figure X sont coupées à onglet. Les pièces CC sur lesquelles portent les extrémités des planches, fig. IX, se nomment lambourdes.

L'échelle, fig. XI:

Les montans AB doivent aller un peu en convergeant, et les échelons être placés à égales distances, être assemblés à mortaises et tenons chevillés.

La cheminée, fig. XII:

Les côtés ou jambages A doivent être tracés verticalement; la traverse B ainsi que la tablette C sont représentées par des lignes horizontales; les parties DD se nomment les socles ou plinthes; les côtés E et le devant G sont évasés; le fond H est vu de face.

La grille, fig. XIII:

On trace d'abord les encadremens ABCD, ensui'e on joint par des lignes droites les angles opposés de l'encadrement intérieur, ainsi que les points du milieu de chaque traverse. A l'intersection des barreaux se trouvent des bontons, qui peuvent être en cuivre doré. La barre d'appui A doit être couronnée par une petite moulure.

Le cintre d'une croisée, fig. XIV:

Cette figure est composée de neuf parties représentant des pierres de taille : celle B du sommet se nomme la clef de la voûte; les joints sont déterminés par des rayons menés du centre A, et les extrémités par les cordes sous-tendant les arcs d'une circonférence passant par les angles C.

Le décimètre, fig. XV:

Le côté AB de cette figure représente le décimètre dans sa grandeur naturelle; les distances AE, etc., sont les centimètres, et les petites les millimètres. La partie CD contient 3 pouces divisés en lignes.

CHAPITRE VI.

DES ANGLES.

SECTION PREMIÈRE.

Des Angles, de leur mesure et de la manière de déterminer leur valeur.

* 60. Qu'est-ce qu'un angle?

C'est l'ouverture plus ou moins grande de deux lignes AB, AC, fig. 19, qui se rencontrent en un point qu'on appelle sommet.

* 61. Comment nomme-t-on les angles par rap-

port à leurs côtés?

On nomme angle rectiligne celui qui est foriné par deux lignes droites, fig. 19; curviligne celui qui est formé par deux lignes courbes, fig. 20 et 21; et mixtiligne celui qui est formé par une droite et une courbe, fig. 22 et 23.

* 62. Comment désigne-t-on les angles?

Quand un angle est seul, on se contente de nommer la lettre du sommet; ainsi, en disant l'angle A, je désigne la fig. 19. Mais, si plusieurs angles ont leur sommet au même point, il faut nommer les trois lettres qui sont affectées à chacun d'eux, ayant soin de placer celle du sommet la deuxième.

* 63. Quelle est la mesure d'un angle?

C'est le nombre de degrés et parties de degré de l'arc compris entre ses côtés, et décrit de son sommet comme centre: ainsi le nombre de degrés de l'arc DB, compris entre les côtés de l'angle DCB, fig. 24, est la mesure de cet angle. En conséquence, l'angle ACD, fig. 25, a 90 degrés pour mesure, parce qu'il embrasse le quart de la circonférence; BCD en a 70; ECD en a 20, etc.

* 64. Comment appelle-t-on les angles par rap-

port à leur nombre de degrés?

On appelle angle droit celui qui a 90 degrés ou le quart de la circonférence, tel est ACB, fig. 24; obtus celui qui a plus de 90 degrés BCE; et aigu celui qui a moins de 90 degrés BCD.

* 65. De quoi se sert-on pour déterminer la va-

leur des angles?

D'un demi-cercle partagé en 180 degrés, qu'on nomme rapporteur, fig. 25.

* 66. Comment se sert-on du rapporteur pour dé-

terminer la valeur d'un angle?

On place son centre C sur le sommet de l'angle qu'on veut mesurer, et son diamètre sur l'un des côtés, et la division à laquelle répond l'autre côté de l'angle détermine sa valeur.

67. Qu'appelle-t-on complément d'un angle!

C'est ce qui lui manque pour former un angle droits ainsi l'angle ACD, fig. 24, est le complément de l'angle DCB, et réciproquement.

68. Qu'appelle-t-on supplément d'un angle?

C'est ce qui lui manque pour égaler deux angles droits : ainsi l'angle DCB est supplément de l'angle BCE; l'angle ECH est aussi supplément du même angle BCE.

69. Quelle conséquence tirez-vous de là?

C'est que deux angles opposés au sommet sont égaux; car les angles DCB et ECH, fig. 24, ne peuvent être l'un et l'autre supplémens de l'angle BCE sans être égaux entre eux; or ils sont opposés au sommet : donc les angles opposés au sommet sont égaux.

70. Quelles sont les propriétés de deux lignes pa-

rallèles coupées obliquement par une sécante?

Les angles A, B, C, D, fig. 26, sont égaux entre eux, ainsi que les angles E, F, G, H; car A et B sont opposés au sommetainsi que C et D, et les lignes étant parallèles, la sécante qui les coupe doit être également inclinée à l'égard de l'une et de l'autre: donc les angles C et D sont égaux aux angles A et B. On prouverait de la même manière l'égalité des angles E, F, G, H.

Exercices. — Tracer des angles, et en déterminer la valeur avec le rapporteur.

SECTION II.

Manière de copier les Angles et de les diviser.

* 71. Que faut-il faire pour tracer, sur une ligne dounée, un angle égal à un autre, par exemple sur la ligne AB, fig. 27, un angle égal à P, fig. 28?

Il faut, de son extrémité A, et d'une ouverture de compas arbitraire, décrire un arc CD; de la même ouverture de compas en décrire un autre GE, à partir de l'angle P; prendre sa grandeur EG et la porter de C en D, fig. 27, tirer la ligne AI, et on aura l'angle demandé; d'après ce principe, il est aisé de comparer deux angles et de déterminer leur valeur respective et leur différence.

* 72. Comment partage-t-on un angle en deux

parties égales?

On décrit de son sommet un arc quelconque DE, fig. 29; des points D et E, on décrit d'autres arcs qui se coupent en F; on tire ensuite la ligne AF, et l'angle est divisé en deux parties égales.

* 73. Et si l'on ne peut atteindre le sommet comme

celui de l'angle, fig. 30?

Il faut tirer une ligne quelconque EF; partager en deux parties égales les quatre angles dont les sommets sont en F et en E: la droite qui passe par les points d'intersection G et H des lignes de division, partage l'angle en deux parties égales.

Exercices. — Faire un angle de 135 degrés, un de 90, un de 45 et un de 22 degrés 30 minutes:

Le premier de ces angles est composé des trois huitièmes de la circonférence, le second du quart, etc.

Dessiner un châssis à œil-de-bœuf, fig. XVI:

Pour dessiner cette figure, il faut diviser la circonférence A en six parties égales, en portant six fois une ouverture de compas égale au rayon, autour de la circonférence, à partir d'un point quelconque A; ensuite on dessine les petits bois B. Le cercle du milieu doit avoir une circonférence suffisante pour recevoir l'assemblage des petits bois.

SECTION III.

Mesure des Angles considérés dans le cercle, lorsque le sommet n'est pas au centre.

74. Quelle est la mesure d'un angle qui a son sommet en un point quelconque A, fig. 31, d'une

circonférence?

C'est la moitié de l'arc BD compris entre ses côtés. Car si l'on mene par le centre C, fig. 31, la ligne FE parallèle à AD, les angles BAD et BCF seront égaux : or, l'angle BCF, ayant son sommet au centre, a pour mesure l'arc BF; mais BF est égal à EA, puisque ces deux arcs sont la mesure de deux angles égaux, et EA est égal à FD, étant des arcs de même rayon compris entre des parallèles: donc BF est égal à FD. On peut donc dire que l'angle BCF a pour mesure la moitié de l'arc BFD, ou BF: donc l'angle BAD, qui lui est égal, a la même mesure. Pareillement l'angle BAD, fig. 32, a pour mesure la moitié de l'arc BFD; car si l'on mène AF par le centre, on a deux angles BAF et FAD, le premier a la moitié de BF pour mesure, et le second la moitié de DF ainsi qu'on vient de le voir : donc l'angle total BAD a pour mesure la moitié de BF, plus la moitié de DF, c'est-à-dire, la moitié de BFD.

75. Quelle conséquence tirez-vous de cette dé-

monstration?

1° Que tous les angles A, B, C, fig. 33, qui ont leur sommet à la circonférence et embrassent le même arc

OP, sont égaux;

2º Qu'un angle quelconque qui a son sommet A à la circonférence, fig. 34, a ses côtés perpendiculaires l'un à l'autre, lorsqu'ils passent aux extrémités CD du diamètre du cercle, parce qu'alors l'angle a pour mesure la moitié d'un arc de 180 degrés.

76. Quelle utilité peut-on tirer de cette connais-

sance?

10 Que pour élever une perpendiculaire à l'extrémité d'une droite quelconque AB, fig. 35, qu'on ne peut prolonger, il faut placer la pointe à tracer du compas en B, et l'autre en un point quelconque D, au-dessus de la ligne donnée, et décrire une circonférence FBE; du point F tirer le diamètre FE, et le point E où il aboutit à la circonférence indique le passage de la perpendiculaire BE;

2º Que pour trouver le diamètre d'un cercle dont on ne connaît pas le centre, il faut poser l'équerre sur ce cercle de manière que le sommet de l'angle droit soit en un point quelconque de la circonférence, et marquer les points de cette même circonférence, qui répondent aux côtés de l'équerre : la droite qu'on tirera de l'un à l'autre sera le diamètre demandé.

77. Quelle est la mesure d'un angle qui a son sommet en un point quelconque A, fig. 36, entre le centre

du cercle et la circonférence?

C'est la moitié de l'arc BC compris entre ses côtés, plus la moitié de l'arc DE, compris entre leurs prolongemens. Car si, de l'extrémité D du prolongement, on mène DI parallèle à AB, l'angle D, qui a pour mesure la moitié de l'arc IBC, est égal à l'angle A: donc l'angle A, a pour mesure la moitié de BC, plus la moitié de BI; mais BI est égal à DE, ces deux arcs étant compris entre deux parallèles: donc BAC a pour mesure la moitié de DE.

CHAPITRE VII.

DÉTERMINATION DES LIGNES COURBES.

*78. Quand est-ce que la courbe est indéterminée? C'est quand on ne connaît qu'un ou deux points paroù elle doit passer, parce qu'alors on peut décrire de plusieurs centres des courbes qui passeut par le ou les deux points connus: c'est ce que nous éclaircirons par un problème, après avoir démontré la proposition suivante.

* 79. Quelle est la propriété d'une perpendiculaire CD, fig. 37, élevée sur le milieu d'une corde AB d'un cercle?

C'est que cette perpendiculaire passe par le centre du cercle. Ceci est évident, les extrémités de la corde étant deux points de la circonférence, sont nécessairement à une égale distance du centre; or, tous les points de la perpendiculaire, pris en particulier, sont à une égale distance des extrémités À et B de la corde : donc la perpendiculaire passe dans le centre; mais il n'est pas déterminé.

* 80. Que nous fournit cette démonstration?

Le moyen de faire passer plusieurs arcs de cercles par deux points donnés, par exemple par les points A et B, fig. 37. Pour cela il n'y a qu'à les joindre par une droite AB; la couper au milieu par une perpendiculaire CD; d'un point quelconque E pris sur la perpendiculaire, et d'une ouverture de compas égale à la distance de ce point à l'un des points donnés A, décrire l'arc FG; d'un autre point arbitraire H décrire l'arc IJ, etc. On voit par-là, que de tous les autres points de la perpendiculaire on pourrait décrire des arcs qui satisferaient également à la demande : c'est dans ce cas que la courbe est indéterminée.

*81. Quand est-ce qu'une courbe est déterminée?

1º Lorsqu'on connaît trois points par où elle doit passer; ces trois points ne pouvant avoir qu'un centre commun;

2° Lorsqu'on connaît son rayon et deux points par

où elle doit passer;

3º Lorsqu'on connaît son centre, et un point par où

elle doit passer.

*82. Ou se fait l'intersection de deux perpendiculaires DI et EI, élevées sur le milieu de deux cordes AB, BC, fig. 38? Au centre du cercle. Ceci est évident; car le point I de la perpendiculaire ID est à une égale distance de B et de C; et si nous le prenons sur la perpendiculaire IE, il est aussi à une même distance de A comme de B (N° 79; ainsi cestrois points A, B, C sont à une égale distance de l'intersection I: donc il est leur centre, et par conséquent celui de la circonférence qui passera par ces trois points.

* 83. Quelle conséquence tirez-vous de là?

Que pour faire passer une circonférence par trois points donnés A, B, C, fig. 38, pourvu qu'ils ne soient pas en ligne droite, il faut joindre les trois points par deux droites AB, BC, et élever une perpendiculaire sur le milieu de chacune d'elles, et le point d'intersection I en sera le centre. S'il s'agissait de trouver le centre d'un cercle ou d'une partie de circonférence, on marquerait trois points dessus, et ayant tiré des cordes de l'un 2 l'autre, on opérerait de la même manière.

Exercices. — Dessiner le croissant, fig. XVII: Cette figure est composée de deux arcs passant par des points communs A et B, et décrits de deux centres pris sur une ligne perpendiculaire à la droite qui joindrait les points A et B.

Les poulies, fig. XVIII et XIX:

La première est représentée par un cercle; il doit être assez épais pour recevoir une gorge évasée. La chape D est composée de deux lignes droites terminées par des arcs de différens rayons; elle est portée par un boulon ou essieu sur lequel tourne le rouet ABC.

La figure XIX représente une poulie vue sur champ, emboîtée dans une chape en bois.

Les moufles, fig. XX:

On appelle mousles une suite de poulies portées sur deux chapes dissérentes; l'une A est mobile, et l'autre B est immobile. Ces poulies doivent diminuer de rayon à mesurequ'ellesapprochent du centre, assu d'éviter la rencontre des cordes et le frottement, ce qui augmenterait la résistance.

Le treillis, fig. XXI:

Après avoir dessiné l'encadrement, on décrit les arcs qui doivent être entrelacés, leurs centres sont dans le prolongement des côtés; ensuite on tire les traverses du milieu, destinées à assujétir les cintres des arcs.

La grille à balcon, fig. XXII:

La largeur des parties destinées à recevoir les arcs tangens doit être le tiers de la hauteur; on divisera le reste de l'encadrement selon le modèle, et ayant décrit la rosette du milieu, on décrira les arcs et on tirera les droites de l'intérieur.

CHAPITRE VIII.

CONTACT DES TANGENTES.

* 84. Comment nomme-t-on le point où la tan-

gente touche la circonférence?

Point de contact : ce point est à l'endroit de la droite, où tombe le rayon qu'on lui mène perpendiculairement. Ceci est clair, le contact ne pouvant avoir lieu qu'en un seul point, il doit être nécessairement à l'endroit de la droite le plus près du centre du cercle: or, le point d'une droite le plus près d'une autre, pris hors de cette ligne, est celui où tombe la perpendiculaire menée de ce point à la ligne (N° 42).

* 85. Quelle est la méthode générale pour déter-

miner le point de contact d'une tangente?

C'est de joindre au centre du cercle, par une droite AB, fig. 39, l'un quelconque A des points de la tangente; du milieu de cette droite, et d'un rayon

égal à DA, décrire une circonférence, et l'endroit I, où elle coupe la tangente, est le point de contact : car le rayon qu'on mène à ce point est perpendiculaire à la tangente, puisqu'il forme avec elle un angle droit ayant pour mesure la moitié de la demi-circonférence ACB.

* 86. Comment détermine-t-on les points de contact de deux tangentes qui se rencontrent en un point?

On joint au centre du cercle, par une droite, le point C. fig. 40, où les tangentes se rencontrent; on décrit du milieu D de cette ligne une circonférence qui passe par le centre du cercle, et on a les points A et B pour les contacts des tangentes; car les rayons MA, MB qu'on a menés à ces points, forment avec les tangentes des angles droits, puisqu'ils embrassent le diamètre CM: donc les rayons sont perpendiculaires aux tangentes.

* 87. Que faut-il faire pour décrire une circonférence, tangente à une droite en un point donné, et

qui passe par un autre point désigné, fig. 41?

Il faut mener une perpendiculaire à la ligne donnée AB, au point C où l'on veut que touche la circonférence; joindre le point C au point désigné D; abaisser une perpendiculaire sur le milieu de la droite CD, et le point E sera le centre de la circonférence; car la ligne EI étant perpendiculaire à la corde et la coupant en deux parties égales, doit nécessairement passer par le centre; le rayon CE étant aussi perpendiculaire à la tangente, doit aussi passer par le centre, lequel ne peut être qu'au point de rencontre.

* 88. Où se trouve le point de contact de deux cercles?

Dans la direction de leurs centres.

* 89. Que concluez-vous de là?

Que si les cercles se touchent extérieurement, comme dans la figure 42, le point A où la droite qui joint les deux centres coupe les circonférences, est le point de contact; s'ils se touchent intérieurement, comme dans la figure 43, le point B, où le rayon va aboutir en passant par le centre du petit, est le point demandé.

* 90. Comment trouve-t-on le centre d'une circonférence qui doit en toucher une autre en un point

désigné, et passer par un point donné?

Du centre M, de la circonférence donnée, fig. 42, et du point A désigné pour le contact, on tire une droite indéfinie MI; on joint le point donné C au point A, et on élève une perpendiculaire EF sur le milieu de cette ligne: l'intersection D, que cette perpendiculaire fait avec la droite MI, indique le centre de la circonférence.

* 91. Que faut-il faire pour déterminer le centre d'une circonférence qui doit passer en un point donné dans un cercle, et être tangente à la circonférence de ce cercle en un point désigné, sig. 43?

Tirer un rayon au point B désigné pour le contact; joindre par une droite le point donné C au point B; élever une perpendiculaire EF sur le milieu de CB, et l'intersection D que cette perpendiculaire fait avec le rayon AB, est le centre de la circonférence.

Exercices. — Dessiner les grilles à cercles tangens,

fig. XXIII et XXIV:

Pour dessiner la première, il faut d'abord tracer les encadremens de manière que la longueur soit double de la hauteur, ensuite décrire les arcs et les cercles. Les centres sont tous sur une droite horizontale qui

partagerait les côtés en deux parties égales.

Pour la seconde, on commence par décrire les petits cercles à distances égales, ensuite les grands qui leur doivent être tangens, et enfin on forme l'encadrement selon la grandeur des cercles. Si les cercles ne devaient pas être tout à-fait tangens, on les joindrait par un bouton.

CHAPITRE IX.

DES PROPORTIONS.

* 92. Qu'APPELLE-T-ON lignes proportionnelles?
Ce sont des lignes dont les longueurs comparées, entre elles peuvent former une proportion.

* 93. Quand est-ce que quatre lignes forment une

proportion?

C'est lorsque le rapport de la première à la seconde est le même que celui de la troisième à la quatrième : par exemple, il existe un même rapport entre les lignes A et B, fig. 44, qu'entre C et D; c'est-à-dire, que B est un tiers plus grand que A, comme D est un tiers plus grand que A, comme D est un tiers plus grand que C, ce qu'on peut voir par les divisions; elles forment par conséquent une proportion que l'on peut exprimer ainsi, A: B:: C: D.

94. Donnez-en quelques autres exemples?

on marque des parties égales B,C, D, E, F, et que de a dernière division on mène LF à volonté, et qu'enfin, par les autres divisions, on mène EK, DJ, etc., paralèles à FL, toutes les divisions du côté AX seront aussi gales entre elles, ce qui donnera cette suite de proportions AB: AH:: BC: HI:: CD: IJ:: DE: JK, etc;

A B: BH:: AC: CI:: AD: DJ:: AE: EK, etc.

2º Deux droites AB, CD, fig. 46, qui se coupent d'une nanière quelconque dans un cercle, le fout proporionnellement, c'est-à-dire, que les petits segmens CI, et AI sont entre eux dans la même proportion que les grands, en sorte qu'on peut dire CI: AI:: IB: ID; ou bien AI: IC:: ID: IB, etc. Ceci est évident, car i du point I comme centre et d'un rayon égal à IC, on décrit l'arc CE, et d'un rayon égal à AI, l'arc AF, on aura IE égal à IC, et IF égal à IA, comme rayons

de mêmes arcs; si l'on joint ensuite les points EF et BD, on aura, à cause des parallèles EF, BD, les proportions suivantes, IE: IF:: IB: ID, on bien, IF: IE:: ID: IB, etc, qui sont les mêmes que les précédentes.

3° Si du sommet d'un triangle équilatéral ABC, fig. 57 (N° 124 et 126), construit sur le diamètre d'un cercle, on mène une droite AD à l'arc concave BDC, cet arc et le diamètre seront coupés en parties proportionnelles, et on aura BC: BDC:: CE: CD; ou BE: BD:: CE: CD, ou encore BE: EC:: BD: CD.

95. A quoi servent les proportions géométriques? À découvrir la longueur d'une ligne inconnue par la connaissance des autres qui forment la proportion.

* 96. Que fau!-il faire pour trouver une quatrième proportionnelle à trois lignes données P, Q, R,

fig. 47?

Tirer deux lignes AM, AN, qui sorment un angle quelconque; porter de A en B la longueur de la ligne P, et la longueur de Q, de B en C; porter également la longueur de R, de A en D; joindre BD par une droite, et par le point C mener CE parallèle à BD, qui détermine DE pour la quatrième proportionnelle demandée: en sorte qu'on peut dire, AB: BC:: AD: DE.

97. Quel nom donne-t-on à la proportion, lorsque

les deux termes du milieu sont égaux?

Elle prend le nom de proportion continue, et le quatrième terme se nomme troisième proportionnelle.

* 98. Que faut-il faire pour avoir une troisième proportionnelle, à deux lignes données A et B, fig. 48?

Faire un angle arbitraire IED; porter la longueur A, de E en F, et la longueur B, de E en D; porter aussi cette longueur B de E en G; joindre les points F et G; enfin par le point D mener DI parallèle à FG, et on aura El pour la troisième proportionnelle demandée. En sorte qu'on peut dire, EF: ED:: EG: EI, et comme ED = EG, on peut dire aussi, EF: ED:: ED:: ED.

* 99. Que faut-il faire pour trouver une moyenne proportionnelle entre deux lignes données, P et (),

fig. 49?

Tracer une ligne indéfinie AC; prendre sur cette ligne une longueur AB égale à P, et une partie BC égale à Q; sur AG, comme diamètre, décrire une demi-circonférence; au point B élever une perpendiculaire BD, qui est la moyenne proportionnelle demandée : en sorte qu'on peut dire, AB: BD::BD: BC.

* 100. Que faut-il faire pour couper une ligne AB, fig. 50, en moyenne et extrême raison?

Il faut, à l'une des extrémités de la ligne donnée, élever une perpendiculaire AD, égale à la moitié de la ligne AB; joindre les points Bet D par une droite; du point D comme centre, et d'un rayon égal à AD, décrire une circonsérence qui coupe en E la ligne BD, enfin on porte BE de B en C, et la ligne AB est coupée en moyenne et extrême raison (1).

101. Pourquoi dit-on que cette droite est coupée en

moyenne et extrême raison?

Parce qu'elle est coupée en deux parties AC, BC, de manière à ce que l'une d'elle BC est moyenne proportionnelle entre la ligne entière AB et la partie A C: en sorte qu'on peut dire, A C: BC: BC: AB, ou AB: BC: BC: AC.

Exercices. - Dessiner une croisée de six carreaux, dont les côtés de la croisée soient dans les rapports de

A a B, fig. XXV:

Il faut tirer une ligne double ou triple de A, lui élever une perpendiculaire ayant les mêmes proportions à l'égard de B, former le dormant ABCD et les bâtis E; faire les trois divisions de la hauteur; les deux de base, et figurer le reste de la croisée.

⁽¹⁾ Toutes ces opérations pourraient se faire par le moyen du compas de proportion, ainsi que la division de la ligne en parties fractionnaires, pag. 161.

CHAPITRE X.

DIVISION DE LA CIRCONFÉRENCE DU CERCLE.

* 102. Comment partage-t-on la circonférence en deux parties égales?

On la coupe par un diamètre AM ou BN, fig. 51.

* 103. Comment la partage-t-on en trois, en six

et en douze parties égales, fig. 51?

En portant sur la circonférence une ouverture de compas égale au rayon du cercle, on a le sixième; deux de ces parties prises ensemble en sont le tiers, et chacune des premières, partagée en deux, en est le douzième. On aurait encore la douzième partie en portant la longueur du rayon de A en D et de B en C, et ainsi de suite pour les autres parties de la circonférence.

104. Sur quoi fondez-vous ce principe?

Sur l'égalité du rayon d'un cercle quelconque, à la longueur de la corde d'un arc de 60 degrés du même cercle.

* 105. Comment partage-t-on la circonférence en

sept, en quatorze et en quinze parties égales?

Après avoir tiré le rayon LF, fig. 52, on porte sa longueur de F en A et en E, on tire AE, et la moitié AI de la corde AE sera celle de la division en sept parties. Pour avoir quatorze divisions, prenez la moitié de ces dernières. Pour la partager en quinze, il faut, de l'extrémité F de l'un des diamètres, décrire l'arc BC, et la partie GL du rayon sera la réponse.

Cette division en quinze donne des arcs de 24 degrés, ses subdivisions sont de 12, de 6 et de 3 degrés:

le tiers de ce dernier donne l'arc d'un degré.

* 106. Que faut-il faire pour partager la circonfé-

rence en cinq, huit, dix, onze et seize parlies

égales?

La couper d'abord en quatre parties égales par deux diamètres AB, CD, fig. 53, croisés perpendiculairement; du point B, et d'un rayon égal à celui du cercle, couper la circonférence en I, et du point D la couper en G; du point I décrire l'arc GEF; ensuite tirer la droite ED, et l'on a ED pour la corde de la cinquième partie de la circonférence, la distance EF pour la corde de la huitième, EJ pour celle de la dixième, EG pour celle de la onzième, et EA pour celle de la seizième.

La division en cinq parties sert à faire une figure

étoilée, fig. 56.

* 107. Que faut-il faire pour la couper en neuf, en treize, en dix-neuf et en vingt parties égales? La couper en quatre parties égales par deux dia-

La couper en quatre parties égales par deux diamètres AB, GD, fig. 54, croisés perpendiculairement, et dont l'un d'eux GD est prolongé; de l'extrémité A du diamètre AB, et d'un rayon égal à celui du cercle, couper la circonférence en E; de l'autre extrémité B, décrire l'arc EC qui vient couper le prolongement du diamètre GD; du point C décrire les arcs EF, AH, et on aura HD pour la corde de la neuvième partie de la circonférence; et IH pour celle de la dix-neuvième. Si du point D on décrit l'arc BL, et de L l'arc BJ, on aura LI pour la corde de la treizième partie, et JH pour celle de la vingtième.

* 108. Comment la partage-t-on en dix-sept par-

ties égales?

On tire un diamètre AB prolongé, fig. 55; on lui mène le rayon CD perpendiculairement; du point B, et d'un rayon égal à celui du cercle, on coupe la circonférence en E; du milieu I du rayon CD, on décrit l'arc EL, et on a BL pour la corde de la dix-septième partie de la circonférence.

* 109. Comment pourrait-on diviser la circonférence en un nombre quelconque de parties égales, par exemple la circonférence, fig. 57, en sept parties

égales?

Il faut diviser le diamètre en autant de parties égales que la circonférence doit en avoir; des points B et C, et d'une ouverture de compas égale au diamètre BC, décrire des arcs qui se coupent en A; mener AD passant par la seconde division E du diamètre, et on aura BD pour la septième partie de la

circonférence donnée (Nº 94, 3º).

S'il s'agissait d'opérer sur un cercle fort petit, comme serait le cercle H, fig. 58, ou d'obtenir un grand nombre de divisions, neuf, par exemple; on tirerait une ligne indéfinie BC, sur laquelle on porterait autant de parties égales que la circonférence donnée doit en avoir; de cette longueur totale on décrirait la circonférence BCD, et on opérerait dessus comme il vient d'être dit pour la figure précédente; ayant obtenu la partie CD, on tirerait le rayon DJ, et décrivant au centre le cercle donné, la partie IL serait la réponse. C'est ainsi qu'on diviserait la circonférence en tous ses degrés.

BCD, fig. 50, en autant de parties égales que l'on

veut, par exemple en neuf?

Il faut joindre le centre I à l'une des extrémités C de l'arc donné par le rayon IC, le prolonger d'une longueur égale afin d'avoir le diamètre; des extrémités G et C, et d'une ouverture de compas égale à la longueur de ce diamètre G C, décrire des arcs qui se coupent en A; ensuite tirer, par le point A et l'extrémité B de l'arc, la ligne AB; diviser la partie CL du diamètre, interceptée entre la ligne AB et le point C, en autant de parties égales que l'arc doit en avoir; tirer AD passant par la première division E, la corde CD donne la réponse. On pourrait aussi tirer les lignes de divisions par les points déterminés sur le diametre.

Si l'arc était plus long que la moitié de la circonférence, on le partagerait en deux parties égales, et ayant opéré sur l'une de ces parties, comme si elle était donnée seule, deux de ces divisions donneraient la réponse.

Exercices. - Dessiner un cadran d'horloge d'un

rayon donné, fig. XXVI:

Après avoir décrit quatre circonférences concentriques, on divise l'espace compris entre les deux inférieures en douze parties pour les heures, et chaque division d'heure en deux pour les demies; les minutes se marquent entre les deux moyennes.

La rose des vents, fig. XXVII:

Les quatre principales pointes désignent les rhumbs principaux ou points cardinaux, sud, nord, est et ouest; les quatre collatéraux, sud-est, nord-est, sud-ouest et nord-ouest, sont désignés par les points E, F, G, etc. Pour la construire, il faut décrire plusieurs circonférences, et mener les lignes indiquées par les points de divisions.

Une roue hydraulique, fig. XXVIII:

Pour dessiner cette figure, on décrit plusieurs circonférences concentriques; les auges A sont formées par un plan brisé et par des planches de forme circulaire appliquées sur les côtés de la roue.

Des engrenages, fig. XXIX:

Pour tracer les engrenages, il faut diviser les roues en parties parfaitement égales, afin que les dents se correspondent et s'entrelacent avec facilité; elles doivent avoir suffisamment de jeu pour ne pas gêner le mouvement.

Un rapporteur d'un décimètre de rayon:

Pour la longueur du rayon, prenez AB, fig. XV; et pour la division, voyez fig. 25.

CHAPITRE XI.

DE L'ÉCHELLE DE PROPORTION.

* 111. De quoi se sert-on pour établir un rapport entre des lignes d'une grande dimension et d'autres plus courtes?

De l'échelle de proportion.

* 112. Qu'est-ce que l'échelle de proportion?

C'est une ligne AD, fig. 60, divisée en parties égales, dont chacune représente telle longueur qu'on veut lui attribuer; en sorte que la figure qui représente l'objet est en même proportion avec cette échelle, que l'objet lui-même l'est avec sa mesure réelle.

113. Donnez quelques exemples sur son usage?

Pour prendre sur cette échelle tel nombre que l'on voudra au-dessous de dix, il n'y a qu'à placer la pointe du compas sur le point B, et l'ouvrir jusqu'à la division qui exprime le nombre qu'on veut prendre. Si ce nombre était au-dessus de dix, vingt-six par exemple, on placerait une pointe de compas sur D, qui représente la seconde dizaine de l'échelle, et on ouvrirait l'autre jus qu'à la sixième division de la partie AB; si l'on en vou lait vingt-huit, on l'ouvrirait jusqu'à la huitième, etc.

* 114. N'y a-t-il pas une échelle plus exacte?

Celle que représente la figure 61, qu'on nomme échelle décimale, offre beaucoup plus de précision. Son inspection seule faisant assez voir comment elle se construit, nous nous contenterons de dire quelque chose sur son usage. Chaque division des lignes AB et CD, peut être considérée sous deux rapports, ou comme une simple unité, soit mètre ou pied, ou comme contenant dix de ces unités: dans le premier cas, les petites parties 1 E, 2 G, 3 H, etc., seront des dixièmes de cette unité. Si l'on voulait prendre sur cette échelle, par exemple 6 mètres, on porterait le

compas de D vers Csur la sixieme division, c'est-à-dire, sur 60, considéré alors comme 6 mètres. Si l'on voulait 6 mètres 5 décimètres, on le porterait de J en I, l'écartement de la transversale 60 IK, donnerait en I les 5 décimetres. S'il s'agissait de prendre 12 mètres, on porterait le compas de M en 20. Si l'on voulait 16 mètres 50 centimètres, on le porterait de P en I... Dans le second cas, les petites parties 1 E, 2G, 3 H, etc., de l'échelle, marqueraient des unités principales, et la première opération que l'on vient de faire donnerait 60 mètres, et la seconde 65. Si l'on avait 130 mètres à prendre, on mettrait le compas de M'en 30; si l'on voulait 165, on le porterait de P en I. On conçoit que, dans le second cas, le plan représenterait l'objet cent fois plus petit que dans le premier, les côtés étant dix fois plus courts.

Exercices. — Dessiner une échelle décimale de 3 mètres:

La figure 61 doit servir de modèle à cet exercice; mais il faut prendre le centimetre pour la longueur des divisions CD, DM, etc. Les transversales seront espacées d'un millimetre.

Dessiner une porte unie dont les côtés perpendiculaires, pris sur l'échelle ci-dessus, soient entre eux

comme 4 est à 7:

Pour construire cette figure, il faut prendre autant de fois sept parties de l'échelle pour la hauteur qu'on a pris de fois quatre pour la base; ensuite il ne s'agit plus que de former l'encadrement et de donner aux emboîtures la largeur convenable.

Dessiner une croisée à un vantail dont les côtés soient

entre eux comme 5 est à 9:

Les observations pour la construction de l'encadrement ou bâti de cette figure, sont analogues à celles qui regardent la figure précédente; ensuite il ne s'agira plus que de faire les divisions pour représenter les petits bois. Dessiner un devant de boutique sur une échelle

donnée, fig. XXX:

La forme de cette devanture est très-élégante; sa construction est facile; les croisées sont composées de huit carreaux; les châssis sont séparés par une colonne demi-saillante qui sert d'appui aux arcs qui forment le cintre des carreaux supérieurs; le soubassement C est en panneaux taillés à pointe de diamant, et la frise A B est destinée à recevoir l'enseigne.

Remarques.

Les assemblages se font à tenon et à mortaise. Lorsque le tenon est rond on le nomme tourillon; le ressant que laisse le bois enlevé pour former le tenon se nomme arasement. L'épaulement est l'épaisseur comprise entre les mortaises ou l'extrémité du bois. Dans les assemblages carrés, les arasemens sont égaux; les assemblages à enfourchement n'ont pas d'épaulemens, ils sont à l'extrémité des pièces; les assemblages des pièces à moulures doivent être d'onglet, au moins à la largeur de l'ornement. Les assemblages à demi-bois sont les plus faciles mais les moins solides. Lorsque le tenon et l'entaille sont évasés; l'assemblage est dit à queue d'aronde. Les assemblages droits se font à feuilles simples ou rainures et à languettes. Pour rallonger des pièces, on les entaille à demi-bois, en y réservant des rainures et des languettes; on retient les pièces à l'aide des chevilles et de la colle. La rallonge B à trait et clef, fig. LXXII, est très-solide; elle se nomme trait de Jupiter!

CHAPITRE XII.

DES SURFACES EN GÉNÉRAL.

* 115. QU'APPELLE-T-ON surfaces ou superficies? Ce sont des espaces renfermés par des lignes. On en distingue de trois sortes: les planes, les concaves et les convexes.

* 116. Qu'appelle-t-on surfaces planes?

Ce sont celles sur lesquelles on peut appliquer en tout sens une règle bien droite.

* 117. Qu'est-ce qu'une surface concave?

C'est celle d'un objet creux, comme l'intérieur d'un timbre de pendule.

* 118. Qu'appelle-t-on surface convexe?

C'est la superficie extérieure d'un objet relevé en bosse comme l'extérieur d'un timbre.

* 119. Comment nomme-t-on les surfaces déterminées par des lignes droites?

On les nomme polygones rectilignes.

* 120. Et celles qui sont renfermées par des lignes courbes?

Polygones curvilignes.

* 121. Combien y a-t-il de sortes de polygones? De deux sortes, les réguliers et les irréguliers.

* 122. Qu'est-ce qu'un polygone régulier? C'est celui qui a tous ses côtés et tous ses angles égaux.

* 123. Qu'est-ce qu'un poly gone irrégulier? C'est celui dont les côtés et les angles sont inégaux.

CHAPITRE XIII.

DES TRIANGLES.

SECTION PREMIÈRE.

Des Triangles en général et de la valeur de leurs Angles.

* 124. Qu'est-ce qu'un triangle?

C'est un espace compris entre trois lignes formant trois angles, fig. 62, 63, etc.

* 125. Combien distingue-t-on de sortes de triangles par rapport aux lignes dont ils sont formés?

De trois sortes: les rectilignes formés par des lignes droites, fig. 62 et 63; les curvilignes formés par des lignes courbes, fig. 64 et 65; et les mixtilignes qui sont formés par des lignes, dont les unes sont droites et les autres sont courbes, fig. 66 et 67.

* 126. Combien distingue-t-on de sortes de trian-

gles rectilignes, par rapport à leurs côtés?

De trois sortes: le triangle équilatéral, qui a les trois côtés égaux, fig. 62; l'isocèle, qui a deux côtés égaux, fig. 63; et le scalène, qui a les trois côtés inégaux, fig. 68.

* 127. Quels noms donne-t-on encore aux trian-

gles par rapport à leurs angles?

On nomme triangle rectangle celui qui a un angle droit, fig. 69; ambligone ou obtusangle, celui qui a un angle obtus, fig. 70; et oxigone ou acutangle, celui qui a tous ses angles aigus, fig. 62 et 63.

* 128. Comment appelle-t-on le grand côté du

triangle rectangle?

Hypoténuse; il est toujours opposé au plus grand angle; et en général dans tout triangle, le plus grand côté est toujours apposé au plus grand angle et réciproquement, et le plus petit côté au plus petit angle. Ainsi, dans la figure 69, l'angle G est le plus grand, parce qu'il est opposé au côté D E qui est le plus grand, et l'angle E est le plus petit, parce qu'il est opposé au plus petit côté GD.

* 129. Combien les trois angles d'un triangle ont-

ils de degrés?

Toujours 180: car si l'on fait passer une circonférence de cercle par le summet des trois angles A, B, C, fig. 71, elle sera toute comprise entre les côtés des trois angles; or, ces angles ayant le sommet à la circonférence, chacun d'eux a pour mesure la moitié de l'arc qu'il intercepte entre ses côtés (N° 74): donc ils ont ensemble la moitié de la circonférence, ou 180 degrés.

* 130. Que concluez-vous de là?

1° Que lorsqu'on connaît deux angles d'un triangle, on peut trouver le troisième, en retranchant la somme des deux premiers de 180 degrés;

2º Que lorsque deux angles d'un triangle sont égaux à deux angles d'un autre triangle, le troisième du premier est nécessairement égal au troisième du second;

3º Que les deux angles aigus d'un triangle rectangle valent toujours ensemble 90 degrés, et sont complémens l'un de l'autre;

4° Qu'il ne peut y avoir qu'un seul angle droit dans un triangle; car il ne reste plus pour les autres

que 90 degrés;

5° Qu'il ne peut non plus y avoir qu'un seul angle obtus, ne restant plus pour les deux autres angles, qu'un nombre de degrés moindre que 90.

* 131. Qu'appelle-t-on hauteur d'un triangle?

C'est la perpendiculaire AD, fig. 111 et 112, abaissée de l'un des angles quelconques, sur le côté opposé BC ou sur son prolongement CD. L'angle d'où part la perpendiculaire se nomme sommet du triangle, et le côté sur lequel elle tombe se nomme base. Exercices. — Déterminer la valeur de l'un des angles aigus d'un triangle rectangle, par la connaissance de l'autre.

Déterminer la valeur des angles d'un triangle isocèle, connaissant celle de l'un des angles semblables ou symétriques.

Ces exercices sont une conséquence des Not 129 et

13o.

SECTION II

Construction des Triangles.

* 132. Combien faut-il de conditions pour déter-

miner un triangle?

Trois, pourvu que dans les conditions connues il y ait un côté: ainsi un triangle est déterminé lorsqu'on connaît ses trois côtés, ou deux côtés et l'angle compris, ou deux angles et le côté compris.

* 133. Que faut-il faire pour tracer un triangle dont on connaît la longueur des côtés A, B, C, fig. 72?

Tirer la ligne DE égale à A; de l'extrémité D de cette ligne, et d'un rayon égal à B, décrire un petit arc en G; de l'autre extrémité E de cette même ligne, et d'un rayon égal à C, décrire encore un arc qui coupe le premier; du point d'intersection, tirer les deux lignes DG, EG, et on aura le triangle demandé.

* 134. Que faut-il faire pour construire un triangle équilatéral dont on connaît la longueur de l'un des

cités A, fig. 73?

Tirer une droite BC égale à A; de ses extrémités, et d'un rayon égal à cette ligne, décrire des arcs qui se coupent en D, et joindre par des droites le point d'intersection D aux extrémités de la ligne BC.

* 135. Connaissant la longueur A et B des deux

côtes de l'angle droit d'un triangle rectangle, fig. 74,

que faut-il faire pour le construire?

Tirer une ligne CD égale à A; élever à son extrémité C une perpendiculaire CE égale à B; la droite ED termine le triangle demandé.

* 136. Comment construit-on un triangle isocèle dont les côtés égaux ont chacun la longueur de la droite A, connaissant l'angle B qu'ils forment,

fig. 75?

Après avoir tiré une droite CD égale au côté donné A, on fait au point C un angle égal à B; on porte sur la droite CE une longueur égale à l'autre côté CD; on joint les points D et E, et le problème est résolu.

* 137. Comment trace-t-on un triangle dont on connaît deux côtés A, B et l'angle H qu'ils doivent for-

mer, fig. 76?

On tire une droite I C égale à A; on fait au point I un angle égal à H; on porte la longueur de B, de I en J; on joint ensuite par une droite les points C et J, et on a le triangle demandé.

* 138. Que faut-il faire pour construire un triangle dont on donne un côté L et les deux angles A et B qui

doivent être à ses extrémités, fig. 77?

Tirer une ligne IJ égale au côté L'; à l'extrémité J, faire un angle égal à A, et à l'autre extrémité un angle égal à B, et tirer les lignes IG, JG, et on a le triangle demandé.

* 139. Connaissant deux côtés A et B d'un triangle acutangle et l'angle L opposé au côté A, que faut-il

faire pour le construire, fig. 78?

Tirer une ligne IJ égale à B; à l'une de ses extrémités I saire un angle égal à L; de l'autre extrémité J, et d'un rayon égal au côté A, décrire l'arc H, qui coupe le côté IH; joindre par une droite les points J et H, et on a le triangle demandé.

^{* 140.} Comment trace-t-on un triangle dont on

connaît deux angles A et B et le côté L opposé à l'an-

gle B, fig. 79?

On tire une droite indéfinie DE; on fait au point D un angle égal à A, et ou en figure un autre égal à B en un point quelconque I de la ligne DE; on prend sur DF une longueur égale à L, et de ce point on mène une parallèle FE à la ligne ponctuce, et on a le triangle demandé.

* 141. Que faudrait-il faire pour construire un triangle dont la longueur de chaque côté serait don-

née en nombre?

Prendre sur l'échelle les longueurs désignées, et en former le triangle.

Exercices. — Construire un triangle dont les côtés

soient entre eux comme les nombres 9, 10 et 11:

Construire un triangle dont la base soit de 10 mètres, représentés par des centimètres, et la hauteur, prise sur la quatrième division de la base, soit de 8 mètres.

Faire un triangle dont un angle soit de 95 degrés, un autre de 75, et le côté compris de 10 mètres re-

présentés par des centimètres.

Pour résoudre ces problèmes, il faut prendre les longueurs données sur AB, fig. XV, et se servir du rapporteur pour former les angles du dernier triangle.

4 () 2

CHAPITRE XIV.

DES QUADRILATÈRES.

SECTION PREMIÈRE.

Définition des Quadrilatères.

* 142. Qu'appelle-t-on quadrilatère?

C'est une figure de quatre côtés.

* 143. Combien distingue-t-on de sortes de qua-

drilatères ayant un nom particulier?

De six sortes : le carré, le rectangle, le rhombe ou losange, le rhomboïde, le trapèze et le trapezoïde.

* 144. Qu'est-ce que le carré?

C'est une surface renfermée par quatre lignes droites de même longueur, formant quatre angles droits, fig. 80.

* 145. Qu'appelle-t-on rectangle?

C'est un carré long, fig. 81.

* 146. Qu'appelle-t-on rhombe ou losange?

C'est une surface renfermée par quatre lignes égales, formant quatre angles, dont deux opposés sont égaux et aigus, et les deux autres sont aussi égaux et obtus, fig. 82.

* 147. Qu'est-ce que le rhomboïde?

C'est une figure qui a les côtés et les angles opposés égaux et parallèles, mais les angles et les côtés contigus inégaux, fig. 83.

* 148. Quel nom général donne-t-on aux quadrilatères qui ont les lignes parallèles deux à deux?

Celui de parallélogramme.

* 149. Qu'appelle-t-on trapèze?

C'est un quadrilatère qui a deux côtés égaux, et les deux autres parallèles et inégaux, fig. 84.

150. Qu'est-ce que le trapézoïde?

C'est une figure qui a toutes les lignes inégales, mais dont deux sont parallèles, fig. 85.

SECTION II.

Construction des Quadrilatères.

* 151. Que faut-il faire pour tracer un carré dont on connaît un des ébiés P, fig. 80?

Tracer une droite AB égale au côté donné P; au point B élever une perpendiculaire BE, égale au côté P; des points A et E, et d'une ouverture de compas égale à la droite P, décrire des arcs qui se coupent en G; joindre les points GE et GA, et on a le carré demandé.

On peut encore résoudre ce problème de la manière suivante : Des extrémités A et B de la ligne donnée, fig. 86, et d'un rayon égal à cette droite, il faut décrire les arcs AIC, BID; de la même ouverture, à partir de l'intersection I, couper l'un des arcs A C en C; tirer la droite AC qui partage IB en deux parties égales; porter la longueur I J de I en D et en L, et les quatre angles du carré seront déterminés. Il est clair que l'angle A est droit, car il comprend entre ses côtés un arc égal au quart d'une circonférence décrite de son sommet A, l'arc IB, étant déterminé par le rayon du cercle, comprend 60 degrés (Nº 104), et ID est égal à la moitié de cet arc, et a par conséquent 30 degrés, ce qui fait en tout 90 degrés, mesure d'un angle droit : il en est de même de l'angle B.

* 152. Et si on ne connaît que la diagonale A,

fig. 87, que faut-il faire?

Il, faut croiser perpendiculairement deux lignes égales à A, de manière à ce que l'intersection soit au

milieu de chacune d'elles, et joindre les extrémités B, C, D et E de ces lignes par des droites.

. * 153. Que faut-il faire pour construire un carré lorsqu'on ne connaît que la différence P de la dia-

gonale au côté, fig. 87?

Elever une perpendiculaire BD sur une ligne DE; partager l'angle D en deux parties égales par une ligne indéfinie; porter la différence donnée P, de D en H, de H en I et de I en E sur la ligne DE, et on aura la longueur DE pour celle du côté du carré.

On peut aussi, sur un carré quelconque ABCD, fig. 88, mener la diagonale; porter la longueur du côté sur la diagonale de C en E; tirer ensuite la ligne EDH, et porter la longueur donnée M sur le prolongement de la diagonale de E en G; enfin, mener GH parallèle à AD, elle déterminera, par sa rencontre avec le prolongement de ED, la longueur du côté du carré demandé. En effet, à cause des parallèles AD et GH, on a cette proportion, AE: AD: EG: GH.

* 154. Connaissant les deux côtes adjacens A et B, fig. 89, d'un rectangle, que faut-il faire pour le construire?

Tirer une droite CD égale à A; élever en D une perpendiculaire égale à B; du point C, et d'une ouverture de compas égale à B, décrire un arc en E; d'une ouverture égale à A, à partir du point F, couper l'arc E; les lignes FE et CE qui passent par l'intersection des deux arcs, achèvent le rectangle demandé.

* 155. Si l'on ne connaît que les diagonales A et B et l'angle C qu'elles forment, fig. 90, que faut-il faire?

Il faut croiser les deux diagonales par le milieu, de manière à ce qu'elles forment à leur intersection D un angle égal à l'angle C; joindre les extrémités des diagonales par des droites, et on a le rectangle demandé.

* 156. Et si l'on ne connaît que les diagonales A et B et un côté C, fig. 91? Il faut tirer une droite DE égale à C, et d'une ouverture de compas égale à la moitié de l'une des diagonales, décrire des points D et E des arcs qui se coupent en F; tirer les lignes GD, HE indéfinies; porter la longueur DF de F en H et en G, et joindre les points DH, HG et GE. On pourrait encore le construire de cette manière: après avoir tiré la ligne DE, lui élever au point D une perpendiculaire d'une longueur indéfinie, et du point E, et d'une longueur égale à la diagonale, couper DH en H: on aurait deux côtés du rectangle qu'on achèverait de construire.

* 157. Que faut-il faire pour construire un losange dont on connaît les deux diagonales A et B, fig. 92?

Croiser perpendiculairement deux lignes égales aux diagonales, de manière à ce que l'intersection se trouve au milieu de chacune d'elles, et joindre les extrémités B, C, D et E par des droites.

* 158. Comment construit-on un trapézoïde dont on connaît les quatre côtés A, B, C et D, fig. 93, A étant

la base et C'la parallèle?

On tire une droite IJ égale à A; on porte sur cette ligne une longueur JL égale à C; de I, et d'un rayon égal à D, on décrit un arc en N; de L, et d'un rayon égal à B, on coupe cet arc en N; de l'intersection N, et d'un rayon égal à C, on décrit un arc en V; de J, et d'un rayon égal à B, on coupe cet arc; enfin, on joint par des droites les points NVJ, et on a la figure demandée.

* 159. Connaissant les quatre côtés A, B, D et E, fig. 94, d'un quadrilatère quelconque et la diagonale C qui joint le second angle au point de départ (1), que faut-il faire pour le construire?

Tirer une droite F G égale à A; du point F, et d'un

Tirer une droite FG égale à A; du point F, et d'un rayon égal à C, décrire un arc en H; de G, et d'un rayon égal à B, couper l'arc H; de H, et d'un rayon

⁽¹⁾ On appelle point de départ l'extrémité à gauche de la ligne droite, qui est la base de la figure.

égal à D, décrire un arc en I; de F, et d'un rayon égal à E, couper ce dernier arc; joindre par des droites les points F, I, H, G, et on a le quadrilatère.

Exercices. - Dessiner la porte à deux panneaux,

fig. XXXI:

La hauteur d'une porte peut être double de sa largeur; les lignes C représentent les arêtes extérieures du bâti ou encadrement; les panneaux sont égaux et assemblés à rainures avec le bâti A, ainsi que la traverse B, et sont ornés d'une moulure prise dans l'épaisseur du bois.

La porte à petits cadres, fig. XXXII:

La hauteur de la porte peut être double de sa largeur; les lignes C représentent les arêtes extérieures du bâti; AB les joints des battans ou vantaux. Le bâti D doit être assemblé à mortaises, ainsi que les traverses E. Les panneaux G ne doivent être qu'à la hauteur

de la cymaise ou d'appui.

On appelle petits cadres, ou profils à petits cadres, les ornemens composés de plusieurs moulures qui entourent un panneau, lorsque ces moulures sont prises dans l'épaisseur du bois; et grands cadres ou cadres ravalés ou embrevés lorsque la saillie excède le nu du champ. Les profils qui ne contiennent qu'une espèce de moulure se nomment simples, ou à plate-bande si la moulure est plate.

La porte à grands cadres, fig. XXXIII:

Cette figure se construit à peu près comme la précédente; les panneaux du bas sont un peu plus courts que les autres et taillés à pointes de diamant. Les grands panneaux de cette porte peuvent être en hexagones allougés et recevoir un ornement au milieu; les autres peuvent être diversement construits et ornés, pourvu que la symétrie soit observée.

La grande grille, fig. XXXIV:

Pour construire cette grille, il faut d'abord tracer l'encadrement, ensuite les grands barreaux qui ont une direction verticale; ceux qui sont tangens aux cercles et leurs parallèles, etc.

Le parquet, fig. XXXV:

Les traverses sont assemblées à arasement, c'est-àdire, coupées à mi-bois et entrelacées; le bâti est assemblé à onglet; on dessine d'abord les traverses A A, ensuite celles B et C.

La barrière, fig. XXXVI:

La construction de cette barrière est facile; les grandes traverses sont assemblées à arasement sur la rosette, et à fausses coupes aux angles du bâti; les petites sont ajustées sur les grandes par un tenon et une mortaise.

CHAPITRE XV.

DES POLYGONES RÉGULIERS.

SECTION PREMIÈRE.

Désignation des Polygones réguliers.

* 160 COMMENT désigne-t-on ordinairement les polygones?

En nommant le nombre de leurs côtés; cependant

il y en a qui ont un nom qui leur est propre.

* 161. Quels sont-ils?

Le triangle ou trilatère qui a trois côtés, fig. 95; le quadrilatère ou carré qui en a quatre, fig. 96; le pentagone qui en a cinq, fig. 97; l'exagone qui en a six, fig. 98; l'eptagone qui en a sept, fig. 99; l'octogone qui en a huit, fig. 100; l'ennéagone qui en a neuf, fig. 101; le décagone qui en a dix, fig. 102; l'ondécagone qui en a onze, fig. 103; et le dodécagone qui en a douze, fig. 104: quand ils sont irréguliers, on ajonte aux noms qui les désignent le dénominatif d'irrégulier.

* 162. Comment prouve-t-on la régularité de tous

ces polygones?

En leur circonscrivant une circonférence; si le polygone est régulier, la circonférence touchera le sommet de tous ses angles, fig. 98, etc. On dit alors que le polygone est inscrit dans la circonférence. On prouve aussi la régularité des polygones en leur inscrivant une circonférence; si la figure est régulière, tous ses côtés seront tangens au cercle, au point milieu de chacun d'eux, fig. 105: on dit dans ce cas que le polygone est circonscrit à la circonférence.

* 163. Que faut-il faire pour circonscrire une cir-

conférence à un polygone régulier?

Chercher le centre E, fig. 98, du polygone donné, et d'une ouverture de compas égale à la distance du centre au sommet de l'un des angles B, décrire la circonférence ABC, etc., qui satisfait à la demande.

* 164. Que faut-il faire si on veut l'inscrire dans

le polygone?

Prendre pour rayon la perpendiculaire IB, fig. 105, menée du centre au milieu de l'un des côtés du polygone, et décrire la circonférence ABC, etc., qui est celle qu'on demande.

* 165. Comment trouve-t-on le centre d'un poly-

gone régulier?

Si le polygone donné a un nombre pair de côtés, fig. 98, il faut joindre par une droite le sommet d'un angle quelconque A avec celui de l'angle qui lui est opposé B; joindre pareillement le sommet d'un autre angle C avec l'angle opposé D: l'intersection E des deux droites est le centre du polygone.

* 166. Et si le polygone donné a un nombre im-

pair de côtés?

Il faut joindre par une droite le sommet d'un angle

quelconque A, fig. 99, avec le milieu D du côté qui lui est opposé; joindre pareillement le sommet d'un autre angle B avec le milieu I du côté qui lui est aussi opposé: l'intersection E des deux droites est le centre du polygone.

167. Quel est le nombre des degrés de tous les angles d'un polygone quelconque?

C'est le nombre 180 pris autant de fois moins deux que le polygone a de côtés; car tout polygone peut être changé en autant de triangles moins deux qu'il y a de côtés, comme on le voit, fig. 141; or les trois angles de tout triangle valent 180 degrés (Nº 129). 168. Comment peut-on déterminer le nombre des

degrés de chaque angle d'un polygone régulier?

En divisant la somme totale des degrés de ce polygone par le nombre de ses angles.

SECTION II.

Construction des Polygones réguliers.

* 169. Que faut-il faire pour inscrire dans une circonférence donnée un polygone régulier d'un nombre quelconque de côtés, par exemple de six côtés?

Diviser la circonférence en six parties égales, fig. 98, c'est-à-dire, porter le rayon de A en C, de C en F, etc., et joindre ces points de divisions deux à deux (N° 103).

* 170. Que faut-il faire pour circonscrire à une circonférence un polygone d'un nombre de côtés don-

nes, par exemple de sept côtés?

Partager la circonférence donnée, sig. 105, en sept parties égales; joindre par des droites le centre I, à tous les points de divisions A, B, C, etc., et mener à l'extrémité de ces rayons des perpendiculaires qui, en se coupant, déterminent le polygone demandé.

*171. Connaissant l'un des côtés M, fig. 106, d'un

polygone régulier d'un nombre quelconque de côtés, par exemple d'un pentagone, que faut-il faire pour le construire?

Décrire une circonférence quelconque; la diviser en autant de parties qu'on veut donner de côtés au polygone; joindre deux points de divisions B et O par une ligne indéfinie BI; mener par les points B et O les rayons DB et DO aussi indéfinis; porter la ligne donnée M, de B en I, et de ce point I mener IK parallèle à DO; elle déterminera KB pour le rayon de la circonférence demandée pour le polygone que l'on veut construire. En effet, on voit que la division BO du premier cercle: DB, son rayon, :: la ligne BI égale à M: rayon KB du nouveau cercle.

on décrit du même centre, mais d'un rayon différent, deux circonférences, fig. 107; on partage la plus grande en autant de parties égales que l'ou veut donner d'angles saillans au polygone, par exemple 7;

donner d'angles saillans au polygone, par exemple 7; on joint les points de divisions A, B, C, etc., au centre du cercle: par ces rayons la petite circonférence se trouve partagée en autant de parties que la grande. On divise chaque arc du petit cercle en deux parties égales, et on joint les points milieux H, I, J, etc., aux points de divisions de la grande circonférence.

Exercices. — Dessiner les carrelages, fig. XXXVII, XXXVIII, XXXIX et XL:

XXXVIII, XXXIX et XL:

Il n'y a que trois sortes de polygones réguliers qui puissent se raccorder sans laisser de vide entre leurs joints: le triangulaire, le carré et l'hexagonal; par conséquent on ne peut employer que trois sortes de carreaux pour carreler une pièce, si l'on veut qu'ils se joignent parfaitement. On se sert peu des triangulaires, parce que leurs angles étant trop aigus sont plus sujets à se casser; si l'on emploie la figure octogonale, il faut remplir les vides qui restent par des carrés dont le côté soit égal à celui de l'octogone; lorsqu'on

emploie le carré ou le losange, on varie ordinairement les couleurs.

Pour construire la figure XXXVII, il faut diviser ses quatre côtés en parties égales, et tirer les lignes par les points de division.

Pour les losanges, fig. XXXVIII, on divise aussi les côtés AB, CD en parties égales; on divise de même les côtés EF, GH en parties égales, mais plus grandes.

Pour former les hexagones, fig. XXXIX, on divise les lignes AC et BD en parties égales, on tire les lignes par la première division, par la troisième et la quatrième, et ainsi de suite; on prend ensuite deux divisions qu'on porte de I en J, de J en L, de L en N, etc.; on en fait autant sur CD, sur FP, etc. Ajustant la règle aux points J et M, on tire les droites qui se trouvent dans la direction de ces deux points, de deux en deux, entre les parallèles les plus distantes, etc.; on joint enfin les extrémités des droites, ce qui donne le carrelage.

Pour former les octogones, fig. XL, on divise d'abord au crayon la figure en carrés AB; on partage chacun de leurs côtés en trois parties égales, et l'on joint, par des obliques, les points les plus proches des

angles.

CHAPITRE XVI.

ÉVALUATION DES SURFACES.

SECTION PREMIÈRE.

Evaluation des Figures rectilignes.

173. Qu'est-ce qu'évaluer une surface?
C'est déterminer combien de fois elle contient une autre surface prise pour l'unité de mesure. Par exemple, soit l'unité de mesure représentée par le petit carré A, fig. 108, la surface du grand carré CDEF, sera exprimée par un nombre qui indiquera combien de fois il contient le petit carré ou l'unité de mesure. (Voyez Arithm., pages 171 et 172).

174. Comment obtient-on la surface du carré?

En multipliant l'un de ses côtés par lui-même. Car si l'on porte successivement sur les côtés du grand carré des longueurs FI, IJ, etc., égales chacune à l'un des côtés du petit carré, et qu'on joigne par des droites les points de division correspondans des parallèles, on aura divisé le grand carré en un nombre de petits, égal au produit du nombre de division de l'un de ses côtés par lui-même; or ces petits carrés sont égaux à l'unité de mesure : donc la surface du carré est égale au produit de l'un de ses côtés par lui-même; ainsi si l'unité de mesure représente un mêtre, la figure aura seize mètres de surface.

175. Quelle est la surface du rectangle?

C'est le produit de l'un des grands côtés par son adjacent. Qu'on divise le rectangle ABCD, sig. 109,

de la même manière que la figure précédente, et on verra la preuve de cette règle.

176. Comment obtient-on celle du losange, ainsi

que celle du romboïde?

En multipliant la longueur de la perpendiculaire BI, fig. 110, qui joint deux parallèles, par la longueur de sa base AD. Ceci est fondé sur ce que ces figures peuvent toujours être rappelées à un carré ou à un rectangle égal en superficie: car, si de l'angle B on abaisse une perpendiculaire BI sur le côté AD, et que de l'angle C on en abaisse une autre sur le prolongement de AD, il est visible qu'on aura le parallélogramme IBCJ, égal en superficie au romboïde, le triangle DCJ dont on a augmenté cette dernière figure pour former ce parallélogramme étant égal à celui ABI, dont on l'a diminué, puisqu'ils ont les trois côtés égaux; on le prouverait de même pour le lozange: donc la surface de ces figures est égale au produit de la perpendiculaire qui joint deux parallèles par la base.

177. Quelle conséquence tirez-vous de ce qui

vient d'étre démontré?

Que tous les parallélogrammes de mêmes bases et d'égale hauteur sont égaux.

178. Que résulterait-il si l'on joignait les deux angles opposés d'un parallélogramme quelconque

ABCD, par une droite AD, fig. 81?

Que cette droite, qu'on appelle diagonale, le diviserait en deux triangles égaux; ceci est trop sensible pour exiger une démonstration.

179. Qu'en concluez-vous?

l' Qu'un triangle quelconque est égal en superficie à la moitié d'un parallélogramme, qui aurait pour l'un de ses côtés une longueur égale à celle de la base du triangle et une même hauteur.

Ainsi, pour avoir la superficie des triangles, fig. 111 et 112, il faut prendre la longueur BC de la base et la porter sur l'échelle, pour savoir combien elle

contient d'unités, y porter pareillement la hauteur AD; la moitié du produit de ces deux nombres sera

la superficie de chaque triangle.
2º Que tous les triangles dont les bases et les hauteurs sont égales, quelles qu'en soient les formes, ont

la même superficie.

Ainsi, tous les triangles ABC, DBC, EBC, FBC, fig. 113, sont égaux, parce qu'ils ont une base commune BC, et que toutes les hauteurs AH, DI, EJ, FK, sont égales, étant comprises entre des parallèles, d'où il résulte qu'on peut faire prendre différentes formes aux triangles sans que pour cela ils ne perdent rien de leur superficie, comme nous le verrons au chapitre XVII.

180. Que faut-il faire pour avoir la surface du trapèze et celle du trapézoide, fig. 84 et 85?

Multiplier la moitié de la somme de deux côtés parallèles À C et ED par la hauteur perpendiculaire A B de la figure. Ceci est évident, car si de l'angle A du trapézoïde, fig. 114, on abaisse une perpendiculaire AF sur le côté DC, et que sur le milieu de DF on élève une autre perpendiculaire EI, on aura un rectangle EIBC, égal en superficie au trapézoïde ABCD, le triangle DJE dont on a diminué cette figure étant égale à celui JIA dont on l'a augmentée pour former le rectangle, puisqu'ils ont les trois côtés égaux : or le côté EC du rectangle tient le milieu entre la droite FC, qui est égale à AB, et la droite DC; il est donc égal à la moitié de la somme de ces deux droites; en conséquence le trapézoïde a pour surface le produit de la moitié de la somme de ses côtés parallèles par la hauteur perpendiculaire de la figure; on le prouverait de même pour le trapèze.

181. Quelle est la superficie des polygones régu-

liers?

C'est le produit de la longueur totale de leur périmètre, c'est-à-dire de leur contour, par la moitié de la perpendiculaire abaissée du centre du polygone sur

l'un quelconque des côtés. Ainsi la superficie du polygone, fig. 97, est le produit de la somme des côtés AB, BC, CD, etc., par la moitié de la perpendiculaire F G.

Ceci résulte de ce que l'on peut partager le poly-gone en autant de triangles égaux que cette figure a de côtés, en menant de ses angles des droites AF, BF, etc., à son centre; or la surface de chacun de ces triangles est égale au produit de sa base par la moitié de sa hauteur (Nº 179): donc la surface d'un polygone régulier quelconque, est égale au produit de son périmetre, ou contour, par la moitié de la perpendiculaire abaissée de son centre sur l'un quelconque de ses côtés.

182. Que faut-il faire pour avoir la surface des

poly gones irréguliers, fig. 141?

Les partager en triangles par des diagonales AC, AD; évaluer la surface de chacun de ces triangles en particulier, et le total sera la surface du polygone.

183. Comment partage-t-on un parallélogramme quelconque en partics égales, par exemple le rhom-

boide, fig. 115, en cinq parties?

Il faut diviser deux des lignes parallèles AB, CD en autant de parties égales que la question en exige, et join-dre les points de division correspondans par des droites.

Exercices. - Evaluer la surface des fig. XXX, XXXI, XXXII et XXXIII, d'après l'échelle, fig. 61. (Voyez Arithm., page 174, pour d'autres exercices).

SECTION II.

Evaluation de la Surface du Cercle et de ses parties.

184. $\mathbf{Q}_{ ext{UE}}$ faut-il connaître pour trouver la superficie du cercle?

Le rapport qui existe entre son diamètre et sa cir-conférence, et réciproquement.

185. Quel est ce rapport?

Selon Archimède, le diamètre du cercle est à sa circonférence comme 7 est à 22. Ainsi, selon cet auteur, une circonférence qui a un diamètre de 7 pieds, en a 22 de circonférence. D'après cela, pour avoir la circonférence du cercle fig. 5, supposé que son diamètre soit de 21 millimètres, il faut faire cette proportion, 7:22::21:x=R. 66 millimètres, pour la circonférence de ce cercle. On voit par là, que pour avoir le diamètre, si l'on ne connaît que la circonférence, il n'y a qu'à renverser la proportion, et dire, 22: 7:: 66 : x = B. 21.

186. N'a-t-on pas des rapports plus approchés? Quelques auteurs se servent du rapport de 100 à 314. Adrien Métius a donné celui de 113 à 355 : on croit que c'est le plus exact; mais le premier (7: 22), l'est assez pour en faire usage dans la pratique.

187. Que faut-il faire pour avoir la longueur du diametre d'une circonférence dont on ne connaît que

les dimensions de la corde qui sous-tend l'un de ses

arcs et la longueur de la flèche?

Diviser le carré de la moitié de la corde par la longueur de la flèche, ajouter au quotient la longueur de cette slèche, et on a le diamètre cherché. Si l'on demandait ensuite la circonférence, on multiplierait ce diametre par 3 1, ou bien on ferait la proportion (Nº 185).

188. Lorsqu'on connaît le diamètre ou le rayon du cercle et sa circonférence, comment en trouve-

t-on la superficie?

En multipliant la circonférence par la moitié du rayon, ou par le quart du diamètre, parce que le cercle peut être considéré comme un polygone regulier dont les côtés infiniment multipliés composent la circonférence (No 181).

189. Quelles parties considère-t-on dans le cercle? Ce sont le secteur, le segment et la couronne.

190. Qu'appelle-t-on secteur?

C'est une partie de cercle renfermée entre deux rayons EM, DM, et une portion de circonférence END. fig. 5.

191. Qu'est-ce que le segment?

C'est une partie de cercle renfermée entre une corde ED, fig. 5, et une portion de cercle END.

192. Qu'appelle-t-on couronne?

C'est une figure formée de deux circonférences concentriques, c'est-à-dire, qui ont un centre commun; tel serait l'espace compris entre les circonférences AB, CD, fig. 15, si elles étaient entièrement décrites.

193. Que faut-il faire pour avoir la surface du secleur ?

Multiplier l'arc qui lui sert de base par la moitié du rayon, parce qu'on peut le considérer comme composé d'une infinité de triangles dont la totalité des bases compose l'arc qui sert de base au secteur.

Pour la surface de la lunule, voyez (Nº 227).

194. Comment détermine-t-on la longueur d'un arc? En faisant cette proportion: 360 est au nombre de degrés de l'arc, comme la longueur de la circonférence, est à la longueur de l'arc donné. Ainsi, si l'arc END, fig. 5, du secteur EMDNE a 60 degrés, et que la longueur de la circonférence soit de 66 millimètres, pour avoir la longueur de cet arc, je dis, 360 : 60 :: 66 : x, et on a 11 millim. pour la longueur de cet arc, ou bien (No 94), CB, fig. 57: 180:: EC: CD.
195. Que faut-il faire pour avoir la surface du

segment?

Retrancher la surface du triangle EMD, fig. 5, de celle du secteur, le reste sera la surface du segment.

196. Comment obtient-on la surface de la couronne?

On évalue la surface des deux cercles, et on retranche celle du petit de celle du grand; le reste est la surface de la couronne.

197. S'il était donné en nombre la base ou la hauteur d'un triangle, d'un rectangle, d'un los ange, que faudrait-il faire pour les construire de manière à ce que chaque figure eût une superficie déterminée ou égale à celle que donnerait un polygone dont les dimensions seraient données?

Diviser la surface donnée par la base ou par la hauteur du triangle, le quotient donnera la moitié de la dimension cherchée. Pour le rectangle, diviser la surface donnée par la longueur de la dimension déterminée, le quotient donnera l'autre. Il en est de même pour le losange. S'il s'agissait du carré, la racine carrée de la surface proposée donnerait la longueur de son côté.

Exercice. — Evaluer la surface des fig. XXXV et XXXVII sur l'échelle, fig. 61 prise dans son second usage. (Voyez Arithmétique, page 174, Quest. 1033 et suiv. pour d'autres exercices).

CHAPITRE XVII.

RÉDUCTION DES TRIANGLES EN D'AUTRES DE MÊME SUPERFICIE, ET DE LEUR DIVISION.

* 198. Que faut-il faire pour réduire au triangle rectangle un autre triangle quelconque, en lui con-servant la même base et la même superficie?

Elever à l'une des extrémités de la base une perpendiculaire AI, fig. 116, égale à la hauteur du trian-gle AEB, qu'on veut réduire; joindre par une droite le sommet I de la perpendiculaire à l'autre extrémité B de la base, et on a le triangle rectangle AIB, égal en superficie au triangle A E B. Ceci est évident, d'après ce qu'on a dit (N° 179), ces deux triangles ayant une base commune et la même hauteur.

* 199. Comment peut-on rendre isocèle un autre triangle quelconque, en lui conservant la même

superficie?

En élevant au milieu de la base AB, fig. 117, du triangle que l'on veut réduire, une perpendiculaire CD, égale à AE, hauteur du triangle que l'on réduit; et joigant l'extrémité D de la perpendiculaire aux deux points A et B, on a le triangle demandé.

* 200. Que résulte-t-il, si l'on prolonge la base d'un triangle d'une quantité qui lui soit égale, et qu'on joigne l'extrémité C, fig. 118, du prolongement, au sommet B du triangle?

Il résulte de cette opération que le triangle BDC, est égal en superficie au triangle BED; car les bases ED et DC sont égales, et la hauteur BI est la même.

* 201. Que faut-il faire pour tracer un cercle dans un triangle quelconque, de manière que les côtés du triangle soient tangens à sa circonférence?

Partager en deux parties égales deux des angles du triangle donné, fig. 119, et le point d'intersection C des bisectrices, est le centre du cercle demandé: son rayon est la perpendiculaire CD menée de ce point sur l'un quelconque des côtés du triangle. Ceci est évident, car on conçoit facilement que les points correspondans des côtés de l'angle A sont à une égale distance de ceux de la droite qui le divise; ceux des côtés de l'angle B ont conséquemment la même propriété. D'après cela, il y a donc un point du côté AE à une distance du point C égale à CD; par la même raison il y en a aussi un dans le côté BE, qui a la même propriété: l'intersection est donc au centre de ces trois points, et des lignes qui forment le triangle. Il est clair aussi que ces points sont ceux que déterminent les droites qu'on mêne du point C perpendiculairement aux côtes du triangle, le contact des tangentes étant déterminé par le rayon qu'on leur mène perpendiculairement (N° 86).

202. Comment peut-on partager un triangle en

un nombre quelconque de parties égales, par exemple le triangle ABC, sig. 120, en quatre parties égales?

Après avoir divisé sa base AB en quatre parties égales, on mène, du sommet C, des droites aux points de division. Ceci est évident, puisque tous les petits triangles ont une base et une hauteur égales.

203. Que faut-il faire pour partager un triangle quelconque, en parties égales par des lignes parallèles à sa base, par exemple le triangle ABC,

fig. 121, en trois parties?

Décrire sur l'un quelconque CB de ses côtés la demicirconférence CDEB; diviser le côté CB en trois parties égales; élever à chaque division G et H les perpendiculaires GD et HE; du point C comme centre décrire les arcs DF et EI, et enfin tirer les lignes IJ et FL parallèles à AB, et le problème est résolu.

Exercices. - Construire des triangles de formes

différentes, mais de même superficie.

Il faut que ces triangles aient même base et même hauteur, ou la base de moitié, tiers, etc., et la hauteur double, triple, etc.

Diviser un triangle quelconque en plusieurs parties

égales.

CHAPITRE XVIII.

RÉDUCTION DES PARALLÉLOGRAMMES EN D'AUTRES ÉGAUX EN SUPERFICIE.

204. Que faut-il faire pour réduire un parallélogramme quelconque ABFD, fig. 122, à un carré qui lui soit égal en superficie?

Chercher une moyenne proportionnelle entre sa base et sa hauteur (N° 99); elle sera le côté demandé. Si l'on prolonge le côté AB d'une quantité égale

à BD, et qu'on decrive sur AC, comme diametre, la demi-circonférence AEC; BE, élevée perpendiculairement au point B, sera moyenne proportionnelle entre AB et BC, qui est égale à BD. Mais cette opération nous fournit la proportion suivante, AB: BE: BE: BC. Or, le produit des moyens est égal au produit des extrêmes (ARITH., pag. 71): donc le carré construit sur la moyenne proportionnelle sera égal en superficie au rectangle.

205. Comment réduit-on un carré en rectangle, dont on donne un côté, en lui conservant la même

superficie?

On cherche une troisième proportionnelle (N° 98) au côté donné et à l'un de ceux du carré qu'on veut réduire, et cette troisième proportionnelle est le côté du rectangle, adjacent au côté donné. C'est l'inverse du problème 204; il se prouve d'une manière analogue.

206. Que faut-il faire pour construire un rectangle dont on donne l'un des côtés FG, sig. 123, égal en superficie à un autre rectangle donné?

Prolonger les côtés AB, CD, AC et BD du rectangle à réduire; porter de B en E la longueur du côté donné FG; du point E tirer la droite EH qui passe au point D, jusqu'à ce qu'elle rencontre le pro-longement de AC; mener El parallèle à BJ; HI parallele à CL, et le rectangle DLIJ est celui qu'on demande. En effet, la diagonale EH partage le grand rectangle AElH en deux triangles égaux AEH, EHI; mais les triangles CDH et HJD sont égaux; il en est de même des triangles BDE et DEL; si donc de chacun des grands triangles on ôte ces parties égales, les restes ABČD et DLIJ seront égaux.

Cette opération nous fournit encore cette proportion, DL qui est égale à BE: BD:: HJ qui est égale à CD: JD. Ce qui fait voir que cette opération se réduit à trouver une quatrième proportionnelle (N° 96) à deux côtés adjacens du rectangle donné et au côté de

l'inconnu, les deux côtés du rectangle donné étant toujours les moyens.

207. Comment réduit-on un triangle à un carré

qui lui soit égal en superficie?

On cherche une moyenne proportionnelle entre la hauteur du triangle donné et la moitié de sa base; elle sera le côté du carré cherché. S'il s'agissait de réduire un carré en triangle de même superficie, on donnerait à ce triangle une base double de celle du carré, et une hauteur égale à celle du même carré.

208. Que faut-il faire pour réduire le losange ou rhomboïde à un rectangle qui lui soit égal en super-

ficie?

1=3|111

Abaisser une perpendiculaire CA, fig. 124 de l'un quelconque C de ses angles, sur le côté opposé DB; porter la longueur AD de B en I, mener IE, et on a le rectangle CAIE égal en superficie au losange. Ceci est évident, car le triangle BIE, ajouté au losange pour former le rectangle, est égal au triangle ADC qu'on a retranché, ayant tous deux des bases et des hauteurs égales.

209. Comment réduit-on un trapèze, ou un trapézoïde, à un carré qui lui soit égal en superficie?

On cherche une moyenne proportionnelle entre la moitié de ses lignes parallèles et sa hauteur, elle sera le côté du carré demandé.

Exercices. — Construire des quadrilatères de formes différentes, comme des carrés, des rectangles, des trapèzes, des losanges, mais de même superficie. Il faut que les facteurs des produits soient combinés de manière à produire le même résultat.

CHAPITRE XIX.

MANIÈRE DE DIMINUER LE NOMBRE DES CÔTÉS D'UN POLYGONE QUELCONQUE OU DE L'AUGMENTER EN LUI CONSERVANT LA MÊME SUPERFICIE.

210. Que faut-il faire pour réduire le pentagone, fig. 125, à un quadrilatère, en lui conservant la

même superficie?

Prolonger un des côtés AB du pentagone; mener DE parallèle à la diagonale BC, et du point de rencontre E mener EC qui détermine le quadrilatère AB ECF, égal au pentagone donné. En effet, les triangles BEC et BDC, ayant BC pour base commune et étant entre parallèles, sont égaux; mais si, de chacun de ces triangles on ôte la partie commune BIC, les restes BEI et DCI seront aussi égaux: donc la figure ABI CF sera autant augmenté par l'addition du triangle BEI, qu'elle a été diminuée par la suppression du triangle DIC: donc le quadrilatère ABECF est égal au pentagone donné.

211. Et si le polygone avait un angle rentrant,

fig. 126?

Il faudrait joindre les angles saillans A et B; mener par l'angle rentrant D la parallèle CD, et par le point C la ligne CB qui détermine le quadrilatère BCEF, égal au pentagone donné. Car les triangles ACD et CBD, ayant une même base CD, et étant entre parallèles, sont égaux; mais si de chacun on ôte la partie CID qui est commune, les triangles restans ACI et BID seront aussi égaux, et le polygone BFECDB sera autant augmenté par le triangle BID que par AIC: donc le quadrilatère BFECB est égal au pentagone donné.

212. Que résulte-t-il de là?

1º Qu'on peut réduire un polygone quelconque

à un triangle, en lui faisant perdre successivement un de ses côtés, jusqu'à ce qu'ils soient réduits à trois : soit le polygone ABCDEA, fig. 127, à réduire. Pour lui faire perdre le côté AE, joignez les points B et E, et menez AF parallèle à cette diagonale; enfin tirez EF et vous aurez CDEF égal au premier polygone. Pour supprimer le côté EF, prolongez d'abord le côté DE indéfiniment et joignez les points C et E, menez ensuite FG parallèle à CE jusqu'à la rencontre du prolongement DE, et enfin tirez CG, et vous aurez le triangle CGD égal en superficie au polygone donné.

2º Qu'on peut augmenter le nombre des côtés d'un polygone quelconque, en lui conservant la même superficie. Par exemple, supposons qu'on veuille donner un côté de plus à l'hexagone fig. 128, pour cela, il n'y a qu'à joindre par une diagonale l'angle A à un point B pris sur le côté DC; par le point D mener ED parallèle à AB, et d'un point quelconque I, pris sur cette parallèle, tirer les lignes AI et IB, le polygone AIB CFGH sera égal au premier en superficie, et aura un côté de plus. On pourrait, par des opérations analogues, les augmenter ainsi successivement.

Exercices. - Réduire un polygone quelconque à

un triangle de même superficie:

Augmenter le nombre des côtés d'un polygone quelconque, en lui conservant la même superficie.

CHAPITRE XX.

DE LA SIMILITUDE DES TRIANGLES ET DES AUTRES POLYGONES.

213. QUAND est-ce que les triangles sont semblables?

C'est 1º lorsqu'ils ont les angles égaux chacun à chacun. Soit ADE, fig. 129, un triangle inscrit dans le triangle ABC, il est clair que ces deux triangles

ont l'angle A semblable, puisqu'il leur est commun. Les angles D et E du petit triangle sont aussi égaux aux angles B et C du grand, DE étant parallèle à BC: or, il est aussi évident que leurs côtés sont proportionnels; car à cause des parallèles DE, BC, on peut dire, AC: AE:: AB: AD, ou BC: DE:: BA: DA, etc.: donc ces deux triangles sont semblables, puisqu'ils ont leurs angles égaux et leurs côtés proportionnels;

2º Lorsqu'ils ont les trois côtés proportionnels, parce qu'alors leurs angles sont égaux. Geci est clair par

ce qui vient d'être démontré;

3° Lorsqu'ils ont un angle égal compris entre deux côtés proportionnels. Par exemple, soit l'angle A, fig. 130, égal à l'angle D, et qu'on ait, DE: AB:: DF, : AC; si l'on porte DE de A en I et DF de A en J, BC sera parallèle à la droite qui joint les deux points I et J, et on aura le triangle AIJ, semblable au triangle ABC, leurs angles étant égaux: on aura donc, AI: AB:: AJ: AC, etc. Or, le triangle AIJ est semblable au triangle DEF: donc les deux triangles ABC, EFD sont semblables;

4º Lorsqu'ils ont les côtés homologues parallèles. Si le côté ED du triangle EDI, fig. 131, est parallèle à AC côté du triangle BAC, leurs bases étant sur une même droite BE ont la même propriété que si elles étaient parallèles, l'angle E est égal à l'angle C. Par la même raison, DE étant parallèle à AC, l'angle I est aussi égal à l'angle B; le troisième angle D est donc aussi égal à l'angle A: donc ces deux figures sont semblables, puisque leurs angles sont égaux entre eux;

5° Lorsqu'ils ont deux angles égaux chacun à chacun. Soit les triangles ABC, DEF, fig. 132, sur une même droite AF; si l'angle D est égal à l'angle A, le côté DE sera parallèle à AB; si l'angle F est égal à l'angle C, le côté EF sera aussi parallèle à BC. Or, ces deux triangles étant sur une même droite, ont la même propriété que si leurs côtés homologues AC, DF étaient parallèles entre eux: ainsi, les trois côtés étant parallèles,

les trois angles sont aussi égaux: donc deux triangles sont semblables lorsqu'ils ont deux angles égaux chacun à chacun.

214. Quand est-ce que deux poly gones quelconques sont semblables?

Dans les mêmes cas que les triangles. Ainsi les pentagones ABCDE et FGHIJ, fig. 133, sont semblables, supposé que les angles correspondans du premier soient égaux à ceux du second. Les côtés parallèles seront aussi proportionnels: en sorte qu'on pourra dire, AB: FG:: BC: GH, et BC: GH:: CD: HI, etc.

215. Que résulte-t-il de là?

1° Que les contours des figures semblables sont entre eux comme leurs côtés homologues, en sorte qu'on peut dire AB: ABCDE:: FG: FGHIJ;

2° Que les surfaces semblables sont entre elles comme le carré de leurs côtés correspondans ou de leurs lignes homologues. Ainsi, on peut dire, fig. 133, la surface du pentagone ABCDE: la surface FGHIJ:: le carré de AB: carré de FG.

Les cercles étant des figures semblables, sont donc entre eux comme le carré de leurs rayons ou de leurs diamètres: ainsi si l'on connaît la valeur du rayon MB ou du diamètre BD du cercle, fig. 4, et sa surface, et qu'on connaisse aussi la valeur du rayon EM, ou du diamètre AC du cercle, fig. 5, on peut établir cette proportion pour avoir la surface de cette dernière figure: le carré du rayon MB ou du diamètre BD: la surface de ce cercle:: le carré du rayon MA ou du diamètre AC: la surface de cette figure.

Exercices. - Déterminer les principaux points de

la figure 252 par le moyen des angles:

Il faut prendre une base, et de chacune de ses extrémités, prendre la distance de tous les points demandés, les porter sur le papier et figurer les objets.

CHAPITRE XXI.

PROPRIÉTÉ DU TRIANGLE RECTANGLE.

SECTION PREMIÈRE.

Démonstration de cette Propriété.

216. Quelle est la propriété du triangle rectangle? C'est que le carré fait sur l'hypoténuse BC, fig. 134, est égal aux carrés construits sur les deux autres côtés AB, AC.

217. Démontrez-le?

Soit le triangle rectangle isocèle ABC, fig. 134: qu'on construise un carré sur chacun de ses côtés et qu'on mène ensuite les diagonales DA et AE; chacun de ces carrés sera changé en deux triangles égaux entre eux et au triangle ABC, puisqu'ils ont les côtés égaux; qu'on mène aussi les diagonales CG et BF, on aura aussi quatre triangles égaux entre eux et au triangle ABC, car ils ont chacun un côté égal opposé à l'angle droit et chacun des autres angles est la moitié d'un angle droit : donc ils sont tous égaux au triangle ABC, qui lui-même est égal aux triangles formés dans les petits carrés comme on vient de le voir : donc les quatre triangles provenant du grand côté du triangle sont égaux aux quatre formés sur les deux autres côtés, conséquemment le carré construit sur l'hypoténuse est égal aux carrés construits sur les deux autres côtés.

218. Si de l'angle droit A d'un triangle rectangle, fig. 135, on menait une perpendiculaire sur l'hypoténuse, qu'en résulterait-il?

Que cette perpendiculaire partagerait la figure en

deux autres triangles ABD, ABC, semblables entre eux et au premier. Ceci est évident, l'angle CBA est égal à l'autre angle droit CAD; ces deux triangles ont aussi l'angle C semblable, puisqu'il leur est commun: donc ces deux triangles sont semblables (No 213).

On prouverait de même que le triangle BAD est

semblable à CAB.

219. Qu'en concluez-vous?

Que les côtés homologues de ces figures sont proportionnels, en sorte qu'on peut dire, CB: AB:: AB: BD, On peut dire aussi, CB : CA :: CA : CD, par où nous voyons que AB est moyenne proportionnelle entre les deux segmens CB et BD de l'hypoténuse, et que AC l'est entre le segment adjacent à ce côté et l'hypoténuse CD; il en serait de même de AD par rapport à CB et CD.

220. Que nous fournissent ces proportions? Le moyen de prouver d'une autre manière que le carré fait sur le côté de l'hypoténuse est égal en super-ficie à la somme de ceux qui sont faits sur les autres côtés: car en égalant le produit des extrêmes et celui des moyens, on a pour la première proportion CB X $BD = AB \times AB$, et pour la seconde $CB \times CD =$ CA X CA; or, en faisant la somme des extrêmes et celle des moyens, on aura CB × BD + BC × CD = AB × AB + CA × CA. Donc le carré fait sur l'hypoténuse est égal à la somme de ceux qui sont construits sur les deux autres côtés. On peut faire sur les quantités proportionnelles affectées à chacun des côtés de la figure les opérations ci-dessus, et on aura le résultat indiqué par les lettres.

221. Que concluez-vous de toutes ces démonstra-

tions?

Qu'une figure quelconque qui aura l'hypoténuse pour un de ses côtés, scra toujours égale à la somme des deux autres figures semblables construites sur les côtés de l'angle droit. Les cercles étant des figures semblables, celui qui aura l'hypoténuse pour diamètre

ou pour rayon sera toujours égal en superficie aux deux autres, qui auront les côtés de l'angle droit pour diamètre ou pour rayon.

SECTION II.

Usage de la propriété du Triangle rectangle.

222. A Quoi peut servir la propriété du triangle rectangle?

1º À faire connaître l'un des côtés d'une figure égale en superficie à la différence de deux autres

figures semblables;

2° A trouver le côté d'une figure égale en superficie à un certain nombre d'autres figures semblables;

3° A trouver la longueur proportionnelle du côté homologue d'une figure qui doit avoir un rapport quelconque avec une autre, et lui être semblable;

4º A élever une perpendiculaire à l'extrémité d'une

ligne.

223. Que faut-il faire pour construire un triangle équilatéral égal en superficie à la différence de deux triangles équilatéraux donnés A et B, fig. 136?

Tirer une ligne I M égale à la longueur de l'un des côtés GD du triangle A; du milieu L de la ligne I M décrire la demi-circonférence; porter la longueur de l'un des côtés du triangle B, de M au point qu'elle rencontre sur la circonférence, en N, par exemple, et tirer NI: cette dernière ligne sera le côté du triangle demandé, puisque le carré de MI vaut le carré de NI, plus le carré de NM.

Si l'on demandait un carré égal à la différence de deux autres, on opérerait de la même manière.

Si l'on demandait un cercle égal en surface à la dissérence de deux cercles donnés, on opérerait sur les diamètres comme on vient de le faire sur les côtés des triangles.

224. Etant donnés, les côtés homologues A, B, C, D'd'un certain nombre de figures semblables, que faut-il faire pour déterminer une droite qui soit le côté d'une autre figure semblable, et qui les égale

toutes en superficie?

Tirer deux lignes indéfinies I Q, IR, fig. 137, formant un angle droit; porter la ligne A de I en M, et la ligne B de I en N; mener l'hypoténuse MN, elle sera le côté d'une figure semblable et égale en superficie aux deux premières; porter MN, de I en O, la ligne C de I en P, et tirer PO, elle sera le côté d'une figure semblable et égale en superficie aux trois premières; enfin porter PO, de I en Q, D de I en R, et mener l'hypoténuse RQ, elle sera le côté cherché.

Si l'on avait un plus grand nombre de côtés donnés,

on continuerait la même opération.

S'il s'agissait de trouver le rayon d'un cercle, ou le côté d'un polygone régulier, égal en superficie à d'autres semblables, on opérerait de la même manière.

Cette opération et les précédentes sont prouvées par

ce qui a été démontré (N° 217).

225. Que faut-il faire pour élever une perpendiculaire à l'extrémité d'une ligne par la propriété

du triangle rectangle?

Prendre sur la ligne AB, fig. 138, cinq parties égales; du point A, et d'une ouverture de compas égale à trois divisions AE, décrire un arc en C; du point D et d'un rayon AB en décrire un autre qui coupe le premier; mener AC, elle sera la perpendiculaire demandée. En effet, AC ayant trois parties, son carré est 9, celui de AD est de 16, ensemble 25, mais le carré de CD est aussi 25 : donc l'angle A est droit, et la ligne A C est perpendiculaire.

226. Comment trouverait-on la longueur que devrait avoir une échelle servant à monter à un mur d'une hauteur connue et défendue par un fossé d'une

largeur aussi connue?

Il faudrait ajouter le carré de la hauteur du mur à celui de la largeur du fossé, et tirer la racine carrée de la somme, elle serait la longueur de l'échelle.

227. Comment peut-on obtenir la surface du segment BIDO et du croissant ou lunule BODE,

fig. 139?

Pour avoir la surface du segment, il faut retrancher celle du triangle BIDC de celle de la moitié BODCB du demi-cercle BODAB. La surface de la lunule est égale à celle du triangle BIDC: car l'angle DBA étant droit, le demi cercle fait sur l'hypoténuse DA est égal aux deux demi-cercles égaux faits sur les deux autres côtés, ainsi le demi-cercle BODAB de l'hypoténuse est double du demi-cercle fait sur BD: donc la moitié du demi-cercle ABODA, est égal au demi-cercle BEDIB; mais le segment BODIB est commun à ces deux dernières surfaces, par conséquent la lunule BODE est égale au triangle BIDC.

Pour avoir la surface de la lunule OPRV, fig. 42, il faut évaluer la surface du secteur AOVR, en retrancher celle des triangles AOM, AMR, et l'excès de la surface du secteur MRPO sur le reste de cette opé-

ration sera la réponse.

Exercices. — Réduire plusieurs polygones semblables à un seul qui les égale tous en superficie, comme seraient plusieurs triangles en un seul; des triangles, des carrés, etc., en un seul carré ou à un rectangle, etc.

SECTION III.

Autres Applications de la propriété du Triangle rectangle.

228. A quoi peut encore servir cette propriété du triangle rectangle? A trouver la hauteur et par conséquent la superficie d'un triangle dont on connaît les trois côtés, le centre étant inaccessible.

229. Que faut-il faire pour trouver la hauteur d'un triangle dont on connaît les trois côtés, mais dont le centre est inaccessible, comme serait le trian-

gle GHM, fig. 140?

Chercher un point N sur H M, de manière que le rayon visuel, répondant au sommet, fasse avec cette ligne un angle droit; retrancher le carré de MN de celui de G M; et la racine carrée du reste déterminera la hauteur de G N du triangle. (Voyez ARITHMÉTIQUE, pag. 208, Quest. 208.)

230. Et si le point G n'était visible qu'aux extré-

mités H et M?

On prendrait pour base le plus long côté; et après l'avoir mesuré, ainsi que les deux autres côtés, on ferait cette proportion: la base est à la somme des deux autres côtés, comme leur différence est à ce qu'il faut retrancher de la base, à partir de l'extrémité adjacente au plus long côté, pour que le milieu du reste soit le point où tombe la perpendiculaire. Pour avoir sa longueur, on opérerait comme il a été dit ci-dessus.

Pour comprendre la raison de cette règle, décrivez la circonférence OMR d'un rayon égal à GM; prolongez HG jusqu'en R, les sécantes HR et HM seront coupées par les arcs concaves et convexes en raisons réciproques, c'est-à-dire, qu'on aura HM: RH ou MG plus GH:: OH: HP, c'est-à-dire, ce qu'il faut retrancher de la base, à partir du point H, pour que le milieu N du reste soit le point où tombe la perpendiculaire.

On pourrait aussi chercher sur la base ou sur son prolongement deux points où les angles GMH et GHM fussent égaux, le milieu entre les points de

repos serait celui de la perpendiculaire.

CHAPITRE XXII.

MANIÈRE DE CONSTRUIRE LES FIGURES SEMBLABLES DANS UNE PROPORTION DÉSIGNÉE.

*231. Que faut-il faire pour construire un polygone semblable et égal à un autre, par exemple au pen-

tagone, fig. 141?

De l'un quelconque A de ses angles, tirer des diagonales AC, AD qui le partagent en triangles; tirer ensuite FG, fig. 142, égale à CB, construire sur cette droite un triangle FGH, égal à CBA; sur FH construire un autre triangle FIH, égal à CDA; enfin sur IH en construire un autre IJH semblable à DEA, qui termine le pentagone semblable à la figure donnée.

* 232. Comment peut-on construire un polygone semblable à un autre, mais plus grand ou plus petit, dans une proportion quelconque. Par exemple, un pentagone qui soit double d'un pentagone donné

V G HIY, fig. 143?

Les contours des figures semblables étant entre eux comme les carrés de leurs côtés homologues, il est visible qu'on ne doit pas donner à la figure demandée des côtés doubles de la figure donnée, car alors on aurait une surface quadruple de la première; le côté de l'une étant l'unité, son carré est un; celui de la seconde étant de deux parties, son carré serait quatre. Soit par exemple le triangle ABC, fig. 145: si l'on prolonge les côtés AC, BC d'une longueur égale à celle qu'ils ont; qu'on joigne les points D et E; qu'on mène AF parallèle à CD et BF parallèle à AC, on aura quatre triangles égaux. On le démontrerait de même d'un carré, etc. Pour résoudre le problème 232, il faut donc employer la méthode suivante:

Tirer une ligne indéfinie AB, fig. 144; porter dessus trois parties égales, mais d'une longueur arbitraire AC, CE, EI; élever la perpendiculaire CK à la première division; sur la longueur totale AI décrire la demi-circonférence et tirer AK, IK; enfin, porter la longueur V Y de l'un des côtés de la figure donnée de K en L; de ce point mener LM parallèle à AB, elle déterminera KM pour la longueur ZY que doit avoir le côté de la figure cherchée homologue à V Y. Ceci est clair, car à cause des parallèles AI, LM on a cette proportion KM: KL:: KI: KA; mais dans le triangle rectangle KAI le carré de KI est au carré de KA comme le segment IC est au segment AC donc KM × KM: KL × KL:: CI: AC; mais KL VY; donc le polygone construit sur ZY, qui est égale à KM: la figure semblable construite sur VY, qui est égale à KL:: CI: CA.

Pour construire la figure demandée, il ne s'agit plus que de prolonger les diagonales YG et YH, et de mener ZX paralèlle à VG; XT parallèle à GH, et TL parallèle à HI. Si la ligne donnée VY était descendue au dessous de A, en O, par exemple, on aurait mené OP parallèle à AB, et la partie KP aurait été la lon-

gueur cherchée.

Si le pentagone cherché ne devait être que la moitie de celui qui est donné, l'opération serait la même, mais il faudrait porter le côté pris pour terme de comparaison de K en M, et la partie K L serait le côté cherché.

* 233. S'il était question de faire une sigure dont les rapports sussent, par exemple, les quatre cinquièmes

d'une figure donnée, que faudrait-il faire?

On prendrait neuf parties sur la ligne AB, et on éleverait la perpendiculaire à la quatrième division; si elle devait en être les deux tiers, on porterait cinq parties, et on éleverait la perpendiculaire à la deuxième division; le reste de l'opération comme cidessus. En général, on prend autant de parties que les deux termes de la fraction font d'unités, et la per-

pendiculaire représente la ligne qui sépare le numérateur d'avec le dénominateur. S'il s'agissait d'un cercle, on se servirait des diamètres ou des rayons pour faire l'opération indiquée.

*234. Que faut-il faire pour construire un polygone a b c d e, fig. 146, semblable à un autre ABCDE, mais dont la longueur du périmètre est donnée par

la longueur de la ligne PQ, fig. 147?

Tirer une ligne indéfinie RS, fig. 147, sur laquelle il faut porter les longueurs A, B, C, D et E de la figure donnée; faire avec cette ligne et la ligne PQ un angle quelconque; joindre les deux extrémités par la ligne ST, et mener les parallèles par les points de divisions; les parties a, b, c, d et e, correspondantes à A, B, C, D et E, seront les côtés homologues de la figure demandée.

L'exactitude de cette opération se comprend facilement, les figures semblables étant entre elles comme le carré de leurs périmètres ou de leurs côtés homologues (N° 214); or, à cause des parallèles on a : RS:

RT :: ES : eT; RS : RT :: DE : de, etc.

Exercices. — Construire un triangle, un cercle ou un polygone quelconque d'une superficie double, triple, etc., d'un autre polygone semblable;

Construire un triangle, un carré, etc., qui n'ait en superficie que les trois quarts, les deux tiers, etc.,

d'un autre semblable.

CHAPITRE XXIII.

DES PLANS.

235. Qu'APPELLE-T-ON plan?

C'est une surface sur laquelle on peut appliquer, en tout sens, une règle bien droite.

236. Quand est-ce qu'une droite AB est dans un plan CD, fig. 148?

C'est lorsque tous ses points se confondent avec le plan.

237. Que forme l'intersection de deux plans CD,

FG, fig. 149, qui se coupent? Une ligne droite. Cela est évident; car si l'on joint, par une droite deux points quelconques A et B, pris sur leur intersection, cette ligne se trouve tout entiere dans l'intersection même : donc l'intersection de deux plans forme une ligue droite.

238. Qu'en concluez-vous?

Qu'on peut faire passer par une même droîte une infinité de plans, comme on le voit à la Figure 150, où les plans GH, EF, CD ont pour commune intersection la droite AB.

239. Et si l'on donnait un point I hors de la droite,

par où le plan dút aussi passer?

Alors on ne pourrait faire passer par la droite AB qu'un seul plan, comme on le voit à la figure 150, parce que de tous les plans qui passent par AB, le plan CD est le seul qui passe par ce point I.

240. Que résulte-t-il de là?

1º Qu'un plan est déterminé quand on connaît trois

points A, I, B par où il doit passer;

2º Qu'il est encore déterminé par deux droites AB, DC, fig. 154, qui se coupent: car le plan qui passera par l'une d'elle AB, et par un point D pris sur l'autre DC, passera dans la ligne entière, ayant l'intersection C de commun avec la droite AB; or tous les points d'une droite sont dans la même direction : donc deux droites qui se coupent déterminent un plan.

241. Quand est-ce qu'une ligne AB, fig. 151, est perpendiculaire à un plan FG?

C'est lorsqu'elle ne penche ni vers un côté de ce

plan, ni vers l'autre.

Il suit de là 1°, que la droite AB est perpendiculaire à toutes les lignes BE, BC, BO, etc., qu'on mène du point B dans ce plan;

2º Que toutes les lignes IJ, LN, perpendiculaires à ce plan, sont parallèles entre elles et à la ligne AB;

3º Qu'un plan CH, fig. 152, qui passe par une ligne AB perpendiculaire à un plan GE, est aussi lui-même

perpendiculaire à ce plan;

4º Que deux plans CD, FG, fig. 149, perpendiculaires à un troisième HI, ont aussi leur commune section AB perpendiculaire à ce troisième plan.

242. Comment appelle-t-on l'ouverture de deux

plans GH, GO, fig. 153?

Angle-plan: on l'appelle aussi inclinaison de l'un de ces plans à l'égard de l'autre.

243. Quelle est la mesure d'un angle-plan?

C'est la même que la mesure de l'angle rectiligne BAC formé par deux droites, prises l'une, AB dans l'un des plans GH, et l'autre AC, prise dans l'autre, et qui sont toutes deux perpendiculaires à la commune section GI, et qui viennent aboutir en un même point A.

244. Que concluez-vous de là?

1º Qu'un plan CII, fig. 152, qui tombe sur un autre plan GE, forme deux angles GCI, ICF qui, pris ensemble, valent 180 degrés:

2° Que les angles formés par tant de plans qu'on youdra GH, EF, CD, fig. 150, qui passent tous par

une même droite, valent 360 degrés;

3° Que deux plans CD, GF. fig. 149, qui se coupent ont leurs angles opposés aux sommets égaux.

245. Qu'appelle-t-on plans parallèles?

Ce sont ceux qui ne peuvent jamais se rencontrer à quelque distance qu'on les imagine prolongés FG, III, fig. 154.

246. Que résulterait-il si deux plans parallèles

étaient coupés par un troisième?

Que les intersections AB, CD, fig. 155, que ce troisième plan ferait avec les deux autres, seraient deux droites paralleles.

plan par deux droites AB, CD; fig. 154, qui se coupent et qui sont parallèles à deux autres SE, HJ, qui se coupent également?

Que ce plan FG, déterminé par les deux premières, serait parallèle à celui HI que déterminent les deux

autres.

248. Qu'en concluez-vous?

Qu'on peut faire passer par deux droites AB, CD, fig. 156, qui ne se coupent point et qui ne sont point parallèles, deux plans parallèles entre eux: car on peut couper AB par une droite EF parallèle à CD, et CD par une autre droite GH parallèle à AB, et on a le cas précédent.

CHAPITRE XXIV.

DES SOLIDES; LEUR DÉFINITION.

* 249. Qu'APPELLE-T-ON solides?

Ce sont des figures qui ont les trois dimensions : la longueur, la largeur et l'épaisseur.

250: Quels sont les principaux solides?

Ce sont le cube, le parallélipipède, le prisme, le cylindre, la pyramide, le cône et la sphère.

* 251. Qu'est-ce que le cube?

C'est une figure qui offre un carré égal sur ses six faces, fig. 157.

* 252. Qu'est-ce que le parallélipipède?

Gest un cube allongé, fig. 158.

* 253. Qu'est-ce que le prisme?

C'est un solide dont les deux bases opposées sont parallèles, et les côtés sont des parallélogrammes, fig. 159.

* 254. En distingue-t-on de plusieurs sortes?

On distingue le prisme triangulaire, quadrilatère, etc., selon le polygone qui sert de base.

* 255. Qu'appelle-t-on cylindre?

C'est un solide qu'on nomme vulgairement rouleau, terminé par deux cercles égaux et parallèles, fig. 160. Il est oblique lorsque le côté est incliné à l'égard de la base, fig. 161; il est tronqué lorsque le cercle supérieur n'est pas perpendiculaire au côté du cylindre, fig. 162.

* 256. Qu'est-ce qu'une pyramide?

C'est un solide dont la base est un polygone rectiligne quelconque, et le sommet un point, fig. 163. La Figure 164 est une pyramide inclinée ou oblique.

* 257. Qu'appelle-t-on cône?

C'est un solide dont la base est une circonférence, et le sommet un point, fig. 165. Le cône est droit lorsque la ligne IJ qui descend du sommet sur le centre du cercle de la base lui est perpendiculaire; il est oblique ou incliné si cette même ligne est oblique à la base, fig. 166.

258. En combien de manières peut-on couper le cône droit?

En cinq: c'est ce qu'on appelle les sections coniques

259. Quelles sont ces manières?

1º Parallelement à la base, fig. 167, c'est le cône tronqué; la section donne le cercle A.

2º Obliquement à la base, fig. 168, la sectior

donne l'ellipse A.

3º Perpendiculairement à la base, passant par le

sommet, fig. 169; la section présente le triangle B.

4º Perpendiculairement à la base, passant par le côté incliné du cône, fig. 167, cette section présente une hyperbole B.

5º Parallelement au côté, fig. 168, cette section

présente une parabole B.

* 260. Qu'est-ce que la sphère qu'on appelle auss boule ou globe? G'est un solide, fig. 174, dont tous les points de la surface sont également éloignés d'un point A, situé dans son intérieur qu'on nomme centre.

* 261. Quels sont les noms qu'on donne aux diffé-

rentes lignes qui se trouvent dans la sphère?

On nomme axe le diamètre BAL ou ÍAJ; pôles, les extrémités des axes; grands cercles, ceux dont les plans passent par le centre de la sphère, comme BCLD, BILJ; et petits, ceux EFGH, MONP, dont le plan ne passe pas par le centre.

* 262. Quelles sont les parties principales de la

surface de la sphère?

Ce sont la zone, la calotte, et le fuseau sphérique.

* 263. Qu'est-ce que la zone?

C'est une partie quelconque de la surface de la sphère AB, fig. 175, comprise entre deux cercles ou plans parallèles.

* 264. Qu'est-ce que la calotte sphérique?

C'est une partie C de la surface de la sphère, coupée par un petit cercle quelconque: le solide qu'elle enveloppe se nomme segment extrême.

* 265. Qu'appelle-t-on fuseau sphérique?

C'est une partie de la surface de la sphère comprise entre deux demi-grands cercles DBE, DGE, fig. 175, qui se terminent à un diamètre commun DFE.

*266. Quelles sont les principales parties solides

considérées dans la sphère?

Ce sont le segment, le coin ou onglet sphérique, le secteur et les cinq polyèdres.

* 267. Qu'appelle-t-on segment sphérique?

C'est une partie solide quelconque AB, fig. 175, de la sphère, comprise entre deux plans parallèles, ou autrement le solide enveloppé par la zône.

* 268. Quelle est la hauteur de la zone et du seg-

ment sphérique?

C'est la distance I J des deux plans qui les comprennent. * 269. Qu'appelle-t-on coin ou onglet sphérique? C'est une partie solide quelconque de la sphère comprise entre deux demi-cercles DBE et DGE, fig. 175, qui se terminent à un diamètre commun DFE: il a pour base le fuseau sphérique.

* 270. Qu'appelle-t-on secteur sphérique?

C'est une portion de la sphère semblable à un cône AEFGII, fig. 174, qui a son sommet A au centre de la sphère, et dont la base EFGH est une calotte sphérique.

* 271. Quels sont les cinq polyèdres considérés

dans la sphère?

Ge sont : le tétraèdre, l'hexaèdre, l'octaèdre, le dodécaèdre et l'icosaèdre.

* 272. Qu'est-ce que le tétraèdre?

C'est un solide dont la surface présente quatre triangles équilatéraux, fig. 176.

* 273. Qu'appelle-t-on hexaèdre?

C'est un solide dont la surface présente six carrés égaux, fig. 177.

* 274. Qu'est-ce que l'octaèdre?

C'est un solide dont la surface présente huit triangles équilatéraux, fig. 178.

* 275. Qu'appelle-t-on dodécaèdre?

C'est un solide dont la surface présente douze pentagones égaux et réguliers, fig. 179.

* 276. Qu'est-ce que l'icosaèdre?

C'est un solide don't la surface présente vingt triangles équilatéraux, fig. 180.

Exercices. — Copier dans une autre dimension les figures 157, 158, 159, 160, 163, 165 et 174, sans les ombrer.

CHAPITRE XXV.

SURFACE DES SOLIDES. (Voy. ARITH., pag. 171.)

277. Comment trouve-t-on la surface du cube,

fig. 157?

En multipliant la longueur de l'une de ses arêtes AD par elle-même, et prenant le produit six fois; ce solide ayant six faces égales, il est clair que pour en avoir la surface il faut prendre six fois la superficie de l'une d'elles, (N° 174).

278. Comment trouve-t-on la surface du parallé-

lipipede?

En multipliant la longueur ABCD, fig. 158, du contour, par la longueur BE de l'objet, on a la surface du parallélipipède, non compris celle des bases qu'on évalue comme le carré ou le rectangle.

279. Comment obtient-on la surface du prisme?

En multipliant la longueur d'une arête AB, fig. 159, par le contour ACD du prisme, on en a la surface, non compris celle des bases qu'on évalue par la méthode des polygones.

280. Comment trouve-t-on la surface d'un cylindre

droit ou oblique?

Le cylindre pouvant être considéré comme un prisme d'une infinité de côtés, on aura sa surface en multipliant le contour de sa base ABCD, fig. 160 et 161, par sa hauteur AE; les surfaces des bases s'évaluent séparément.

281. Si le cylindre était tronqué obliquement à sa base, fig. 162, c'est-à-dire, si les bases n'étaient

pas paralleles, que faudrait-il faire?

On prendrait la hauteur moyenne qu'on multiplierait par le contour du cylindre; quant aux bases, l'une serait une ellipse A et l'autre un cercle B. 282. Comment trouve-t-on la surface d'une pyra-mide?

Si elle est régulière, comme la fig. 163, on multiplie le contour ABCDEF de sa base par la moitié de la hauteur IJ de l'un des triangles que forment ses côtés. Si elle est irrégulière, comme la fig. 164, on évalue séparément ses côtés comme des triangles.

283. Comment trouve-t-on la surface du cône,

fig. 165?

La surface du cône pouvant être considérée comme composée d'une infinité de triangles dont les bases composent sa circonférence, et dont les sommets se réunissent à celui de ce solide, on aura sa surface en multipliant la longueur de sa circonférence ABCD par la moitié de la longueur du côté AI; s'il est tronqué parallèlement à la base, fig. 167, il faut ajouter ensemble la circonférence des deux cercles A et E, en prendre la moitié et la multiplier par la longueur du côté de l'objet, et y ajouter les surfaces des cercles si elles sont demandées.

284. Que faut-il faire pour avoir la surface de

la sphère?

Multiplier la longueur de l'un de ses grands cercles BDLC, fig. 174, par l'axe ou le diamètre BL. D'après cela ou voit que la surface de la sphère est égale à celle d'un cylindre dont la hauteur et le diamètre sont égaux à l'axe de la sphère.

285. Comment obtient-on la surface d'une zone

quelconque AB, fig. 175?

En multipliant la circonférence d'un grand cercle de la sphère, par la hauteur I J de la zone; celle de la calotte s'obtient de la même manière.

286. Et pour avoir celle du segment sphérique,

que faut-il faire?

Il faut ajouter la surface des cercles formés par les plans de sections à celle de la zone; et pour le segment extrême, il faut ajouter la surface du plan de section à celle de la calotte.

287. Que faut il faire pour avoir la surface du fuseau sphérique?

Multiplier l'arc BG, fig. 175, qui le partage en deux

triangles sphériques égaux, par le diamètre DE.

288. Comment trouve-t-on la surface du coin ou

onglet sphérique?

En ajoutant à celle du fuseau qui lui sert de base la superficie d'un grand cercle de la sphère à laquelle il appartient.

289. Que faut-il faire pour avoir la surface du

secteur sphérique?

Multiplier la circonférence EHGF, fig. 174, qui le sépare de la sphère par la moitié du rayon AG qui est la longueur de son côté, et y ajouter la surface de la calotte.

290. Que faut-il faire pour avoir la surface d'un polyèdre régulier quelconque?

Après avoir évalué la superficie de l'une de ses faces par la méthode des polygones, on la prend autant de

fois qu'elle est comprise dans le polyedre.

Exercices. — Déterminer la surface des solides, fig. 157, 158, 159, 160, 163, 165 et 174, d'après l'échelle, fig. 61, prise dans son second usage. (V. ARITH., page 174, pour d'autres exercices.)

CHAPITRE XXVI.

SOLIDITÉ DES CORPS. (Voy. ARITH., pages 171 et 172.)

291. Qu'est-ce que mesurer la solidité d'un corps? C'est déterminer combien de fois il contient un autre corps pris pour unité de mesure; par exemple la solidité du cube, fig. 157, sera déterminée, quand on saura combien de fois il contient le petit cube V, supposé que celui-ci soit l'unité de mesure.

292. Comment obtient-on la solidité d'un cube?

En multipliant la surface de sa base ABED par sa hauteur AF. Ceci est évident, car si l'on divise la base ABED en carrés égaux à la base de l'unité de mesure V, ainsi que la surface supérieure, on pourra placer entre les divisions correspondantes quatre petits cubes B, L, N, J égaux à l'unité V; or il est clair qu'on pourra former autant de colonnes semblables que la surface pourra contenir de fois la surface du carré pris pour terme de comparaison, celle-ci en contenant 16, la solidité totale de ce corps contiendra donc 64 fois le petit cube ou l'unité de mesure: donc la solidité du cube est égale au produit de la surface de sa base par sa hauteur.

293. Quelle est la solidité du parallélipipède?

Elle est égale à la superficie de sa base multipliée par sa hauteur. La démonstration est la même que pour le cube.

294. Quelle est la solidité du prisme?

Le prisme triangulaire, fig. 159, peut être considéré comme la moitié d'un parallélipipede coupé suivant les arêtes DE, FC: or la solidité du parallélipipède est égale au produit de la surface de sa base par sa hauteur: donc la surface de la base du prisme, multipliée par sa hauteur, donnera sa solidité. Si les bases du prisme n'étaient pas parallèles comme la fig. 170, on prendrait le tiers de la somme de ses trois arêtes AB, CD, EF qu'on multiplierait par la surface d'une section IJL faite perpendiculairement aux arêtes : on obtient la surface de cette section en évaluant celle d'un triangle qui aurait les côtés égaux a ceux du prisme. On a par là une méthode bien facile d'évaluer la solidité des prismes tronqués irrégulièrement et qui ont une base plus composée, en les divisant en prismes triangulaires qu'on évalue à part, et dont on réunit les produits.

295. Que faut-il faire pour avoir la solidité d'un

cylindre droit ou oblique?

Multiplier la surface de sa base ABCD, fig. 160 et 161, par la hauteur AE, c'est-à-dire, par la perpendiculaire abaissée de la base supérieure sur le plan de la base inférieure; car le cylindre peut être considéré comme un prisme qui a un cercle pour base.

La capacité d'un tonneau est égale à la solidité d'un cylindre de même longueur, et qui aurait pour diamètre les deux tiers de celui du bouge du tonneau, plus le tiers de celui de l'un des fonds, pris l'un et

l'autre dans l'intérieur.

296. Comment obtient-on la solidité d'une pyramide?

En multipliant la surface de sa base ABCDEF par le tiers de sa hauteur perpendiculaire IM, parce que la pyramide est le tiers d'un prisme de même base et de même hauteur. Soit le prisme triangulaire, fig. 171; que de l'angle A on mène aux angles B et C des droites AB, AC, et qu'on fasse passer un plan tranchant par ces diagonales, on aura deux pyramides, l'une triangulaire ABCD qui aura même base que le prisme, l'autre quadrangulaire ABCEF. Considérons ces deux sections à part; la pyramide triangulaire, fig. 172, est égale à la section ABC, fig. 171, et la fig. 173 ABCEF est le restant du prisme. Si l'on coupe cette dernière figure suivant AB, AF, on aura deux nouvelles pyramides, ABFC, ABFE égales entre elles, puisqu'elles ont une base égale BCF, FBE, la diagonale FB partageant le rectangle BCEF en deux triangles égaux, et qu'elles ont aussi une même hauteur; mais si nous plaçons en B le sommet de la pyramide ABEF, elle sera semblable à la première AB CD, puisqu'elles ont une hauteur égale AD, BE, et une base égale BCD, AEF; ces trois pyramides ont donc égales entre elles et contiennent chacune le tiers du prisme. Donc la solidité d'une pyramide est gale au tiers d'un prisme de même base et de même hauteur; mais la solidité du prisme est égale au produit de la surface de sa base par sa hauteur (No 294),

donc celle de la pyramide est égale au produit de la surface de sa base par le tiers de sa hauteur.

297. Et si elle était tronquée parallèlement à sa

Pour déterminer le segment retranché, on ferait cette proportion BC: ML:: bc: LI, c'est-à-dire que le côté BC du tronc de la pyramide est à sa hauteur, comme le côté bc correspondant du segment retranché est à la hauteur LI de ce segment: en réunissant cette hauteur à celle du tronc, on a alors la hauteur totale de la pyramide, dont on évalue la solidité, et on en retranche celle de la petite pyramide que forme le segment be I, et on a la solidité de la pyramide tronquée.

298. Que faut-il faire pour avoir la solidité du cône,

fig. 165?

Multiplier la surface de sa base ABCD par le tiers de sa hauteur perpendiculaire JI; parce que le cône peut être considéré comme une pyramide qui a un

cercle pour base.

Le cône tronqué, fig. 167, s'évalue d'une manière analogue à celle qu'on a donnée pour celle de la pyramide qui se trouve dans le même cas, en prenant pour premier terme de la proportion le diamètre de la base inférieure du cône, et pour troisième celui de la base supérieure.

299. Quelle est la solidité d'une sphère?

C'est le produit de sa surface par le tiers de son rayon, parce qu'elle peut être considérée comme composée d'une infinité de pyramides qui ont la surface de la sphère pour base et tous les sommets réunis au centre.

300. Comment obtient-on la solidité d'un secteur

sphérique AEFGH, fig. 174?

En multipliant la surface de la calotte EGFH par le tiers du rayon AI; car il peut être considéré comme un cône qui a la calotte sphérique pour base. 301. Que faut-il faire pour avoir la solidité d'un

segment sphérique quelconque AB, fig. 175? Il faut multiplier la moitié de la somme de ses bases par sa hauteur, et y ajouter la solidité d'une sphère qui aurait la hauteur IJ du segment pour axe.

302. Comment obtient-on la solidité du coin ou on-

glet sphérique BDGE, fig. 175?

En multipliant la surface du fuseau qui lui sert de base par le tiers de son rayon FE: car on peut le considérer comme composé d'une infinité de pyramides qui ont leurs sommets réunis au centre de l'angle tranchant du coin, et dont les bases composent le fuseau sphérique.

303. Que faut-il faire pour avoir la solidité d'un

polyèdre régulier quelconque?

Multiplier sa surface par le tiers du rayon de ce volume, considéré depuis son centre jusqu'au milieu de l'une de ses faces. Ainsi, pour avoir la solidité du dodécaedre, fig. 179, il faudrait multiplier sa surface

totale par le tiers du rayon AB.

Ceci est évident, tout polyèdre pouvant être considéré comme composé d'autant de pyramides qu'il a de faces, dont les sommets vont aboutir au centre du solide. Or la solidité d'une pyramide est égale au produit de sa base par le tiers de sa hauteur : donc celle d'un polyèdre quelconque est égale au produit de sa surface par le tiers du rayon mené au centre de l'une de ses faces, et qui détermine la hauteur perpendiculaire de chacune des pyramides dont le polyèdre est composé.

304. Comment pourrait-on obtenir la solidité des corps irréguliers, comme seraient une pierre, une chaine, etc.

En les plongeant dans un vase contenant assez d'eau pour couvrir entièrement l'objet; la quantité d'eau déplacée marquerait le cube dudit objet.

305. Quel est le rapport des solides semblables?

Les solides semblables sont entre eux comme le cube de leurs lignes homologues.

306. Quelle opération faudrait-il faire pour couper une pyramide ou un cône de manière à en avoir une partie quelconque, comme la moitié, le tiers, etc.?

Soit un cône d'un pied de haut dont on veut avoir la moitié; faites cette proportion, 1: 1/4:: le cube de 12 pouces: cube de la hauteur, à partir du sommet,

où doit passer le plan tranchant.

307. Étant données, en nombre, la surface ou les dimensions de la base d'un prisme, d'un parallélipipède, d'un cylindre, d'un cône, d'une pyramide, que faut-il faire pour les construire de manière à leur donner une solidité déterminée?

Pour le prisme et le parallélipidède, il faut diviser la solidité déterminée par la surface de la base ou le produit des dimensions données, le quotient donnera

l'autre.

Pour le cylindre, le cône et la pyramide, il faut aussi diviser la solidité donnée par la surface de la base, qu'il faut chercher si elle n'est pas donnée; le quotient donnera la hauteur du cylindre et le tiers de celle du cône et de celle de la pyramide.

S'il s'agissait du cube, la racine cubique de la soli-

dité donnée serait la longueur du côté demandé.

Exercices. — Déterminer la solidité des corps, fig. 157, 158, 159, 160, 163, 165 et 174, d'après une échelle donnée. (Voyez ARITH., pag. 181, pour d'autres exercices.)

CHAPITRE XXVII.

DES POLYÈDRES.

SECTION PREMIÈRE.

Construction des Polyèdres réguliers.

308. Que fau-t-il faire pour construire un tétraè dre

régulier?

Supposé qu'on ait donné le triangle équilatéral A, fig. 176, pour l'une des faces du polyèdre demandé; il faut au centre A de ce triangle élever une perpendiculaire et mener de l'un quelconque B de ses angles, une droite égale à l'un des côtés du triangle, et son intersection E avec la perpendiculaire indiquera le point où il faudra mener des droites à partir des autres angles pour terminer le tétraèdre.

309. Comment construit-on l'hexaedre?

Supposé qu'on ait donné le carré ABGD, fig. 177, pour l'un des côtés de ce solide, il faut sur chacun de ses côtés AB, BG, CD, DA construire perpendiculairement un carré égal au proposé, et on a l'hexaèdre demandé.

310. Que faut-il faire pour construire un octaè dre

régulier?

Soit donné le triangle B, fig. 178, pour l'un des côtés de ce polyèdre; il faut construire un carré A C DE, dont la longueur des côtés soit égale à celle de ceux du triangle; au milieu I de ce carré, mener perpendiculairement au-dessus et au-dessous deux droites, chacune égale à la moitié de la diagonale de ce même carré; de tous ces angles mener des droites A J, C J, D J, E J à l'extrémité J de la perpendiculaire I J; en

conduire aussi à l'extrémité L de la perpendiculaire IL, et on a l'octaedre demandé.

311. Que faut-il faire pour construire le dodé-

caèdre?

Supposé qu'on ait donné le pentagone régulier A; fig. 179, pour l'une des faces de la figure demandée; il faut à chacun de ses angles tirer des droites C, D, E, F, G perpendiculaires aux côtés opposés à ces angles, et chacune égale à la moitié de l'un de ces côtés; aux extrémités C, D, E, F, G de ces lignes élever des perpendiculaires au plan du pentagone donné; mener, des angles de cette même figure, des droites égales à ces côtés jusqu'à la rencontre des perpendiculaires, elles seront les arêtes des autres pentagones construits sur les côtés du plan proposé et dans l'inclinaison nécessaire. Cette construction donne la moitié du dodécaedre. L'autre partie se construit de la même manière sur un pentagone égal au premier, après quoi on les réunit, et leur ensemble ne forme qu'une seule surface continue, remplissant les conditions de la demande.

312. Comment construit-on l'icosaedre?

Supposé qu'on ait donné le triangle A, fig. 180, pour l'une des faces de l'icosaèdre demandé, il faut décrire un pentagone régulier B, C, D, E, F dont les côtés soient égaux aux côtés de ce triangle; élever une perpendiculaire AI au milieu A de ce pentagone, et de chacun de ses angles mener à cette perpendiculaire des droites BI, CI, DI, EI, FI, chacune égale aux côtés du triangle donné: cette construction donne le quart du polyèdre demandé. Trois autres constructions semblables fourniront les autres parties de l'icosaèdre, qu'on assemble ensuite sans difficulté.

Exercices. — On pourrait faire construire, en carton, les sigures précédentes.

SECTION II.

Coupe des Polyèdres réguliers.

313. Que faut-il observer avant que de tailler un polyèdre quelconque?

Avant que de déterminer les plans de sa surface,

il faut faire une boule de l'objet à tailler.

314. Que faut-il faire pour déterminer les coupes

du tétraèdre?

Sur un diamètre AB, fig. 176, égal à l'axe de la boule, décrire une circonférence et la partager en quatre parties égales par deux diamètres croisés perpendiculairement; de l'extrémité B du diamètre AB et d'un rayon égal à BC décrire l'arc CE; mener par le point E, FG parallèle à CD, et sur FG, comme diamètre, décrire une circonférence qu'il faut parta-

ger en trois parties égales.

Il faut porter ensuite sur la boule BDF, une ouverture de compas BE égale à l'une des cordes FJ qui sous-tend l'arc FNJ; des deux points B et É, et toujours de la même ouverture de compas, décrire des arcs qui se coupent en F; des points E et F en décrire d'autres qui se coupent en D: les points B, E, F détermineront la première coupe, les points E, F, D la deuxième, les points B, E, D la troisième, et les points B, F, D la dernière.

315. Comment détermine-t-on la coupe de

l'hexaèdre?

On partage en quatre parties égales une circonférence, fig. 177, décrite sur un diamètre AB égal à l'axe de la boule à tailler; de l'extrémité B du diamètre AB, et d'un rayon égal à BC, on décrit l'arc CE; on porte EI de A en J, et on mène par le point J la corde L'N perpendiculairement à AB; du point D on décrit l'arc NOM, et on tire la corde NM qui est

la longueur des arêtes de l'hexaedre, et NL la diago-

Ensuite, pour déterminer la première coupe, on porte sur la boule une ouverture de compas AD égale à NM; de l'un de ces points A, et d'un même rayon, on décrit un arc en R; du point D, et d'un rayon égal à NL, on coupe l'arc R, et les trois points A, D, R déterminent la première coupe de l'hexaèdre. Pour déterminer la deuxième coupe, à partir des points A et R, on cherche un troisième point B de la même manière que R; et les trois points A, B, R la déterminent. Toutes les autres coupes se trouvent de la même manière.

316. Comment détermine-t-on les coupes de l'oc-

taèdre, fig. 178?

Après avoir partagé une circonférence en quatre parties égales AC, CD, DE, EA décrite sur un diamètre égal à l'axe de la boule donnée, on portera sur cette boule une ouverture de compas égale à l'une de ces divisions CD; des points C et D, et de la même ouverture de compas, on décrira des arcs qui se couperont en J, et ces trois points C, D, J détermineront la première coupe de l'octaèdre. Pour déterminer la deuxième coupe, des points D et J, on décrira des arcs en E; pour déterminer la troisième des points J et E, on en décrira en A; les points J, A, C détermineront la quatrième. Pour déterminer les autres coupes des points C et D, on décrira des arcs en L, et les points C, D, L seront pour la cinquième coupe; les points D, E, L pour la sixième; les points E, A, L pour la septième, et A, C, L pour la dernière.

317. Que faut-il saire pour déterminer les coupes

du dodécaedre, fig. 179?

Il faut décrire une circonférence HIJ d'un rayon égal à la neuvième partie d'une circonférence décrite sur un diamètre A B égal à l'axe de la boule donnée; partager cette circonférence en cinq parties égales; tirer la corde JH; porter ensuite sur la boule une

ouverture de compaségale à IJ de Len M; de ces points et d'une ouverture égale à IH, on décrit des arcs en N; ces trois points détermineront la première coupe du dodécaèdre. Partager ensuite cette face en cinq parties égales. Des points M et O et d'une ouverture de compaségale à IH, décrire des arcs qui se coupent en P; des points L et M en décrire d'autres qui se coupent en Q; des points L et R d'autres qui se coupent en S, et ainsi de suite sur tous les côtés: les points M, O, P détermineront la deuxième coupe du polyèdre; les points L, M, Q la troisième; L, R, S la quatrième, etc. Pour déterminer les autres coupes, il faut partager ces dernières comme la première en cinq parties sur lesquelles on opérera comme on vient de faire sur les premières divisions, et ainsi de suite.

318. Comment détermine-t-on les coupes de l'ico-

saèdre, fig. 180?

Après avoir décrit une circonférence sur un diamètre MN égal à celui de la boule, et l'avoir partagée en quatre parties égales; du point M on décrit l'arc OR, du point R l'arc OP, et on tire la corde OP sur laquelle, comme diamètre, on décrit un cercle qu'on

partage en trois parties égales.

Ensuite on portera sur la boule une ouverture de compas égale à l'une OT de ces parties, par exemple de B en F; de ces points et d'une ouverture de compas égale à la première, on décrira des arcs en I, et les trois points B, F, I détermineront la première coupe de l'icosaèdre; des points I, F on en décrira en E; de B et F on en décrira en G; des points I et B on en décrira d'autres en C: les points I, F, E détermineront la seconde coupe; les points B, F, G la troisième; et les points I, B, C la quatrième. Des points I, E on déterminera les coupes I E D, I C D; de E, F on déterminera les coupes H E F, F H G; et de G, B les autres coupes B G L, B L C. C'est en suivant ce procédé qu'on obtiendra les autres coupes qui termineront l'icosaèdre.

SECTION III.

Autre manière de déterminer la coupe des Polyèdres.

319. Comment peut-on encore déterminer la coupe des polyèdres?

En décrivant sur la boule des cercles qui détermi-

nent les limites de chaque coupe.

320. Comment peut-on déterminer les coupes du

tétraedre par des cercles?

Après avoir partagé en quatre parties égales une circonférence d'un diamètre égal à celui de la boule à tailler, fig. 18t, on décrit de l'extrémité B de l'un des diamètres AB, et d'un rayon égal à BC, l'arc CE; par le point E on mène F G parallèle à CD, et on tire la corde AF.

Ensuite d'un point quelconque E, pris sur la boule, et d'un rayon égal à FA, on décrit le cercle BFD qui détermine la première coupe du tétraèdre. Pour déterminer les trois autres coupes, on partage le cercle BFD en trois parties égales; des points B et F, et toujours d'un rayon égal à FA, on décrit des arcs qui se coupent, et de leur intersection on décrit un autre cercle qui détermine la deuxième coupe; des points F et D on détermine la troisième coupe comme la précédente, et la quatrième à partir des points B et D.

321. Que faut-il faire pour déterminer les coupes

de l'hexaèdre fig. 182?

Après avoir partagé en quatre parties égales une circonféreuce décrite sur un diamètre égal à l'axe de la boule, il faut d'un rayon égal à BC décrire l'arc CE et porter EI de A en J; mener par le point J la corde LN parallèle à CD, et tirer la corde AL.

Ensuite, à partir d'un point quelconque A de la boule, et d'un rayon égal à AL, il faut décrire un cercle qui détermine la première coupe de l'hexaèdre. Partager le cercle qui détermine la première coupe en quatre parties égales; pour déterminer la deuxième, à partir des points N et J et d'un rayon égal à celui du premier cercle décrit, il faut tracer des arcs qui se coupent en P, et de leur intersection, et toujours de la même ouverture de compas, décrire le cercle NJ; la troisième se trouve de la même manière, en cherchant le centre du cercle à partir des points J et I; la quatrième, à partir des points I et O; la cinquième, à partir des points O et N; et la dernière est déterminée par les précédentes.

322. Comment détermine-t-on la coupe de l'oc-

taedre, fig. 183?

Après avoir partagé en quatre parties égales une circonférence décrite sur un diamètre CD égal à celui de la boule, on construit un triangle équi-latéral sur la corde AD qui joint deux points de division; on lui circonscrit une circonférence ABD; on porte son diamètre B I sur la première circonférence décrite, par exemple de H en L, et on partage l'arc qu'il sous-tend en deux parties égales, et on tire la corde HN; ensuite, d'un point quelconque A pris sur la boule, on décrit un cercle RSTU d'un rayon égal à NH; on le partage en quatre parties égales, et de chaque point de division R, S, T, U et d'un rayon égal à celui du premier cercle tracé, on en décrit quatre autres qui déterminent les quatre premières coupes de l'octaedre. A partir des intersections des cercles V et X, et toujours d'un même rayon, on décrit des arcs dont l'intersection donne le centre du cercle qui détermine la cinquième coupe; des points Y et Z, on cherche de la même manière le centre du cercle qui en détermine la sixième; les centres des cercles qui déterminent les dernières coupes se trouvent de la même manière.

323. Que faut-il faire pour déterminer les coupes du dodécaèdre, fig. 184?

Décrire une circonférence ABCD, d'un rayon égal

à la corde de la neuvième partie d'une circonférence décrite sur un diamètre MI égal à l'axe de la boule; porter le diamètre AC de A en B; partager l'arc qu'il sous-tend en deux parties égales, et tirer la corde IB.

Ensuite, d'un point quelconque J de la houle, et d'un rayon égal à IB, décrire un cercle, le partager en cinq parties égales; à partir de deux points de divisions consécutifs L, V, et d'un rayon égal à celui du premier cercle tracé, décrire des arcs qui se coupent en O; de cette intersection, et toujours de la même ouverture de compas, décrire le cercle qui passe par les points L et V; déterminer de la même ma nière celui qui passe par les points L et N, ainsi que le autres. Il faut opérer ensuite sur chacun des autre cercles comme on a fait sur le premier, c'est-à-dire les diviser en cinq parties, et chercher des centres pou décrire d'autres cercles qui passent par les points de division de ceux-ci. Chaque cercle détermine une coupe

324. Comment détermine-t-on la coupe de l'ico

saedre, fig. 185?

Ayant partagé en quatre parties égales une circon férence décrite sur un diamètre AB égal à l'axe de l boule; à partir de l'extrémité A du diamètre AB, c d'un rayon égal à AC, on décrit l'arc GD; du point I et d'un rayon égal à DC, on décrit CE, et du point l'arc EO; on partage en deux parties égales l'arc sou

tendu par CO, et on tire IO.

Ensuite, à partir d'un point quelconque J de l boule, et d'un rayon égal à IO, on décrit une cir conférence qu'on partage en trois parties égales; de deux points de division consécutifs N et R, on décrit d'un rayon égal à celui du premier cercle tracé, de arcs qui déterminent, par leur intersection, le centre du cercle R N; à partir des deux points R et V, o cherche de la même manière le centre d'un troisième cercle, et de V et N celui d'un quatrième; on divise en suite ces trois derniers cercles comme le premier, et c teurs points de division on cherche les centres des au tres cercles, qu'on décrit toujours d'un même rayon que les premiers, etc. Chaque cercle détermine une coupe.

CHAPITRE XXVIII.

RACCORDEMENT DES LIGNES.

*325. Qu'est-ce que le raccordement des lignes? C'est l'art d'unir plusieurs lignes de mêmes ou de différentes espèces, sans qu'elles offrent de jarrets ni de coudes aux points de jonction.

* 326. Que faut-il faire pour décrire une courbe à l'extrémité d'une droite donnée et qui se raccorde

avec cette ligne?

Elever à l'extrémité A, fig. 186, de la droite donnée, une perpendiculaire AC, et d'un rayon quelconque AE, pris sur la perpendiculaire, décrire l'arc AB. On voit que ce problème est indéterminé; car on pourrait d'un autre point pris sur la perpendiculaire, décrire une courbe qui se raccorderait également avec la droite donnée.

* 327. Connaissant un point A, fig. 187, par où doit passer une courbe qui doit se raccorder avec une droite, que faut-il faire pour trouver le centre de la courbe?

Joindre par une droite le point donné A à l'extrémité B de la ligne donnée; mener une perpendiculaire CD au milieu de AB; en élever une autre à l'extrémité B de la ligne EB, et l'intersection I de ces deux perpendiculaires est le centre de la courbe BCA, qui se raccorde avec la droite donnée. Ce problème est déterminé, le centre et le rayon étant donnés par la rencontre des deux perpendiculaires.

328Q: faut-il f aire pour raccorder deux droites

qui vont en convergeant?

Figurer leur prolongement, fig. 188; partager l'angle A qu'elles forment en deux parties égales; élever une perpendiculaire BC à l'extrémité B de l'une des droites, et le point d'intersection I qu'elle fait avec la bisectrice, est le centre de la courbe qui raccorde les droites données.

* 329. Comment raccorde-t-on une droite avec un

arc de cercle donné dont on connaît le centre?

On joint le point A, fig. 189, de la courbe qu'on veut raccorder, à son centre C; et la perpendiculaire AB, élevée au point A sur le rayon CA, est la droite qui se raccorde avec l'arc.

* 330. Que faut-il faire pour décrire une courbe qui se raccorde avec les extrémités d'une droite

donnée, fig. 190?

Elever des perpendiculaires AD, BC, sur les extrémités de la droite donnée; tirer la parallèle IJ; des points D et C décrire les arcs AI, BJ; et du point E, milieu entre I et J, décrire la demi-circonférence ILJ, et le problème est résolu.

* 331. Comment raccorde-t-on deux parallèles

d'égale longueur?

On joint les extrémités A et B, fig. 191, et du milieu C de la droite AB, on décrit l'arc ADB qui raccorde les parallèles.

332. Que faut-il faire pour trouver le centre d'une courbe qui doit se raccorder avec une autre courbe

donnée, et passer par un point désigné?

De l'extrémité A de la courbe donnée A I, fig. 192; tirer une droite AC, qui passe par le centre C, qu'il faudrait chercher si on ne le connaissait pas, (N° 83); joindre aussi le point donné B au point A; couper la droite AB par une perpendiculaire DE, et le point d'intersection E qu'elle fait avec AC est le centre de la courbe cherchée.

333. Et si le point est placé au-dessus de la courbe, fig. 193?

Il faut tirer une droite qui passe par le centre C, du cercle et l'extrémité A de la courbe que l'on veut raccorder; joindre les points B et A; mener une perpendiculaire au milieu de la droite AB, et l'intersection I qu'elle fait avec CD est le centre de la courbe cherchée.

* 334. Que faut-il faire pour raccorder deux parallèles, fig. 194, placées de manière que la droite qui joint leurs extrémités ne leur est pas perpendiculaire?

Aux points A et B il faut élever les perpendiculaires BE et AI d'une longueur indéfinie; joindre les points A et B; mener CD au milieu des lignes données, et qui leur soit parallèle; porter la longueur AC de C en D; enfin par le point D mener DE perpendiculaire à AB, le point I sera le centre de l'arc AD, et le point E celui de l'arc BD.

Exercices. — Dessiner les grilles, fig. XLI, XLII et XLIII.

Après avoir dessiné le bâti de la première, on cherchera le centre du rectangle intérieur, en joignant les angles opposés, puis on formera la rosette; on fera ensuite le raccordement des arcs intérieurs qui aboutissent au milieu des côtés, enfin on décrira les arcs tangens.

Ayant dessiné le bâti de la seconde, on tirera une ligne AB à une distance du bâti, égale à celle que l'on veut donner aux barreaux; les ayant dessinés, on décrira les demi-circonférences tangentes au bâti,

et appuyées sur les barreaux.

La troisième se dessine d'une manière analogue : les arcs ont leur centre sur le barreau contigu.

La Cuvette, fig. XLIV:

Cette figure est composée de deux arcs raccordés avec le filet qui en est la base, et terminés par des congés, lesquels sont surmontés d'un filet et d'un quart de rond plat.

CHAPITRE XXIX.

FIGURES CURVILIGNES A PLUSIEURS CENTRES.

SECTION PREMIÈRE.

Définition des Figures curvilignes.

335. Combien y a-t-il de figures curvilignes à plu-

sieurs centres?

Il y en a une infinité; les centres de ces figures pouvant être plus ou moins nombreux, et les lignes dont elles sont formées pouvant être aussi plus ou moins courbes.

* 336. Quelles sont les principales figures curvi-

lignes?

Ce sont l'ellipse ordinaire, l'ellipse de jardinier, l'anse de panier, l'ovale et la spirale.

* 337. Qu'appelle-t-on ellipse?

C'est une figure circulaire formée de quatre arcs de cercles raccordés, et égaux deux à deux : c'est un cercle oblong, fig. 195.

* 338. Qu'est-ce que l'ellipse de jardinier?

C'est une figure semblable à la précédente, mais qui se trace autrement, fig. 196.

* 339. Qu'appelle-t-on anse de panier?

C'est une ligne courbe formée de trois arcs raccordés, dont deux AN et BM sont égaux, fig. 197.

* 340. Qu'est-ce que l'ovale?

C'est une figure circulaire formée de quatre courbes raccordées, dont deux BG et AF seulement sont égales, fig. 198.

341. Qu'est-ce que la spirale?

C'est une ligne, qui, en tournant, s'éloigne de son centre, fig. 199.

SECTION II.

Construction des Figures curvilignes.

* 342. Que faut-il faire pour tracer une ellipse ordinaire?

Tirer une droite AB, fig. 195, de la longueur de l'ellipse que l'on veut tracer; partager cette ligne en trois parties égales AK, HK, HB; faire sur la partie HK les triangles équilatéraux HEK, HDK; ensuite, des points H et K comme centres, décrire les arcs LAC, IBG, jusqu'aux côtés des triangles prolongés; et des points E et D, et d'un rayon égal à EL, décrire les arcs LG et CI.

* 343. Si le petit axe seulement était donné?

Il faudrait le prolonger d'un quart et on aurait le grand axe sur lequel on opérerait, comme il vient d'être dit.

* 344. Que faut-il faire pour tracer l'ellipse de jardinier, fig. 196, les deux diamètres ou axes étant donnés?

Croiser perpendiculairement et par le milieu les deux diamètres AB, DG; de l'extrémité D du petit axe, et d'une ouverture de compas égale à la moitié AC du grand axe, en décrire l'arc EF qui coupe le grand axe en E et en F; prendre ensuite un fil ou un cordeau dont la longueur égale le grand axe, en fixer les bouts l'un en E et l'autre en F; faire glisser un instrument à tracer dans le pli M du cordeau, et on décrit l'ellipse.

* 345. Comment trace-t-on l'anse de panier lors-

qu'on connaît sa base et sa hauteur?

On élève perpendiculairement DC, fig. 197, hauteur de l'anse, sur le milieu de AB qui est sa base; on joint les extrémités AB de la base au sommet D de la perpendiculaire; on porte la hauteur CD de l'anse de C en F; on porte la différence AF des demi-axes de D en O et en H; au milieu P et I de BO et AH, on éleve les perpendiculaires PE, IE qui vont concourir en uu point E de l'axe CD prolongé; les points L et G sont les centres des arcs BM, AN, et le point E est celui de l'arc MDN. Cette méthode peut aussi servir pour faire une ellipse dont les axes sont donnés.

* 346. Que faut-il faire pour décrire dans un rectangle que l'conque, fig. 200, une ellipse qui soit tan-gente à ses côtés?

Tirer les droites AB, CD qui partagent le rectangle donné en quatre rectangles égaux : ces deux lignes scront les axes de l'ellipse que l'on construira, par la méthode précédente.

* 347. Comment détermine-t-on les centres d'une ellipse décrite dans un losange et qui soit tangente

à ses côtés?

On joint les angles opposés du losange par des diagonales AB, CD, fig. 201, on cherche le milieu de ses côtés E, F, G, H; on mène par ces points des perpendiculaires aux côtés qui détermineront, par leur intersection avec la diagonale AB, les points I et M pour les centres des arcs FG, EH, et par celle qu'elles font avec CD, les centres des arcs EF, GH.

* 348. Que faut-il faire pour tracer un ovale? Tirer une droite AB, fig. 198, égale au petit axe de l'ovale; élever une perpendiculaire CD sur le milieu de AB; porter la longueur AC de C en D; tirer les droites AD, BD prolongées au-delà du point D; du point C et d'un rayon égal à AC, décrire la demi-circonférence A E B; des extrémités A et B du petit axe, décrire les arcs BG, AF; et de l'intersection D décrire l'arc FG, et on a l'ovale demandé.

* 349. Si le grand axe seulement est donné, que

faut-il faire?

Le partager en moyenne et extrême raison, N° 100, le petit segment sera le rayon de la demi-circonférence de l'ovale; le reste est déterminé par la connaissance de celui-ci.

* 350. Comment trace-t-on la ligne spirale?

On tire les quatre lignes AB, CD, EF, GH formant un carré-à leur naissance, comme on le voit à la fig. 199, A sera le centre du premier arc Cd, G celui de l'arc de, E celui de l'arc ef, et C celui de l'arc fg; et si l'on fait une seconde révolution, A sera encore le centre de l'arc gh, etc.

351. Comment obtient-on la longueur de la spi-

En faisant cette proportion, 7:22: la somme du premier et du dernier rayon: x. La réponse, multipliée par le nombre de tours et parties de tour de la spirale, déterminera sa longueur.

352. Quelle est la surface de l'ellipse?

C'est celle d'un cercle qui a pour diamètre une ligne moyenne proportionnelle entre les deux axes.

On l'obtient encore par la proportion suivante, 1000: 785:: le produit des deux axes: la surface de l'ellipse. L'ovale étant composé de la moitié d'un cercle, plus la moitié d'une ellipse, il est aisé d'en évaluer la surface.

Les voûtes à plein cintre ou à berceau, ayant la moitié de la circonférence pour profil, ont pour surface la moitié de celle d'un cylindre de même diamètre et de même longueur. Si la voûte est surbaissée, c'est-à-dire, ayant la forme de l'ellipse coupée suivant son grand diamètre, on fera cette proportion, pour avoir le profil de la voûte, 49: 180:: la moitié du diamètre, plus la montée: la longueur du pourtour de la voûte, qu'on multipliera par la longueur, et on aura la surface. On opérera de même pour la voûte surmontée, ou en forme de l'ellipse coupée suivant son petit axe. Hors ces trois cas, c'est-à-dire,

lorsque les diamètres ne sont point dans le rapport de 4 à 3, la surface ne peut s'évaluer que par approximation, en multipliant la longueur de la voûte par son pourtour.

Exercices. - Dessiner un bol avec sa soucoupe,

fig. XLV:

Cette figure est composée d'une demi-circonférence surmontée d'une baguette, et portée par un petit piédouche: les lignes ponctuées indiquent la partie du bol cachée par la soucoupe.

Le tonneau, fig. XLVI:

Les fonds sont représentés par deux ellipses, et les côtés par des arcs pour former le renslement.

La soupière, fig. XLVII;

Cette figure est composée d'une partie d'ellipse portée sur un piédouche, et surmontée de quelques moulures : les anses sont formées chacune de deux cercles et de lignes raccordées.

La grille, fig. XLVIII:

Après avoir formé le bâti, on décrit les arcs qui forment la grande ellipse; on tire ensuite par le milieu des côtés les lignes qui forment le losange, et l'ellipse tangente aux côtés dudit losange, ensuite la rosette et les croisillons.

CHAPITRE XXX.

RÉDUCTION DES POLYGONES EN D'AUTRES DE MÊME SUPERFICIE.

SECTION PREMIÈRE.

Réduction des Polygones curvilignes en Polygones rectilignes, et réciproquement.

353. Que faut-il saire pour réduire le cercle à un carré qui lui soit égal en superficie?

Couper le cercle donné par un diamètre AB, fig. 202; tirer le rayon DC perpendiculaire à AB; de l'extrémité B du diamètre décrire l'arc CE; de l'extrémité A décrire l'arc EF; et tirer la corde FC, qui est le côté du carré G égal en superficie au cercle.

354. Que faut-il saire pour réduire le carré au cercle?

Décrire une circonférence BFCH, fig. 203, d'un rayon arbitraire; opérer dessus comme nous venons de dire, pour réduire le cercle au carré; porter sur la corde FC qu'on prolonge, s'il est nécessaire, la longueur MN égale à l'un des côtés du carré donné de F en G ; couper F G au milieu par une perpendiculaire JI, et le point d'intersection I qu'elle fait avec FH détermine IF pour le rayon du cercle égal en superficie au carré donné.

355. Que faut-il saire pour réduire le cercle au

triangle équilatéral?

Couper le cercle donné par un diamètre AB, fig. 204; mener le rayon CD perpendiculaire au diametre; du point B et d'un rayon égal à celui du cercle, couper la circonférence en E; du point D décrire l'arc

EF qui détermine AF pour le côté d'un triangle équilatéral G égal en superficie au cercle.

356. Comment réduit-on le triangle au cercle?

Il faut premièrement le réduire à un carré qui lui soit égal en superficie (N° 207), et réduire ce carré au cercle par la méthode précédente.

357. Comment réduit-on l'ellipse à un carré égal

en superficie?

On la réduit premièrement à un cercle qui lui soit égal en superficie, en cherchant une moyenne proportionnelle entre ses deux axes (N° 352); et on réduit ensuite le cercle au carré (N° 353), et le problème est résolu.

Si l'on voulait réduire le carré à une ellipse, on amènerait d'abord le carré au cercle, et ensuite le cercle à l'ellipse.

Exercices. — Exécuter les problèmes ci-dessus d'a-

près des dimensions données.

SECTION II.

Réduction des Polygones curvilignes en d'autres de même superficie.

358. Que faut-il faire pour réduire le cercle à une ellipse qui lui soit égale en superficie (1)?

Tirer le diamètre CD du cercle donné, fig. 205; du point C et d'une ouverture de compas égale au rayon du cercle, couper la circonférence en Let en N; tirer la corde LN, elle sera le petit axe de l'ellipse de-

⁽¹⁾ Dans cette réduction, on considère l'ellipse dans le rapport de 4 à 3, qui est celui qui existe entre ses deux axes lorsqu'on la décrit par la méthode N° 342; car, si l'un des axes était donné, on chercherait alors une troisième proportionnelle à cet axe et au diamètre du cercle à réduire, et cette troisième serait l'autre axe de l'ellipse égale en superficie au cercle donné.

mandée : la troisième proportionnelle M, à cette ligne et au diamètre du cercle, en est le grand axe (Nº 98).

Pour construire l'ellipse on suit la méthode (N° 342).

359. Comment réduit-on l'ellipse au cercle?

On cherche une movenue proportionnelle entre les deux axes de l'ellipse donnée (No 99); cette ligne est le diamètre d'un cercle égal en superficie à l'ellipse.

360. Que faut-il saire pour réduire le cercle à un ovale qui lui soit égal en superficie?

Couper le cercle donné, fig. 205, par deux diametres AB, GD qui se croisent perpendiculairement et dont l'un d'eux CD soit prolongé; de l'extrémité D du diamètre CD, et d'un rayon égal à celui du cercle, couper la circonférence en E, du point C décrire l'arc EG; du point D l'arc GHI, et on a CI pour le grand axe de l'ovale égal en superficie au cercle donné. Pour le construire, voyez nos 349 et 348.

361. Comment réduit-on l'ovale à un cercle qui

lui soit égal en superficie?

Du milieu C du grand diamètre de l'ovale donné, fig. 205, et d'un rayon égal à AC, on décrit l'arc ABD qui rencontre le prolongement du petit axe; on tire la droite AD sur laquelle on décrit une demi-circonférence AED; la corde AE, menée du point A au milieu E de cette demi-circonférence, est le rayon d'un cercle égal en superficie à l'ovale donné.

* 362. Que faut-il faire pour tracer une mappe-

monde, fig. 206?

Après avoir décrit le premier méridien AEIM, il faut le couper par deux diamètres perpendiculaires entre eux; partager la circonférence en tous ses degrés (pour abréger nous ne la diviserons qu'en seize parties); de l'une des extrémités du diamètre IA tirer des droites aux points de division D, C, B, P, O, N qui déterminent, par leur intersection a, b, c, d, e, f, avec le diamètre EM, les troisièmes points

où doivent passer les courbes AaI, AbI, AcI, AdI, AeI, AfI. De l'une des extrémités M du diamètre E et M tirer au point de division H, G, F, D, C, B qui déterminent aussi par leur intersection i, j, l, m, n, o avec le diamètre AI, les troisièmes points par où doivent passer les courbes HiJ, GjK, FlL, DmN, CnO, BoP, qui terminent la mappemonde.

Exercices. — Exécuter les problèmes ci-dessus d'apprès des dimensions données:

Construire un cercle, un triangle, un rectangle et

un carré de même superficie.

On décrira une circonférence sur un diamètre divisé

en sept parties.

Pour former le triangle, on abaissera perpendiculairement un rayon et on lui mènera une perpendiculaire d'une longueur égale à trois fois le diamètre et 7; ensuite on mènera l'hypoténuse par son extrémité et le centre, et on aura le triangle demandé.

Pour le rectangle, on élevera une perpendiculaire sur le grand côté de l'angle droit, égale et parallèle au rayon du cercle; enfin on joindra son extrémité et le

centre du cercle par une droite.

Pour le carré, on cherchera une moyenne proportionnelle entre les deux côtés adjacens du rectangle.

CHAPITRE XXXI.

DES MOULURES.

* 363. Qu'est-ce que les moulures? Ce sont des parties saillantes qui servent d'ornement à l'architecture.

* 364. Combien y a-t-il de sortes de moulures?
De trois sortes: des droites, des circulaires et des composées.

*365. Quelles sont les principales moulures droites?

Ce sont le filet ou listel, le larmier et la plate-bande.

* 366. Qu'est-ce que le filet?

C'est une moulure carrée étroite, dont la saillie A et C doit égaler la hauteur, fig. 207; on l'appelle aussi réglet ou bandelette.

* 367. Qu'est-ce que le larmier?

C'est une moulure large et saillante, creusée souvent en-dessous, que l'on place dans les corniches pour préserver l'édifice des eaux du ciel, fig. 208. Cette moulure est toujours surmontée d'un filet.

* 368. Qu'est-ce que la plate-bande?

C'est une moulure large et plate et très-peu saillante, fig. 209.

* 369. Quelles sont les principales moulures cir-

culaires?

Ce sont le quart de rond, la baguette, le tore ou boudin, la gorge, le cavet, le congé, la scotie, le talon et la doucine.

* 370. Qu'est-ce que le quart de rond?

C'est une moulure formée du quart du cercle, dont la saillie égale la hauteur, fig. 210.

* 371. Que faut il faire pour tracer un quart de

rond?

Prendre la hauteur perpendiculaire AD, fig. 210, de la saillie de la moulure, et du point A décrire l'arc CD. La fig. 211 représente un quart de rond renversé, et la fig. 212 un quart de rond plat.

* 372. Que faut-il faire pour tracer le quart de

rond plat?

Prendre la distance de A à B; de ces points décrire deux arcs qui se coupent en C, et l'intersection sera le centre de l'arc AB.

* 373. Qu'est-ce que la baguette?

C'est une moulure saillante demi-ronde et fort étroite, dont la saillie égale la moitié de la hauteur, fig. 213.

* 374. Comment trace-t-on la baguette?

En décrivant une demi-circonférence dont le centre

est au milieu de la perpendiculaire AB, qui représente la hauteur de la moulure.

* 375. Qu'est-ce que le tore ou boudin?

C'est une moulure demi-ronde dont la saillie égale la moitié de la hauteur, fig. 214; elle se trouve au bas de toutes les colonnes.

* 376. Comment trace-t-on le tore ou boudin?

En décrivant une demi-circonférence dont le centre A est au milieu de la perpendiculaire CD, qui représente la hauteur du tore.

* 377. Qu'est-ce que la gorge?

C'est une moulure creuse et demi-ronde, dont la profondeur égale la moitié de la hauteur, fig. 215.

* 378. Comment trace-t on la gorge?

En décrivant une demi-circonférence qui a pour centre le milieu A de la perpendiculaire CB, et pour rayon la moitié CA de la hauteur de la moulure.

La fig. 216 représente une gorge dont la profondeur excède la moitié de la hauteur; G en est le centre.

* 379. Qu'est-ce que le cavet?

C'est un quart de rond dont le centre C, fig. 217, est placé en dehors et aplomb de sa saillie. Le rayon du demi-cercle qui le forme est égal à la hauteur de la moulure. La fig. 218 représente un cavet renversé.

* 380. Qu'est-ce que le congé?

C'est une espèce de petit cavet, fig. 219; il se trace comme lui. A représente un congé droit, et B un congé renversé.

* 381. Qu'est-ce que la scotie?

C'est une moulure creuse AB, fig. 220, formée de plusieurs cavets dont les centres sont placés à volonté. La fig. 221 représente une scotie renversée. A et B sont les centres des arcs qui la forment.

* 382. Qu'est-ce que le talon?

G'est une moulure composée d'un quart de rond et d'un cavet, et dont la saillie égale la hauteur, fig. 222.

* 383. Que faut-il faire pour le tracer?

Tirer la ligne AB; partager la saillie de la moulure

par la perpendiculaire CD, et prolonger la ligne B: le point D sera le centre du quart de rond, et le point

C celui du cavet qui forme le talon.

Le talon plat est une moulure semblable à la précédente, mais aplatie, fig. 223. Pour le tracer, il faut, après avoir partagé la ligne AB en deux parties égales, faire un triangle équilatéral sur chacune des deux portions de cette ligne; les points C et D seront les centres des arcs qui formeront la moulure. La fig. 224 représente un talon renversé.

* 384. Qu'est-ce que la doucine?

C'est une moulure composée des mêmes parties que le talon, mais disposées en sens contraire, fig. 225.

* 385. Comment trace-t-on la doucine?

Après avoir joint le point A au point B, on mène CD par le milieu de cette droite parallèle aux filets A et B, et les intersections C et D qu'elle fait avec les perpendiculaires BC, AD, menées aux extrémités des filets, sont les centres des courbes qui forment la moulure; mais lorsque la doucine est aplatie, fig. 226, les centres de la courbe sont les sommets A et B des triangles équilatéraux construits sur les parties de la droite CD.

La fig. 227 représente une doucine renversée.

* 386. Comment trace-t-on cette moulure quand

elle a plus de saillie que de hauteur?

Après avoir joint le point A au point B, fig. 228, et divisé cette droite AB en deux parties égales AC, BC, on mène IJ perpendiculaire à CA, et au milieu de cette ligne; on mène aussi LN suivant les mêmes conditions par rapport à BC, mais dans le sens contraire; puis on élève BN perpendiculaire au filet B, et son intersection N avec LN est le centre de l'arc BMC; ensuite on tire la droite NJ qui passe par le point C, et son intersection J avec la perpendiculaire IJ est le centre de l'arc COA.

Souvent pour donner plus de grâce à cette moulure, la partie BC de la droite AB qui joint les filets, est plus courte que l'autre, comme on le voit à la fig. 229; mais le tracé en est toujours le même.

Exercices. — Dessiner une astragale, fig. XLIX: Cette figure est composée d'une baguette, d'un filet et d'un congé; les parties unies A et B représentent la colonne, le pilastre, etc., sur lequel est placée cette moulure.

La corniche ou cymaise, fig. L:

Cette figure est composée d'un filet, d'un quart de rond, porté par deux autres filets, d'un larmier, d'un filet et d'un talon. La partie A représente le nu de l'objet orné par la corniche.

Le piédouche, fig. LI:

Pour construire cette figure il faut d'abord mener l'horizontale AB, élever à cette ligne les perpendiculaires IJ au centre, et AG et BH à ses extrémités; porter sur ces dernières, à partir de l'horizontale AB, la hauteur des moulures dont cette figure est composée, par exemple celle du plinthe, de B en D et de A en C; celle du filet de B en F et de A en E, ainsi de suite pour les autres moulures. On joint ensuite, par des droites, les points correspondans des verticales AB, GH, après quoi on détermine la saillie des moulures, à partir de la verticale IJ. C'est ainsi que l'on profile les dessins ornés de moulures. Les centres de la scotie se trouvent en M et en N, en L et en O.

Le vase, fig. LII:

Ce vase est porté sur un piédouche B et un socle A, sa partie inférieure C est une demi-circonférence surmontée d'un congé, son rayon pourrait être égal à la hauteur du piédouche, à partir du haut du socle. La partie rectiligne Det Best égale au rayon de cette demicirconférence, et le reste du vase est à peu près de même hauteur; les arcs E ont environ 60 degrés; la verticale AG sert à donner aux moulures une même saillie.

Le vase à anses, fig. LIII:

Ce vase, formé d'un ovale allongé, est porté sur un piédouche; ses anses sont formées de deux cercles concentriques et de lignes raccordées.

Le quinquet, fig. LIV:

Deux branches paraissent plus courtes parce qu'elles sont vues plus de face que les autres, les lignes qui forment cette figure doivent être bien parallèles.

La table, fig. LV:

Cette figure représente une table ronde de jardin; le dessus est ordinairement en marbre et la colonne en pierre, la moulure est une doucine aplatie.

La carafe, fig. LVI:

Cette figure est composée de deux parties d'ellipse, le bas se perd dans la moulure qui sert de base, et le haut est raccordé avec deux arcs qui forment la partie supérieure de la carafe.

La figure LVII:

Ge candélabre se construit par le moyen de la verticale comme le piédouche; le pied est formé d'un plinthe, d'un filet et d'une doucine renversée, le bas de la tige est formé d'une partie d'ellipse.

L'aiguière, fig. LVIII:

La contenance est un ovale, les autres parties sont formées d'arcs raccordés.

La cuvette à anses, fig. LIX; et la saucière, fig. LX:

Ces figures se composent aussi d'arcs raccordés, leurs centres se trouvent par les principes ordinaires du raccordement des lignes.

Les jambages d'un portail, fig. LXI et LXII:

En répétant chacun de ces jambages et les joignant par la traverse A, on formera deux entrées de cour ou de bâtiment.

La figure LXIII représente aussi une entrée en pierres de taille:

L'inspection seule de ces figures suffit pour pouvoir les construire, ayant soin de donner à la hauteur de l'ouverture le double de la largeur.

CHAPITRE XXXII.

DES PROJECTIONS.

SECTION PREMIÈRE.

Idée générale des Projections.

* 387. Qu'APPELLE-T-ON projection?

C'est le pied d'une perpendiculaire menée d'un point quelconque sur une ligne ou sur un plan. Ainsi, dans la fig. 230, B est la projection de A sur BC, et D est sa projection sur CD. A l'égard des plans DAB, CAB, fig. 231, qu'on suppose perpendiculaires l'un à l'autre, E est la projection du point F, supposé dans l'espace, sur le plan DAB, et G sa projection sur le plan CAB.

* 388. Comment distingue-t-on ces différentes pro-

iections?

Par des noms qui leur viennent des lignes ou des plans sur lesquels elles sont situées. Ainsi on nomme projection horizontale celle qui est sur la ligne ou le plan horizontal, et projection verticale celle qui est sur la ligne ou le plan vertical.

* 389. Que fait-on pour représenter les parties

d'un édifice?

On imagine un plan situé horizontalement, sur lequel on trace un dessin semblable à celui que détermineraient les pieds des perpendiculaires, qu'on mènerait à ce plan des différentes parties de l'édifice.

* 390. Comment appelle-t-on ce dessin?

Plan géométral. La fig. 258 représente le plan géométral d'une maison obtenue d'une manière analogue à la méthode précédente.

* 391. Que fait-on encore pour achever de déter-

miner les parties remarquables de l'édifice?

On conçoit un autre plan dans une situation perpendiculaire au premier, sur lequel on trace un dessin semblable à celui que détermineraient les pieds des perpendiculaires, qu'on menerait à ce plan des parties remarquables de l'édifice. Ce dessin donne la hauteur des objets au-dessus du plan géométral.

* 392. Comment appelle-t-on la figure qui en ré-

sulte?

On l'appelle coupe ou profil si elle passe dans l'intérieur du bâtiment, et élévation si elle n'en fait voir que les parties extérieures. La fig. LXXIX représente l'élévation ou la projection verticale d'une maison, obtenue d'une manière analogue, et la fig. LXXX celle de sa coupe.

* 393. Comment représente-t-on les dimensions

inclinées?

On ne peut les représenter dans leur grandeur naturelle, et c'est à les déterminer que s'applique la méthode des projections.

SECTION II.

Manière de déterminer les Projections.

* 394. Comment les figures se projettent-elles?
Si elles sont parallèles au plan sur lequel on les projette, les projections leur sont égales et semblables; mais si elles sont dans une autre situation par rapport au plan, les ressemblances ni la grandeur ne sont plus les mêmes.

* 395. Que faut-il faire pour avoir les projections d'une droite II, située d'une manière quelconque

dans l'espace, fig. 232?

Il faut de ses extrémités I et J abaisser des perpendi-

culaires IE, JF au plan horizontal DAB; des mêmes points I, J mener aussi IG, JH perpendiculaires au plan vertical; joindre par des droites sur chacun des plans les pieds des perpendiculaires, et on a EF pour la projection horizontale de la ligne donnée, et GH pour sa projection verticale.

* 396. Comment obtient-on la projection d'un cer-

cle situé dans l'espace?

Si ce cercle est parallèle à l'un des plans, on projette sur ce plan son diamètre AB, fig. 233, sur lequel on décrit une circonférence EGFH qui est la projection du cercle donné: sur l'autre plan elle sera une droite IJ égale au diamètre du cercle; mais s'il est oblique par rapport aux plans, on projette deux diamètres AB, CD, croisés perpendiculairement, et leurs projections EF, GH sont les axes de l'ellipse qui en est la projection sur le plan horizontal: on opèré de même par rapport au plan vertical. C'est de cette manière qu'on projetterait une ellipse, un ovale, etc.

* 397. Comment dispose-t-on les plans dans la pratique d'une manière qui se préte aux constructions?

On imagine que le plan vertical ABC, fig. 231, a tourné autour de sa commune section AB avec le plan horizontal, jusqu'à ce qu'il se trouve dans le prolongement de celui-ci. Dans cette rotation, toute ligne GH perpendiculaire à la commune section AB des deux plans, décrit un plan qui lui est perpendiculaire, et par conséquent cette ligne GH se trouve dans la même direction que celle EH qui lui correspond dans le plan horizontal?

* 398. Que résulte-t-il de là?

1° Que les deux projections E et G, fg. 231, d'un même point F se trouvent sur une même ligne EI perpendiculaire à la commune section des deux plans;

2º Que pour avoir la projection verticale d'un point pris sur une droite et dont la projection horizontale est F, fig. 234, il n'y a qu'à mener de ce point F une

perpendiculaire FM à la commune section AB des leux plans, et son intersection M avec la droite LM era la projection verticale cherchée.

* 399. Donnez-nous un exemple de la manière de projeter un objet quelconque, et qui nous prouve en nême temps la nécessité de connaître au moins deux

rojections différentes de cet objet?

Supposons qu'on veuille avoir les projections de objet représenté par la fig. 236. Pour avoir sa proection horizontale, j'imagine que de chacun de ses oints principaux on a abaissé des perpendiculaires ar un plan qui se trouve sous cet objet, les pieds de es perpendiculaires déterminent sur ce plan un dessin eprésenté par la fig. 237 : voilà sa projection horiontale; mais on voit que cette figure ne suffit pas pour onner une idée suffisante de l'objet. J'imagine donc n autre plan vertical, fig. 236, placé devant l'objet ans une position qui donne aux projections les formes s plus simples : le plan qui résulte de la trace qu'ont issée sur ce plan les perpendiculaires qu'on y a meées, achève de compléter l'idée qu'on doit se former l'objet qu'on a voulu représenter; de sorte qu'à side de ses deux projections on pourrait l'exécuter, projection horizontale déterminant la largeur de objet, ce que ne fait pas la projection verticale; et tte dernière déterminant sa hauteur, ce que ne fait is la projection horizontale, et qui prouve en même mps la nécessité de connaître plusieurs projections es objets, pour en avoir une juste idée.

Exercices. - Dessiner le comble, fig. LXIV:

Le tirant où entrait A doit porter sur le mur P dans deux tiers de son épaisseur; la circonférence qui termine la hauteur peut avoir la largeur du bâtient pour diamètre. La pièce B se nomme arbalétrier, faux entrait, D poinçon, E lien aisselier, F conefiche, G chevron, I panne, H chantignole, L itage, M l'entablement ou corniche, appartenant la maçonnerie.

Le comble brisé, fig. LXV:

Les parties qui composent ce comble portent les mêmes noms que celles de la précédente; on y ajoute cependant la jambe de force R.

La commode, fig. LXVI:

Cette commode, dont on voit l'élévation, fig. LXVI, se construit en menant des horizontales et des verticales; la partie, fig. LXVII, représente la coupe par le côté et désigne la profondeur du meuble, les parallèles ombrées représentent les coupes des tiroirs.

Le lit à bateau , fig. LXVIII et LXIX :

La figure LXVIII représente la longueur du lit; les extrémités A des rouleaux sont vues de face; la figure LXIX représente sa largeur.

La figure LXX:

Cette figure représente un bureau, la partie B représente un tiroir; la figure LXXI représente sa projection vue sur le côté; A est la saillie formant tablette.

Le trait de Jupiter, fig. LXXII:

C'est un assemblage de rallonge très-solide; la partie ombrée représente la clef.

La figure LXXIII:

C'est une table à toilette, la partie A est une glacmobile qu'on place à volonté; la figure LXXIV représente le côté et la saillie de la table.

La presse, fig. LXXV et LXXVI:

A représente la largeur et la hauteur de l'objet vi de face, et B son épaisseur vue par côté.

Les projections différentes d'une chaise, fig. LXXVII

A est la vue du profil, B le dossier, C la chais en saillie, et D les traverses.

La table LXXVIII:

La projection horizontale A fait connaître que l table est circulaire, et prouve de nouveau la néces sité de plusieurs projections. La figure LXXIX:

Cette figure représente l'élévation d'une maison, la façade n'est vue qu'en partie.

La figure LXXX:

Elle représente la coupe de la même maison prise parallèlement au pignon; A représente le dessous des croisées, C l'ouverture des cintres et des fenêtres, D ce qui reste de solide du mur dans toute sa longueur, la saillie représente le cordon d'ornement, E les lucarnes, G la coupe de l'escalier; la projection horizontale se trace d'une manière analogue à la figure 258.

La croisée, fig. LXXXI:

A représente la coupe verticale et B l'horizontale, C et D représentent les mêmes coupes plus en grand, E représente la saillie du dormant sur laquelle frappe le battant G de la croisée, I est le bas du dormant, son cintre reçoit l'eau tombant du jet d'eau ou larmier J du bas de la croisée; les deux vantaux se ferment à gueule de loup H; le congé L reçoit les fiches de ferrement, et la noix M sert à fermer plus exactement.

La porte, fig. LXXXII:

Elle est représentée d'une manière analogue à la figure précédente : elle est à grands cadres, c'est-àdire, que les moulures qui lui servent d'ornemens sont saillantes; A en représente le profil, et B le plan; CD représente les assemblages plus en grand.

SECTION III.

Manière de déterminer la longueur des lignes par la connaissance de leurs projections.

*400. Que faut-il faire pour déterminer la longueur d'une droite par la connaissance de ses projections? Mener aux extrémités de la projection horizontale

EF, fig. 234, des perpendiculaires EG, FH égales à IL, JM, et tirer la droite GH qui donne la longueur demandée, ceci est évident; car si l'on imagine que EFGH, LMGH, fig. 235, soient des plans élevés perpendiculairement, le premier sur la projection horizontale EF, et l'autre sur la projection verticale LM, leur commune intersection sera nécessairement la droite cherchée. Supposons que le plan EFGH tourne autour de sa commune section EF avec le plan horizontal, et vienne se coucher sur ce dernier, dans ce mouvement les lignes FH, EG ne varieront ni pour la grandeur ni pour la situation à l'égard de EF, et la droite GH se trouvera dans toute son étendue sur le plan horizontal : c'est ce que l'on voit exécuté sur la figure 234. On pourrait aussi obtenir la longueur de la droite située dans l'espace, en élevant perpendiculairement, à l'une des extrémités E de la projection horizontale, une droite égale à la différence de l'élévation des extrémités de la projection verticale, au-dessus du plan horizontal.

* 401. Comment peut-on connaître les dimensions

d'un cercle par le moyen de ses projections?

En opérant sur les projections de son diamètre, comme on vient de faire sur celles de la droite dans le problème précédent.

* 402. Que faudrait-il faire pour déterminer les dimensions d'une ellipse et d'un ovale, par la con-

naissance de leurs projections?

Déterminer la longueur des axes comme on a fait pour trouver celle de la droite (N° 400), après quoi il est facile de déterminer les dimensions de l'el-

lipse ou de l'ovale.

Telle est, en abrégé, l'idée qu'on doit se former des projections; mais il n'est pas toujours possible de donner aux projections autant d'étendue qu'à l'objet projeté, et ce cas est le plus ordinaire. On est obligé alors de les prendre d'une manière réduite: c'est ce que les géomètres appellent lever un plan.

CHAPITRE XXXIII.

USAGE DE LA SIMILITUDE DES TRIANGLES POUR LA MESURE DES DISTANCES.

SECTION PREMIÈRE.

Mesure des Distances.

403. Comment peut-on déterminer la mesure des

distances par la similitude des triangles?

En comparant les côtés et les angles homologues du triangle imaginé sur le terrain avec ceux de son semblable, qu'on forme sur le papier.

404. Donnez-nous un exemple de l'usage de la similitude des triangles pour la mesure des distances?

Soit à mesurer la distance de l'arbre A, fig. 238, au moulin C; il faut planter un jalon en B à une certaine distance de l'arbre, un autre en D dans la direction de l'arbre et du moulin, un troisième en E dans la direction du point B et du moulin, et un quatrième en un endroit quelconque F sur la direction de A B; mesurer la distance AB; tracer sur le papier, fig. 239, une droite ab, d'autant de parties d'une échelle adoptée qu'on a trouvé de mètres à AB; construire sur cette ligne des triangles adf, fbe proportionnels à ccux qu'on forme sur le terrain en imaginant les droites qui joignent les jalons, ce qui se fait en donnant aux côtés de ces triangles autant de parties de l'échelle que les côtés homologues de ceux qui sont sur le terrain ont de mètres.

Ensuite, prolonger les côtés ad et be de ces triangles jusqu'à ce qu'ils se rencontrent, et le nombre de

6

parties de l'échelle que contient ac est égal au nombre de metres qu'en contient la distance de A à C, car à cause de la similitude des triangles, on a cette proportion, ab: AB:: ac: AC.

On pourrait également avoir la distance du point C à tout autre point; par exemple, à la maison X, en opérant sur AB par rapport à ce point X comme on a fait pour avoir la distance de A à C.

Cette seconde opération, en même temps qu'elle donnerait la distance des deux points C et X, par la distance des sommets des deux triangles, donnerait encore celles des points A et B au point X.

405. Donnez-en un autre exemple?

Supposons qu'on veuille mesurer la largeur d'une rivière, fig. 240. Il faut choisir une base BC; déterminer un point A de manière que l'angle ABC soit droit ou presque droit; porter sur une ligne bc autant de parties de l'échelle que la base a de pieds; mesurer les angles B et C, (soit avec le graphomètre, soit avec une demi-circonférence divisée en degrés en forme de rapporteur, mais d'un rayon beaucoup plus grand, on assujettit une règle au centre pour servir d'allidade). Ayant donc mesuré B et C, on forme de pareils angles aux points b et c: la rencontre des lignes ab, ac, détermine ab pour la largeur de la rivière: car à cause de la similitude des triangles, on a, bc: BC: ba: BA.

Si le point B était éloigné du bord de la rivière, on retrancherait cette distance du résultat de l'opération.

406. Que faut-il faire pour mesurer la longueur d'un marais, fig. 241, accessible seulement à ses extrémités A et B?

Choisir un point C d'où l'on puisse voir les points A et B, et imaginer les lignes BC et AC; prolonger CB d'une longueur égale à AC et AC d'une longueur égale à BC: on aura deux triangles égaux, et la ligne DE sera la réponse.

407. Comment mesurerait-on encore cette lon-gueur?

Après avoir déterminé un point C d'où l'on pût apercevoir les extrémités A et B du marais, on y planterait un jalon; on en planterait un autre en J dans la direction de CB, et un troisième en I dans la direction de CA; ensuite on ferait sur le papier, d'après une échelle, un triangle i c j semblable au triangle I CJ que formeraient les jalons, en donnant aux côtés du premier autant de parties de l'échelle qu'on aurait trouvé de mètres ou de pieds aux côtés correspondans de celui qui est sur le terrain; on prolongerait les côtés c i et c j, leur donnant autant de parties de l'échelle que les distances correspondantes CB, CA ont de mètres ou de pieds, et la distance ab, portée sur l'échelle, donnerait la largeur AB, puisque la similitude des triangles donne, c b : CB :: ba: BA, etc-

408. Comment pourrait-on encore l'obtenir, mais

sans opérer sur le papier?

Après avoir déterminé le point C où l'on planterait le premier jalon, on mesurerait la distance CB, après quoi on planterait, dans la direction de ces deux points B et C, un autre jalon en J, à un nombre d'unités de mesure quelconque depuis le point C, égal à la quantité de mètres que contient la distance CB; on en planterait un troisième en I, suivant les mêmes conditions par rapport à CA: alors le nombre de mesures que contiendrait IJ indiquerait la quantité de mètres que contiend AB.

On la trouverait encore en formant au point A l'angle droit BAD, et imaginant la ligne BD; après avoir mesuré AD et BD on ôterait le carré de AD du carré de BD, la racine carrée du reste serait la réponse.

409. Comment pourrait-on encore résoudre tous

ces problèmes?

De la manière suivante: Prenons pour exemple la distance MN, fig. 240; tirez les lignes NQ et RI dans la direction du point dont on veut avoir la distance,

faisant au point M un angle quelconque QMR; menez PR parallèle à NQ et qui rencontre MR; enfin tirez NP. Les triangles IPR et NMI ayant les angles égaux chacun à chacun, auront les côtés proportionnels, en sorte qu'ayant mesuré les côtés IP, PR et IN, on aura NM par cette proportion, IP: PR :: IN : NM.

On pourrait aussi mesurer ces distances par le moyen de la planchette dont on parlera au lever des plans.

Exercices. - Déterminer la longueur et la largeur d'une cour :

La distance de deux objets supposés inaccessibles, etc.

SECTION II.

De la mesure des Hauteurs.

410. Comment peut-on déterminer la hauteur de l'arbre, fig. 242?

Après avoir pris la base AB, on mesure l'angle BAD, plaçant pour cela l'instrument au point A de manière que son plan soit dans la direction AB, et son diamètre bien horizontalement, ce qui est facile en faisant correspondre un fil aplomb sur la quatrevingt-dixième division et le centre de l'instrument; mener ensuite la ligne ab d'autant de parties de l'échelle que AB contient de mètres ou de pieds; faire l'angle da b égal à l'angle DAB; et enfin élever au point b la perpendiculaire bd, sa rencontre avec a d'déterminera la hauteur BD.

On pourrait encore la trouver par le calcul, de cette manière : après avoir pris une base AB et l'avoir mesurée, on ferait planter bien verticalement un jalon en un point quelconque E; on mesurerait sa hauteur

et les segmens AE, EB, ensuite on ferait cette pro-

portion, AE: EC:: AB: BD.

Si la base n'était pas horizontale, fig. 243, il faudrait placer l'instrument au point A, pris à volonté, diriger son diamètre bien horizontalement; mesurer les angles CAD et DAB; tirer ensuite sur le papier la ligne ab, d'autant de parties que la base AB a de mètres ou de pieds; faire au point a avec le rapporteur les angles cad et dab, égaux aux angles CAD et DAB; du point b mener une perpendiculaire bc à ad; la longueur comprise entre les points b et c, portée sur l'échelle, donnera la hauteur BC.

On pourrait trouver l'inclinaison de AB par ce

moyen ou par le nivellement.

Exercices. — Déterminer la hauteur d'une maison, d'une tour, d'un objet quelconque.

CHAPITRE XXXIV.

DU NIVELLEMENT.

411. Qu'est-ce qu'on appelle niveler? C'est déterminer de combien un objet est plus élevé qu'un autre à l'égard du centre de la terre.

412. Quel procédé emploie-t-on pour niveler un

terrain?

Si l'on a un niveau d'eau, fig. 244, on placele pied B sur le point de départ et on dirige le niveau vers l'objet C que l'on a en vue; on fait marquer sur la terre le point D auquel se rapporte le rayon visuel, on y transporte l'instrument et on renouvelle la même opération jusqu'à ce qu'on arrive à l'objet dont il s'agit. La différence de niveau se trouve alors par la hauteur de l'instrument prise autant de fois que l'on a fait de stations, moins ce qui manquerait à la der-

nière. L'étendue BDC s'appelle développement et la profondeur BE, qu'aurait une maison bâtie sur ce terrain, se nomme étendue de cultellation.

413. Comment pourrait-on encore niveler un terrain?

En se servant d'une grande équerre dont on place l'un des côtés AB, fig. 245, perpendiculairement sur le point de départ, le prolongement horizontal BC détermine un point sur le terrain où il faut faire une opération semblable à la première, ainsi de suite: la longueur AB de l'équerre, prise autant de fois qu'on aura fait d'opérations donnera la hauteur de l'objet, par rapport au point de départ.

414. S'il s'agissait de niveler une hauteur telle que celle d'une montagne, dont le point central correspondant au sommet fût inaccessible, que fau-

drait-il faire?

Prendre une base AB, fig. 246, mesurer les angles CAB et CBA, plaçant l'instrument de manière à ce que son diamètre réponde à la ligne AB, et son plan à la direction CA pour l'angle CAB, et à celle CB pour l'angle CBA; tirer ensuite sur le papier une ligne ab, d'autant de parties de l'échelle que AB contient de mètres ou de pieds, et faire les angles a et b égaux aux angles A et B; la rencontre de ces lignes donnera ac et bc pour les longueurs des rayons visuels AC, BC. Replacant l'instrument au point B, et tenant le diamètre bien horizontalement et le plan dans la direction BC, mesurer l'angle CBD; faire au point b un angle c b d égal à celui CBD qu'on vient de trouver : la ligne c d abaissée perpendiculairement à ad, déterminera, par sa rencontre avec bd, l'élévation CD de l'objet C à l'égard du niveau AB.

On trouverait encore la hauteur DI de ces montagnes par la méthode suivante: Soit à mesurer la hauteur DI, fig. 245, on prendrait une base MN, on la mesurerait ainsi que les angles DNM et DMN; on ferait sur le papier un triangle semblable; on prolongerait la base MN en I, et du point D on abaisserait une perpendiculaire sur ce prolongement, la longueur DI, portée sur l'échelle, donnera la hauteur demandée.

Tous ces problèmes seraient plus exactement et plus promptement opérés par le moyen des logarithmes sinus, mais nous ne pensons pas qu'il soit à propos d'en parler dans cet abrégé uniquement destiné au bas âge.

Exercice. — Déterminer la hauteur d'un point pris sur le terrain par rapport à un autre.

CHAPITRE XXXV.

MANIÈRE DE PROLONGER LES LIGNES SUR LE TERRAIN, LORSQU'IL SE RENCONTRE DES OBSTACLES.

415. Que faut-il faire pour prolonger une ligne-

AB, fig. 247, au-delà d'une montagne?

Il faut prendre sur la ligne AB une longueur quelconque et former au point C un triangle isocèle ABC,
prolonger les côtés d'une longueur égale à BC, AC;
mener DE, on aura deux triangles égaux, et le prolongement de la ligne DE sera parallèle à la ligne demandée. Ensuite, prendre sur ce prolongement una
longueur FG égale à AB, et former le triangle FGL
semblable à DCE; prolonger les côtés d'une longueur
égale à CA, CB, et on aura les points H et I dans la
direction demandée.

On pourrait aussi abaisser une perpendiculaire AD, faire un angle droit en D et prolonger D en G; former au point G un angle droit et prendre la longueur GI égale à AD, la ligne IH, élevée perpendiculairement au point I, serait la ligne demandée; les angles doivent

être de la dernière précision.

416. Mais si l'on n'avait qu'un point donné de chaque côté d'une montagne, soit en A et B, fig. 248?

Il faudrait choisir un point C qui sût visible de chacun des points donnés, tirer les lignes AC, CB, et par le milieu de chacune mener ED qui sera dans une direction parallèle à la droite demandée; abaisser de chaque point A et B une perpendiculaire AE, BD, et des points K et I élever aussi les perpendiculaires K M et IJ; prendre la longueur de BD ou de AE et la porter de K en M et de I en J; la ligne passant par les points AJ et MB serait la réponse.

Exercice. — Prolonger une ligne donnée, supposant des obstacles dans le cours de sa direction.

CHAPITRE XXXVI.

LEVER DES PLANS.

SECTION PREMIÈRE.

Idée générale du lever des plans, et manière d'en représenter les différentes parties.

* 417. Qu'est-ce que lever un plan?

C'est construire sur le papier une figure semblable à un objet qu'on veut représenter.

Par exemple, la fig. 250 est le plan de la fig. 249

qu'on suppose être un terrain.

* 418. Sur quoi est fondée l'exactitude du lever

des plans?

Sur la similitude des triangles. Ainsi, si le plan fig. 250 est exact, les triangles abc, acd et ade, qu'on obtient en tirant les diagonales ac, ad, sont semblables chacun à chacun aux triangles ABC, ACD

et ADE formés par les diagonales AC, AD. Il suit de la que les côtés du plan sont proportionnels à ceux qui leur correspondent sur le terrain; en sorte qu'on peut dire, AB, fig. 249: ab, fig. 250, :: BC: bc, etc., et réciproquement (N° 213).

* 419. Comment établit-on le rapport qui existe entre le plan et la figure représentée? Par le moyen de l'échelle de proportion, fig. 60

on 61.

* 420. Comment représente-t-on sur un plan les

différentes parties d'un objet quelconque?'

Quand il est représenté horizontalement, on conserve la teinte du papier; quand il est incliné, on le fait connaître par des traits dont on couvre le papier, et ces traits doivent être plus ou moins rares selon que la pente est plus ou moins forte. Ainsi A, fig. 252, représente une pente plus inclinée que la partie B de la même figure. Il suit de là que quand l'objet varie par degrés insensibles, la distance des traits du dessin qui le représente varie également; C représente de petits arbres; la masse D représente des jardins et des habitations; E une haie; F un pré; G une vigne; H un bois; I une rivière; J un ponten pierres; K les piles des arches; L un pont en bois; M un ruisseau qui se jette dans la rivière : la flèche indique le côté du courant de l'eau; N représente un étang, et O un marais. Les chemins et les fossés qui les bordent se représentent par des lignes droites ou coudées, suivant leurs directions : ainsi, P représente une route de première classe, dont le milieu est pavé, et qui a un fossé de chaque côté; R une route de seconde classe, qui est aussi bordée de fossés; S des chemins de traverse que les voitures peuvent parcourir; et T un sentier.

Pour représenter la masse d'une maison, on remplit par des traits MNJL, fig. 257, l'espace compris entre ses murs.

Exercices. - Dessiner la pente d'une montagne inégalement inclinée; représenter une rivière, une route, un bois, etc.

SECTION II.

Manière de lever un Plan à l'aide de la Chaîne seulement.

* 421. ${f Q}$ u'y a-t-il à observer touchant la munière de mesurer, avec la chaîne, les dimensions du terrain dont on veut lever le plan?

1º Que la chaîne soit bien tendue;

2º Qu'avant de mesurer les dimensions du terrain, lorsqu'elles sont longues, il faut planter, dans leur direction, des jalons de distance en distance pour indiquer le passage de la chaîne;

3º Que lorsqu'on mesure un terrain incliné, il faut

toujours tendre la chaîne horizontalement.

* 422. Que faut-il faire pour lever le plan d'un terrain, sig 249, qu'on peut parcourir?
Il faut construire une échelle proportionnée à l'étendue qu'on veut donner au plan; faire le croquis du terrain, c'est-à-dire, former à vue d'œil une figure représentant sa forme, fig. 251; partager le terrain en triangles par des diagonales; mesurer ses côtés et ses diagonales, en écrire la longueur près des lignes qui les représentent sur le croquis. Par exemple, on voit, par cette figure, que le côté AB du terrain a été trouvé de 15 mètres, le côté BC de 8 mètres, la diagonale AC de 19 metres, etc. Cela fait, on construit la figure 250, de manière que chacune de ses lignes ait autant de parties de l'échelle que cellcs qu'on a mesurées sur le terrain ont de mètres.

* 423. Comment peut-on encore lever le plan d'un terrain ABCDEFG, fig. 253, par le moyen de la chaine?

Il faut choisir un point P d'où l'on puisse apercevoir tous les angles du terrain; de ce point, et d'un rayon quelconque, décrire une circonférence HIJ, etc., soit avec la chaîne, soit avec une ficelle; fixer un jalon à chaque point d'intersection des diagonales avec la circonférence, et mesurer les cordes; décrire ensuite une circonférence hijklmn, fig. 254, d'un rayon contenant autant de parties de l'échelle que le premier a de metres; à partir d'un point quelconque h, par exemple, mener les cordes hi, ij, jk, etc., d'autant de parties de l'échelle que leurs correspondantes sur le terrain ont de mètres, et par les intersections mener des lignes indéfinies; mesurer AP, et porter une longueur proportionnelle de p en a; mesurer le côté AB, et d'une ouverture de compas d'autant de parties de l'échelle que AB contient de mètres, décrire du point a un arc en b, et mener ab; mesurer BC, et porter une longueur proportionnelle de b en c, etc.; on aura le plan demandé.

Dans les exemples suivans nous considérerons la figure comme représentant tout à la fois le terrain, le croquis et le plan.

* 424. Comment peut-on lever le plan d'un terrain quelconque, dont quelques-uns des côtés forment des sinuosités?

Soit à lever le plan de la fig. 255, après avoir divisé le terrain en triangles ABC, ACD, et en avoir coté les dimensions sur les lignes correspondantes du croquis, pour déterminer les points où doivent passer les courbes DJA, HIL, on élève des perpendiculaires de distance en distance sur les droites AD, HL, dont on porte également la longueur et la distance sur le croquis. La construction du plan se fait ensuite facilement d'après une échelle adoptée.

425. Que faut-il faire pour lever le plan d'un terrain qu'on ne peut parcourir librement, comme un bois, un massif de maison, un étang, etc. Par exemple le plan du bois représenté par la fig. 256? Il faut le renfermer dans un rectangle ABCD; déterminer sur le rectangle des lignes EF, GH, HI, qui se rapprochent du bois; élever des perpendiculaires sur ces lignes pour déterminer les sinuosités de son contour; porter la mesure de toutes ces lignes sur le croquis, après quoi il est facile d'en faire le plan.

* 426. Comment l'everait-on le plan d'une maison et d'une cour adjacente, représentées par la fig. 257?

Après avoir divisé le terrain en triangles, on mesurerait les lignes FL, LJ, pour déterminer le plan de la maison LJ'M N. On mesurerait de même le reste du contour et les diagonales; ensuite on formerait le plan en donnant à chacune de ses lignes autant de parties de l'échelle que les côtés correspondans dans le terrain ont de mètres.

* 427. Si l'on avait à mesurer un angle FAC formé par deux plans FA, CA, que saudrait-il faire?

Mener OH et OI parallèles aux plans, et mesurer

l'angle HOI, en plaçant l'instrument en O.

* 428. Que faut-il faire pour lever le plan de l'intérieur d'une maison, avec ses différentes distributions, par exemple, celui de la maison représentée

par la Figure 258?

En lever d'abord la masse ABCD; pour avoir les détails de l'intérieur, mesurer les côtés des murs et les diagonales, en coter les dimensions sur le croquis; marquer aussi la distance entre les portes et les croisées avec leur largeur, la position des cheminées, leurs saillies, etc.; après quoi, il est facile d'en faire le plan. Cette Figure représente le rez-de-chaussée, EE les portes, FF les fenêtres ou baies, I I les cheminées, H les escaliers.

Exercices. — Lever le plan d'une cour, d'un jardin, d'un terrain, etc., qu'on désignera aux élèves.

SECTION III.

Lever du Plan au moyen de la Planchette.

429. Qu'APPELLE-T-ON planchette?

C'est une petite planche carrée longue d'environ 0,40 centimètres, et portée sur un pied, fig. 259. Elle est accompagnée d'une alidade A, qui est une règle garnie de deux pinnules pour observer les objets.

430. Comment peut-on lever un plan au moyen

de la planchette?

Soit à lever le plan du terrain représenté par la fig. 260. Il faut placer la planchette à peu près au milieu du terrain; d'un point h tracer des rayons dans la direction de tous les angles A, B, C, D, E, F, G, auxquels on aura placé des signes pour les mieux apercevoir; mesurer tous ces rayons, à partir d'un point du terrain qui corresponde au point h; leur donner sur la planchette autant de parties de l'échelle qu'on leur a trouvé de mètres sur le terrain; joindre les points a, b, c, d, e, f, g qui déterminent leur longueur proportionnelle par les droites ab, b c, c d, etc., et le plan est levé.

431. Que faut-il faire pour avoir la distance et la position respective de plusieurs objets, fig. 261, au

moyen de la planchette?

Il faut choisir deux points C et D suffisamment éloignés l'un de l'autre, mais le plus près possible des objets à mesurer, pour que les intersections des rayons visuels ne se fassent pas hors de la planchette; mesurer la distance de ces deux points; tirer sur un papier fixé sur la planchette une ligne cd, d'autant de parties de l'échelle qu'on aura trouvé de mètres en CD; placer la planchette de manière que le point c réponde perpendiculairement sur le point c du terrain et la ligne cd dans la direction cd; ayant fixé l'alidade au point c, on la dirige vers les principales

parties E, B, F, G, H des objets que l'on veut mesu-rer, et on tire les lignes ce, cb, cf, cg, ch. En-suite on transporte la planchette en D, faisant correspondre le point d sur le point D; et dirigeant la ligne cd selon CD, on fixe l'alidade sur d, et on marque les lignes de, db, df, dg, dh dans la direction des points EBFGH; l'intersection de ces lignes sur le papier marque la position des objets E, B, F, G, H, à cause de la proportion qui existe entre les triangles tracés sur la planchette et ceux qui sont imaginés sur le terrain par le moyen des rayons visuels.

432. Que faut-il faire pour partager le terrain ABCDEG, fig. 262, en deux parties égales?

Il faut mener une ligne AD qui le divise à peu près en deux parties égales, mesurer la surface de chacune d'elles , soit ABCDA de 154 mètres , et ADEGA de 134; pour rendre ces surfaces égales, il faudrait ajouter 10 mètres, moitié de la dissérence, à la dernière partie; pour cela abaissez du point D une perpendiculaire DH sur AB ou sur son prolongement, mesurez-la sur l'échelle et divisez 10 par la moitié de sa longueur, le quotient donnera AI pour la base du trian-gle qu'il s'agit d'ajouter à la partie ADEGA pour qu'elle ait la moitié de la surface totale, c'est-à-dire, 144 metres, et vous aurez DI pour la ligne de division.

S'il s'agissait de le partager en un plus grand nombre de parties égales, on suivrait la même analogie, c'est-à-dire qu'après avoir évalué la surface on la partagerait à peu près en parties égales, et, les ayant évaluées séparément, on ajouterait ou l'on retranche-

rait, selon que les résultats l'exigeraient.

433. Si l'on avait à diviser, par un point donné, un polygone en autant de parties égales que l'on voudrait; par exemple le polygone, fig. 263, en quatre parties, que faudrait-il faire?

Il faudrait, par le point donné A, tirer des diagonales et évaluer la surface de la figure. Supposons qu'on ait trouvé 376 mètres, le quart serait 94 pour la surface de chaque partie: prenez celui des triangles qui approche le plus de la surface demandée; je suppose que ce soit le triangle BAC, et qu'il ait 80 mètres de superficie, il faudra prendre sur l'un des autres triangles, par exemple sur DAC, une base telle qu'étant multipliée par la moitié de la hauteur, elle donne les 14 mètres demandés; pour cela abaissez du point A une perpendiculaire AI sur DC et divisez les 14 mètres qui manquent par la moitié de la longueur de la perpendiculaire, vous aurez la base CE du triangle CAE qu'il faut ajouter à ABC, pour la première partie.

Si le triangle ABH ne contenait que 55 mètres, il faudrait, pour lui donner 30 mètres de plus, abaisser la perpendiculaire AK sur HG, et diviser les 30 mètres par la moitié de sa longueur; le quotient donnerait la longueur HL de la base du triangle AHL qu'il

faut ajouter à la seconde partie.

On continuera la même opération pour les autres.

Exercices. — Lever avec la planchette la situation réciproque de divers objets.

CHAPITRE XXXVII.

MANIÈRE DE COPIER LES FIGURES IRRÉGULIÈRES.

* 434. Qu'APPELLE-T-ON figures irrégulières? Ce sont celles dont les côtés et les angles sont inégaux.

* 435. Que faut-il faire pour copier une figure ir

régulière, par exemple la Figure 264?

Construire autour de cette figure un rectangle A B CD; diviser les côtés AB, CD en un nombre quelconque de parties égales, et joindre par des droites
les points de division correspondans; partager aussi les
deux autres côtés en parties égales et joindre également les points de division correspondans, et on aura

une suite de rectangles d'autant plus petits que les

points de division seront plus multipliés.

Faire ensuite sur la feuille sur laquelle on veut copier le dessin un autre rectangle, fig. 265, égal au premier, et divisé de la même manière; après quoi il faudra tirer dans ces derniers rectangles des lignes semblables à celles qui passent dans les rectangles correspondans de la figure proposée. Si l'on n'est pas assez sûr dans l'emploi de ce moyen, on pourra se servir de l'un des suivans: prenons pour exemple le point E pris à volonté dans la Figure donnée; il faut mesurer la distance de l'angle F à ce point, et de cette ouverture de compas décrire dans la Figure 265, à partir du point f, un arc en e, et d'une autre ouverture égale à GE, à partir du point g, couper le premier arc décrit, et on a leur intersection pour le point cherché. On pourrait encore obtenir la position de ce même point en abaissant la perpendiculaire EH, portant ensuite la distance FH de f en h, élevant une perpendiculaire en h, et portant sur cette ligne la longueur EH.

Cette opération pourrait encore s'exécuter facilement par la méthode donnée (N° 132), pour la construction des triangles; mais il faudrait seulement prendre la longueur des diagonales sans les tracer.

CHAPITRE XXXVIII.

MANIÈRE D'AUGMENTER OU DE DIMINUER LES DIMENSIONS D'UN DESSIN DANS UN RAPPORT DONNÉ.

*436. Comment réduit-on les dimensions d'un dessin dans un rapport donné, par exemple la figure 266 à celle 268, dans les rapports de BC à DE?

266 à celle 268, dans les rapports de BC à DE?

Il faut tirer une droite indéfinie FG, fig. 267; de l'extrémité F, et d'un rayon égal à BC décrire l'arc GH; du point G, et d'un rayon égal à DE, couper cet are en H; tirer la droite FH, et l'angle GFH ser-

vira à déterminer les longueurs proportionnelles, de cette manière:

On mènera l'horizontale ll égale à DE, et pour avoir la hauteur ij de la copie, on prendra celle IJ de l'objet à réduire, on la portera de F en O et en P, et la distance OP donnera ij, qu'on élèvera perpendiculairement sur le milieu de ll; pour avoir jm on portera JM de F en R et en V, la distance RV serala hauteur du plinthe jm. C'est ainsi qu'on obtiendra la hauteur et la saillie des autres parties de la copie demandée.

Cette opération pourrait encore s'exécuter facilement par la méthode donnée, N° 132, pour la construction des triangles; mais il faudrait seulement prendre la longueur des diagonales sans les tracer.

On pourrait de la même manière réduire la figure 249 à la copie 250 ou 251, une carte géographique à

une autre dimension, etc.

Si la ligne BC, fig. 266, avait été plus longue ou plus courte que la base LM de la figure donnée, on aurait construit le triangle GFH de la même manière avec les rapports donnés; ensuite pour trouver la base ll, fig. 268 de la copie, on aurait porté LL sur les côtés de l'angle F, fig. 267, et la distance des deux points correspondans, aurait donné la base ll, le reste de l'opération comme ci-dessus.

Si la copie devait être plus grande que le modèle donné, on suivrait la même marche, mais l'angle F serait plus ouvert, les côtés GF et HF étant plus courts que celui GH, qui dans ce cas joindrait les

extrémités.

Le triangle GFH doit être fait pour chaque copie différente, ses côtés devant être proportionnels à ceux des figures proposées.

On pourrait encore faire ces sortes de réductions par le compas de proportion, mais la méthode pré-

cédente est plus facile et plus exacte.

FIN DE L'ABRÉGÉ DE GÉOMÉTRIE.

ABRÉGÉ D'ARCHITECTURE.

CHAPITRE Ier.

DE L'ARCHITECTURE EN GÉNÉRAL.

SECTION PREMIÈRE.

Définitions préliminaires.

* 1. Qu'est-ce que l'architecture?

* 2. En combien de branches divise-t-on l'architecture?

En trois principales: 1º L'architecture civile qui s'occupe de la construction des édifices publics et des bâtimens propres aux usages habituels de la vie;

2º L'architecture navale qui s'occupe de la construc-

tion des vaisseaux, des ports, etc.;

3º L'architecture militaire qui s'occupe de la construction des fortifications et redoutes propres à la défense des places de guerre. Nous ne parlerons, dans cet Abrégé, que de l'architecture civile.

* 3. Quel est l'alphabet de l'architecture?

Ce sont les moulures. Nous en avons parlé dans le chapitre XXXI de l'Abrégé de Géométrie.

SECTION II.

Des Ordres d'architecture, et de leurs principales parties.

* 4. Combien y a-t-il d'ordres dans l'architecture? Cinq: le toscan, le dorique, l'ionique, le corinthien et le composite.

* 5. Que distingue-t-on dans les cinq ordres? Trois parties: le piédestal, la colonne et l'entable-

ment.

*6. Ces trois parties se trouvent-elles toujours dans

l'exécution de chacun de ces ordres?

Non: car l'attribution d'un nom d'ordre à un édifice ne dépend pas toujours des colonnes, mais encore des proportions observées dans sa construction; quelquefois même il n'a pas de colonnes, et souvent le piédestal est remplacé par un seul plinthe. Quand le piédestal règne autour du bâtiment on l'appelle stylobate, et soubassement quand l'entablement n'a pas de frise et que la corniche pose immédiatement sur l'architrave; on dit alors qu'elle est architravée.

* 7. Comment distingue-t-on les cinq ordres?

On distingue le toscan par la simplicité de ses membres, n'ayant aucun ornement, fig. I, planche 25; le dorique par les trigliphes A qui ornent sa frise, fig. II; l'ionique par la volute B de son chapiteau, fig. III; le corinthien par les feuilles d'acanthe C qui ornent son chapiteau, fig. IV; et le composite par le chapiteau corinthien réuni aux volutes de l'ionique, fig. V.

* 8. Comment divise-t-on le piédestal?

En trois parties : en corniche A, dé B et base C.

* 9. Combien y a-t-il de parties dans la colonne? Trois: la base D, le fût E et le chapiteau F.

* 10. Quelles sont les parties de l'entablement? L'architraye G, la frisc H et la corniche A. ¥ 11. Quelles relations établiton entre les trois parties principales des ordres de l'architecture?

Dans tous les ordres l'entablement a pour hauteur

le quart de la colonne, et le piédestal le tiers.

* 12. Quelles sont les proportions des colonnes?

La hauteur de la colonne toscane, base et chapiteau compris, est de sept fois son diamètre, fig. XXIV; la dorique de huit fois; l'ionique de neuf fois; la corinthienne et la composite de dix fois.

13. Qu'appelle-t-on module?

C'est une longueur égale à la moitié du diamètre inférieur de la colonne; il se divise en 12 minutes pour les ordres toscan et dorique, et en 18 pour les autres.

SECTION III.

Proportion des ordres et de leurs parties principales.

*14. Quelle est la hauteur de l'ordre toscan,

fig. I?

Elle est de 22 modules et 2 parties de module, distribués comme il suit pour les principales parties et leurs subdivisions. Les saillies sont cotées à partir de l'axe de la colonne.

Piédestal, 4 mod. 8 min.			Colonne, 14 mod.						
н	AUT.	S A	ILL.			-	AUT.	SA	ILL.
Plinthe Filet ou listel Congé Societ Societ Vie Talon Listel Talon Listel		1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			(Plinthe Tore Listel Congé Fût Congé				

Suite de la Colonne, 14 mod. 11

Suite de l'Entablement.

HAUT.	SA	ILL.
molmi	mυ	mı
Gorgerain. o 3	0	10
Congé o I	0	10
Listel o I	0	II
7 Otderond. o 3	1	$1\frac{3}{4}$
Larmier.	1	2
Conge o i	1	2
อี (Listel o า	1	3

٠.	- 3	ш	***
٠,۱	3	П	5
		1	Corni
		1	(

	H.	LUT.	SA.	ILL.
	mo	mı	mo	mi
Frise	е Н 1	2	0	10
	Talon o	4	1	2
E	Listel o	1/2	3	$2^{\frac{1}{2}}$
res.	Larmier o	5 I	1	11
n e	Congé o	1	1	11
	Listel o		2	0
4	Baguette o	1	2	1 2
ŭ	l Q' de rond. o	4	2	4

Entablement, 3 mod. 6 min.

Plate-Bande..
Congé. . .
Listel. . .

(La distance entre les colon-nes, qu'on nomme entrecolonnement, est de 4 modules 8 minutes).

* 15. Quelle est la hauteur totale de l'ordre do-

rique, fig. II?

Elle est de 25 modules 4 minutes, distribués de la manière suivante pour les principales parties de cet ordre et leurs subdivisions.

Piédestal . 5 mod . 4 min.

Suite de la Colonne.

SAILL. mi

2 1000011117) 0 1111111 1			00
HAUT.	SAILL.	<u>. </u>	HA
Talon o 1 2 2 2 2 3 3 3 1 1 2 3 3 1 1 2 3 3 3 1 1 2 3 3 3 3	1 6 4 1 6 4 1 5	férieur. Fût Congé si périeur. Filet Baguette	. 0 .13 0
Talon o 1 ½ Larmier o 2 ½ Listel o ½ Other ond. o 1 Listel o ½ Colonne, 16 modu Tore o 6 Baguette. o 1 Listel o 6 Listel o 6 Listel o 6 Listel o 3	1 9 1 9 1 10 1 11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Gorgeral 1er Filet. 2e Filet 3e Filet Tailloir. Talon	c

Entablement, 4 mo	dules.	Suite de l'Entablement.			
HAUT.	SAILL.	HAUT. SAILL.			
Plate-Bande o 4 Plate-Bande o 5 Gouttes o 2 Ch. des G. o 2 Listel o 2	mo m1 0 10 0 10 \frac{1}{2} 0 11 \frac{1}{2} 1 0 10 10 \frac{1}{2}	Chapit, des trygliphes o 2 6 11 Filet o \frac{1}{2} 0 11 \frac{1}{2} Ot de rond. o 2 1 1 \frac{1}{2} Gouttes de la mutule. o \frac{1}{2} 2 2 \frac{1}{2} Mutule o 3 2 4 \frac{1}{2} Talon o 1 2 5 \frac{1}{2} Larmier o 3 \frac{1}{2} 2 6 Filet o \frac{1}{2} 2 7 Doucine o 3 2 7			

L'entre-colonnement de cet ordre est de 5 modules 6 minutes.

L'entablement est susceptible de décoration. Sa frise est divisée en triglyphes A et en métopes B. La métope doit toujours être carrée, et avoir un module ainsi que les triglyphes. La métope est la partie la plus susceptible d'ornemens.

* 16. Que faut-il observer pour tracer l'architrave de cet ordre?

Il faut diviser l'espace déterminé pour la recevoir en trois parties égales, et la portion supérieure de cette division en deux autres parties égales: celle du haut sera le listel, et dans l'autre seront les gouttes C.

* 17. Quelle est la hauteur totale de l'ordre ionique, fig. III?

Elle est de 28 modules 9 minutes, distribués de la manière suivante pour les principales parties de cet ordre et leurs subdivisions.

Piédestal, 6 modi	iles.	Suite de la Colonne.		
HAUT.	SAILL.	HAUT. SAILL.		
Plinthe. 0 4 Filet 0 3 Baguette 0 1 3 Congé. 0 2 Socle. 4 13 3 Congé. 0 1 Filet 0 1 Socle. 0 1 Filet 0 1 Socle. 0 1 Filet. 0 1 Filet. 0 1 Filet. 0 1	mo m1 1 i 5 1 13 2 3 1 1 9 1 1 10 1 9 1 7 1 7 1 8 1 1 8 1	Canal de la vol o 3 o 17 1 1 1 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 2 2 1 1 1 1 2 2 1 1 1 1 2 1 1 1 1 2 1		
Baguette. o 1 Q¹ de rond. o 2 ½ Larmier. o 3 Talon. o 1 ⅓ S filet. o 2 Z de rond. o 1 ⅓ Talon. o 1 ⅓ S follonne, 18 modu	1 9 1 1 1 2 1 1 5 ½ 1 1 6 3 4 1 1 7	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		
Plinthe o 6 Tore. o 3 ½ Filet. o 1 Tore. o 2 ½ Filet. o 1 Tore. o 2 ½ Filet. o 1 Fût	7 7 7 7 1 6 1 3 1 4 1 0 1 0 0 1 5 1 0 0 1 7 0	Talon 0 4 1 1 $\frac{1}{2}$ Filet 0 1 1 2 Denticules. 0 5 1 4 Cordon. 0 1 1 3 6 $\frac{1}{2}$ Filet 0 $\frac{1}{2}$ 1 6 $\frac{1}{2}$ Daguette. 0 1 1 $\frac{1}{2}$ 2 $\frac{1}{2}$ 2 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 2 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 4 $\frac{1}{2}$ 5 $\frac{1}{2}$ 6 Filet 0 1 $\frac{1}{2}$ 2 $\frac{1}{2}$ 2 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 2 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 3 $\frac{1}{2}$ 4 $\frac{1}{2}$ 5 $\frac{1}{2}$ 6 Filet 0 1 $\frac{1}{2}$ 2 10		

L'entre-colonnement de cet ordre est de 4 modules minutes.

* 18. Quelle est la hauteur totale de l'ordre corinthien, fig. IV?

Elle est de 31 modules 12 minutes qui se divisent de la manière suivante, pour les principales parties de l'ordre et leurs subdivisions.

	(1/	44)	- 19
Piédestal, 6 mod. 12	min.	Suite de la Coloni	ne.
## HAUT. 19 mo m1 mo m2	SAILL. 1	Talon	SAILL. mo mi 0 0 0 0 0 0 0 0 ules.
$ \begin{array}{c} \text{? (Q' de rond. o)} \\ \text{Larmier. o)} \\ \text{? (Talon o)} \\ \text{Filet o)} \\ \frac{2}{3} \end{array} $	1 14 1 5 1 1 15 1	Baguette o 1 Talon o 4 Filet o 1	0 17 0 17 1 2 1 2
Colonne, 20 modul		Plbande. 1 7 Congé o 2	o 15 o 15
Plinthe. 0 5 Tore 0 4 Filet 0 2 Filet 0 1 Baguette. 0 1 Baguette. 0 1 Filet 0 2 Filet 0 2 Filet 0 3	7 7 7 5 x 805 8 3 8 x 225 1 2 3 3 1 2 3 3 1 2 3 3 1 3 3 2 3 3 1 3 3 3 1 3 3 3 3	Filet o la Baguette . o I Talon o 2 Filet o I Denticules. o Filet o Baguette o I denticules. o Grand o Qi de rond, o 4	0 16 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 1 0 1

L'entre-colonnement de cet ordre est de 4 modules 9 minutes.

Medillon . .

* 19. Quelle est la hauteur de l'ordre composite, fig. V?

Elle est la même que celle du précédent, et les trois parties principales ont les mêmes proportions, distribuées de la manière suivante pour les subdivisions.

Piédestal, 6 mod. 12	min.	Suite de la Colonne.
HAUT.	SAILL.	HAUT. SAILL.
Plinthe	mc mi 1 15 1 15 1 13 \frac{1}{4} 1 12 \frac{1}{4} 1 9 \frac{3}{4}	No mi mo mi mo mi no m
Filet 0 1 Congé 0 2 Socle 4 16 3 Congé 0 1 16 3 Congé 0 1 1 4 16 3 Congé 0 1 1 4 1 4 1 5 Congé 0 1 5 Cong	9 1 9 1 7 1 8 4 1 9 1 7 1 4 1 1 8 4 1 8 4	Entablement, 5 mod. 1
Colonne, 20 modu (Plinthe, ol 6	1 10 12 12 13 14 14 15 16s.	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Tore o 4 Filet o 1 Filet o 3 Filet o 3 Filet o 1	1 2 3 1 3 3 4 2 3 1 2 1 2 4 4	Ot de rond. 0 5 1 4 Filet 0 1 1 5 Denticules c 6 1 1 1 Filets des dents c 2 1 10 Talon 0 4 1 14 1 Filet 0 1 1 15 Doucine 0 1 1 15 Larmier 0 5 2 7 Baguette 0 1 2 7 Talon 0 2 2 0
Filet 0 Filet 0 Congé 0 Fût 16 Congé 0 Filet 0 Filet 0 Faguette 0 Baguette 0	1 3 5 8 1 2 1 0 1 2 0 1 5 0 1 5 0 1 7	Baguette

* 20. Qu'appelle-t-on pilastres?

Ce sont des colonnes carrées en plan : on les distingue aussi par les noms d'ordres attribués aux colonnes arrondies; les dimensions de leurs parties sont les mêmes que celles de l'ordre auquel ils appartiennent.

Exercice. - Dessiner le piédestal et l'entablement de chaque ordre.

SECTION IV.

Manière de tracer le renflement ou la diminution de la colonne.

* 21. Quelle est la forme de la colonne? Elle est ordinairement cylindrique jusqu'au tiers de sa hauteur; à partir de ce point, elle va en diminuant, de sorte que le diamètre de sa partie supérieure se trouve un sixième moins fort que celui de sa partie inférieure : les sentimens sont cependant partagés sur cet article, certains architectes la faisant diminuer du bas.

* 22. Comment trace-t-on la diminution de la colonne?

Après avoir tiré l'axe AB, fig. VI, de la colonne, et les parallèles CD, EF, et porté de D en G et de F en H la diminution fixée, il faut tirer le diamètre I J à son tiers; décrire sur ce diamètre la demi-circonférence IMLNJ, mener ensuite GM parallèle à CD jusqu'à la rencontre de la demi-circonférence; partager l'arc IM en six parties égales, et par ces points mener des parallèles au diamètre I J: MN sera toujours égale à GH; on portera les autres parallèles suivantes par ordre sur les divisions de la colonne PQ, RS, etc., et leurs extrémités seront les points par où devront passer les courbes qui détermineront la diminution de la colonne. Si la diminution devait commencer au bas

de la colonne, l'opération exécutée en IJ se ferait en CE.

* 23. Comment détermine-t-on encore la diminu-

tion de la colonne?

Après avoir déterminé DC pour la diminution totale de la colonne, fig. VII, il faut porter de D en E la longueur du demi-diamètre AB de la partie inférieure de la colonne; prolonger DE jusqu'à la rencontre de l'horizontale BA; à partir du point de rencontre, tirer des droites qui traversent l'axe de la colonne de distance en distance; porter sur chacune d'elles, à partir de l'intersection qu'elles font avec l'axe, des grandeurs égales au demi-diamètre du bas de la colonne; ces grandeurs donneront les points G, H, I, etc., par ou devront passer les courbes qui détermineront la diminution et le renflement de la colonne. Pour déterminer l'autre côté de la colonne, on portera DE de E en C, de L en M, de N en O, etc.

Si le renslement ne devait commencer qu'au tiers, on tirerait la ligne AB à cette partie de la colonne, et

l'on ferait la même opération.

Exercices. — Tracer le renslement des colonnes suivant les différentes méthodes ci-dessus.

SECTION V.

Manière de tracer la Volute ionique et les corinthiennes.

* 24. Comment trace-t-on la volute ionique?

Soit donné AB, fig. VIII, pour la hauteur de la volute, il faut la partager en seize parties égales d'une minute chacune; de la neuvième division O et d'un rayon égal à une partie, décrire l'œil CDEF de la volute (la figure IX représente le même œil en grand pour plus d'intelligence); construire sur la droite 9 H, composée de la moitié des rayons OC, OE, le carré HJG9; mener, des angles J et G au centre O, les droites JO, GO; partager le côté H9 en six parties égales; construire un carrésur 1, 4, et un autre sur 5, 8; les angles HJG9 seront les centres du premier tour commençant en A; les angles 1, 2, 3, 4 ceux du second; et 5, 6, 7, 8 ceux du troisième qui doit aboutir en C.

On détermine les centres de la seconde révolution de la manière suivante : on tire une droite ML, fig. X, égale à HA, à l'extrémité M de laquelle on élève la perpendiculaire MN, égale à OH; on porte la largeur SA du listel de M en P, où l'on élève la perpendiculaire PQ; on joint le point N au point L; on porte PQ dans l'œil de la volute de O en K et en T, on partage TK en six parties égales, on renouvelle la même opération que sur H9 comme on le voit en points, et les angles de ces trois carrés ponctués sont les centres de la seconde révolution de la volute qu'on décrit dans le même ordre que la première, à partir de la seconde division S.

* 25. Comment trace-t-on la grande volute corin-

thienne, fig. XI?

Après avoir tiré la droite A B au niveau des feuilles du deuxième rang, et lui avoir mené perpendiculairement l'axe PL de la volute, on divise sa hauteur, qui est égale à B minutes, en six parties égales; sur la quatrième partie, comme diamètre, on décrit une circonférence. (La figure XII représente cette partie en grand pour plus d'intelligence.) On tire ensuite la sécante AB, formant, avec le diamètre du cercle, un angle de 45 degrés, et on partage la partie interceptée dans le cercle en quatre parties égales: le point A sera le centre de l'arc LB; B celui de l'arc BC; C celui de l'arc CD; et D celui de l'arc DE.

Pour avoir les centres de la deuxième révolution. on partage la moitié AC du rayon en quatre parties égales, et on en porte une de A en E, de C en G, de D en H, et de B en F; et les points E, F, G et H seront les centres de la seconde révolution. Pour avoir les centres de la dernière, on partage la longueur EC en huit parties égales; on en porte une partie de E en J, de G en M, de H en N, et de F en L; et les points J, L, M et N seront les centres de la troisième révolution : le centre se trace à la main.

Pour tracer la naissance de cette volute, on tire la verticale IJ parallèle à LP et passant par l'intersection E du cercle et de la sécante. Les centres des arcs LA, etc., se trouvent sur le prolongement de cette ligne, aux points où les perpendiculaires élevées sur les cordes-de ces arcs la rencontrent.

* 26. Que faut-il faire pour tracer la petite volute

corinthienne, fig. XIII?

Il faut tirer la droite AG au niveau du dessus des feuilles du deuxième rang, et lui élever la perpendiculaire CD, axe de la volute; marquer sur cette perpendiculaire la hauteur de la volute qui est de six parties de module, dont la quatrième sera l'œil de la volute; il faut décrire ensuite la volute selon la méthode précédente; pour en tracer la naissance, il faut tirer la droite L'M qui passe par l'intersection I, et qui soit tangente au deuxième tour de la volute: du point M décrire l'arc DF, et du point L, éloigné de Z, de trois fois la distance VX, l'arc FG; ces deux points seront aussi les centres des arcs qui déterminent le petit listel. Le centre de l'arc OP sera en Z, et celui de PN sera sur une ligne VP qu'on fera passer par les points Z et P. Pour avoir celui de l'arc 3R, on joindra le sommet de l'œil de la volute au point R, et la perpendiculaire élevée au milieu de cette Iroite donnera, par son intersection A avec AG, le centre de cet arc.

Exercices. - Dessiner les différentes volutes.

SECTION VI.

Des Frontons, Impostes, Archivoltes et Soffites.

* 27. Qu'APPELLE-T-ON fronton? C'est un ornement d'architecture fait ordinairement en triangle, fig. XIV. L'espace B compris, entre les corniches qui le forment, se nomme tympan : il est susceptible de recevoir des sculptures, sujets allégoriques, etc., lorsqu'il a une certaine étendue.

La fig. XV représente un fronton circulaire.

* 28. Quelles sont les proportions des frontons?

La hauteur des frontons varie : quand ils sont petits, on leur donne ordinairement pour hauteur un tiers de la base; mais cette hauteur diminue à mesure que la base est plus longue: quelquefois, dans ce dernier cas, le fronton n'a pour hauteur que le cinquième de sa base. Ceci est abandonné au goût de l'architecte aussi bien que la composition de la corniche.

* 29. Qu'appelle-t-on imposte?

C'est la partie B, fig. XVI, d'un pied droit, su! lequel commence un arc.

* 30. Qu'est-ce qu'on appelle archivoltes?

Ce sont des bandes larges C en forme d'arc er saillie sur le nu d'un mur. L'imposte et l'archivolte toscans sont représentés par la figure XVI, les dorique par la XVIIme, les ioniques par la XVIIIme, et les corinthiens par la XIXme. La hauteur des moulures es cotée dans la figure et la saillie à l'extérieur.

31. Qu'appelle-t-on soffites?

Ce sont diverses sculptures, fig. XX, XXI, XXII e XXIII, qui servent à orner le plafond des entablemens et des cornicles.

SECTION VII.

Manière d'élever un Ordre.

* 32. Que faut-il faire pour dessiner un ordre

dans une hauteur donnée, fig. XXIV?

Il faut diviser cette hauteur AB en dix-neuf parties égales, en donner quatre au piédestal; douze à la colonne, et trois à l'entablement. Ce sont les proportions que Vignole a données, d'après les observations qu'il a faites scrupuleusement dans les plus beaux édifices antiques. Cette opération étant faite, la hauteur de la colonne se trouve fixée en LM; si c'est l'ordre toscan qu'on veut élever, on la divise en sept parties égales CD; si c'est l'ordre dorique, en huit EF; si c'est l'ordre ionique, en neuf GH; et enfin, si c'est l'ordre corinthien ou le composite, en dix IJ; chacune de ces parties sera le diamètre inférieur de la colonne de l'ordre qu'on veut élever: le module de l'échelle sur laquelle on déterminera les autres parties de l'ordre, doit être, comme il a été dit, égal à la moitié de ce diamètre.

* 33. De quelle autre manière peut-on encore éle-

ver un ordre lorsque la hauteur est donnée?

On peut déterminer le module de l'échelle en divisant la hauteur donnée par le nombre de modules que l'ordre doit avoir d'élévation. Supposons par exemple, qu'on donne 0,665 millimètres pour la hauteur de l'ordre toscan; je divise cette quantité par 22 modules 2 minutes qui est la hauteur de cet ordre, et j'ai pour quotient 0,03 centimètres, qui sera la longueur du module de l'échelle de construction.

* 34. Comment trace-t-on les parties d'un ordre, par exemple le piédestal toscan, fig. XXV, avec

une partie de la colonne?

On commence d'abord par construire l'échelle; on

tire ensuite la base AB et la verticale CD. La hauteur DE du piédestal étant déterminée, on la partage en ses trois parties principales, en portant la hauteur de la base de D en F et la hauteur de la corniche de E en G; par les points G et F on tire les horizontales IJ, LN, après quoi on détermine la hauteur de chacune des moulures dont on porte les dimensions sur la verticale CD. Par les points déterminés pour les hauteurs on mene des horizontales, et on trace le profil des moulures de la manière suivante : On commence par déterminer le diamètre de la colonne en portant de O en P et en M une grandeur égale à un module, et on tire MV et PQ parallèles al'axe DC; on ajoute ensuite à ce module 4 minutes 1 pour déterminer la saillie du tore et du plinthe, qui est aussi celle du dé du piédestal. On prend ensuite une minute 1/2 pour la saillie du filet qu'on ajoute au diamètre de la colonne; après quoi on trace le congé, le tore, le plinthe, comme il a été enseigné à l'article des moulures. On s'y prend de la même manière pour tracer la corniche et la base du piédestal. Ces profils doivent toujours être faits des deux côtés en même temps, parce qu'une ouverture de compas, portée partout où elle est la même, est toujours plus juste que si elle était prise à différentes fois.

On pourrait encore profiler, comme il a été dit

page 112, pour la construction du piédouche.

S'il s'agissait d'élever ces différens ordres dans une proportion double, triple, etc., des figures I, II, III, etc., on donnerait à chaque partie une dimension double, triple, etc.

Exercices. — Elever les différens ordres, et dessiner des colonnades.

CHAPITRE II.

DES PERSPECTIVES.

SECTION PREMIÈRE.

Définition de la Perspective, et manière de mettre en perspective les objets situés sur l'horizon.

* 35. Qu'est-ce que la perspective?

C'est l'art de représenter les objets tels que nous les voyons, connaissant leurs positions relatives et leurs dimensions.

* 39. Quel est le fondement de la perspective?

Le voici: on suppose que l'objet J, fig. XXVI, est placé sur un plan horizontal EFGH, et que, perpendicu-lairement à ce plan, on en a élevé un autre transparent ABCD, qui est placé entre l'objet J et l'œil O. Les rayons visuels OR, OL, OM, ON, en suivant les contours de l'objet, déterminent sur le plan transparent un contour TVXY semblable à celui de l'objet observé. Il est clair que si l'on donne à l'image déterminée par ce contour des couleurs semblables à celles de l'objet, elle en tiendra lieu lors qu'il sera enlevé. C'est cette ressemblance qu'on appelle perspective.

* 36. Que résulte-t-il de là?

Que tout objet parallèle au plan transparent ne change ni de forme ni de direction dans l'image qu'y déterminent les rayons visuels, mais que cette image diminue de grandeur à proportion de son éloignement de l'objet, le point de vue étant toujours le même.

* 37. Sous quelle dénomination désigne-t-on ces

plans et ces différens points?

On nomme le plan ABCD tableau, la droite BC

ligne de terre, le plan EFGH, plan géométral. C'est sur ce plan que se trouve la projection des objets qu'on veut mettre en perspective. La ligne AI, parallèle à la ligne de terre BC, qu'on imagine passer par la projection N de l'œil, est appelée ligne d'horizon; le point N, point principal ou point de vue; et le point I, qui est à une distance du point O, égale à celle de l'œil N au tableau, est appelé point de distance.

* 38. Comment dispose-t-on les lignes d'une ma-

nière qui se prête aux constructions?

On suppose que le tableau ABCD, fig. XXVII, est dans une position verticale par rapport au plan géométral qui se trouve au-dessous, et séparé du précédent par la ligne de terre BC. La ligne d'horizon AD passe par le point O, projection horizontale de l'œil du dessinateur censé derrière le tableau à une distance égale à OP.

* 39. Les plans étant ainsi disposés, que faut-il faire pour avoir la perspective d'un point quel-conque I pris sur l'horizon, fig. XXVII?

Il faut de ce point mener à la ligne de terre une perpendiculaire I J; joindre par une droite ce point J à la projection horizontale O de l'œil; du point J, et d'un rayon égal à IJ, décrire l'arc IC, et mener CP, qui détermine par son intersection avec JO, le point T pour la perspective du point donné. Ce résultat est le même que celui qu'on obtiendrait par l'empreinte du passage R. fig. XXVIII, du rayon visuel SV, dans le tableau supposé ici dans une position verticale et vu sur le côté.

40. Que faut-il saire pour avoir la perspective d'une droite quelconque, IF, sig. XXVII, située sur l'horizon?

Opérer comme pour le problème précédent pour avoir la perspective des extrémités F, I de la ligne proposée, et les joindre par une droite TE, qui est la réponse.

* 41. Comment détermine-t-on la perspective d'un

rectangle ABCD, fig. XXIX, situé sur l'horizon parallèlement au tableau?

On cherche la perspective de ses angles considérés comme des points qu'on joint ensuite par des droites JN, NI, IL, LJ, et on a la perspective du rectangle.

* 42. Si le point de distance P n'était placé qu'à une distance égale à la moitié de celle de l'œil au tableau, par exemple en M, fig.XXIX, que faudraitil observer?

Il faudrait alors diviser RX et ZR en deux parties égales, et des points de division V et T on menerait les droites VM, TM qui détermineraient également, par leur intersection avec les droites menées au point de vue, les points J et L de la perspective du rectangle. On opérerait de même de l'autre côté pour déterminer les points I, N. Si le point de distance n'était qu'au quart de la distance de l'œil au tableau, on diviserait RX et ZR en quatre parties égales, et on tircrait les lignes déterminantes, à partir du premier point de division.

On voit par la solution de ce problème que les lignes parallèles entre elles comme AC, BD, mais dans une autre position par rapport au tableau, tendent à se rencontrer.

Ceci est évident: car plus un objet s'éloigne, plus l'angle que forme les rayons visuels diminue: observez par exemple une route bordée d'arbres également espacés, la distance comprise entre chacun semble diminuer à proportion que les rayons visuels s'étendent plus loin, et les parallèles que forment les arbres, ainsi que les bords des chemins paraissent se rapprocher comme pour former un angle.

Dans la solution de ce problème le point de vue O se trouve à gauche pour faire voir qu'on peut le placer indifféremment, pourvu qu'on ait soin de décrire les arcs du côté opposé au point de distance, car autrement il n'y aurait point d'intersection pour détermi-

ner les perspectives.

* 43. Comment détermine-t-on la perspective d'un polygone quelconque, par exemple celle de l'hexagone, fig. XXX, situé sur l'horizon?

On cherche la perspective de chacun des angles considérés comme des points qu'on joint ensuite deux à deux par des droites, et on a la perspective du polygone.

44. Que faut-il faire pour mettre en perspective un pavé en dalles carrées, placé parallèlement au

tableau, fig. XXXI?

Porter sur la ligne de terre une longueur AI, égale à celle du pavé; diviser cette ligne en autant de parties que l'un des côtés du pavé contient de carreaux; de ces points de division mener des droites AO, IO, 1O, etc., au point de vue; mener du point A la droite AP au point de distance, et mener, par les intersections qu'elle fait avec celles qu'on a menées au point de vue, des parallèles à la ligne de terre, et on a ABCI pour la perspective du pavé.

45. Comment détermine-t-on la perspective d'un

cercle placé sur l'horizon, fig. XXXII?

On partage sa circonférence en un nombre quelconque de parties égales, par exemple en six; on cherche la perspective de chacun des points de division qui détermine le passage de la courbe, qui est une ellipse, formant la perspective du cercle. C'est ainsi qu'on déterminerait la perspective de toute autre figure curviligne.

* 46. Comment divise-t-on une ligne suyante en parties égales perspectives, par exemple AB,

fig. XXXIII, en cinq parties?

Après avoir tiré une droite AG, parallèle à la ligne de terre, on porte dessus cinq fois une même ouverture de compas, à partir du point A; on tire ensuite la droite GB, dont le prolongement détermine sur la ligne d'horizon un point H d'où l'on mène des droites à tous les points de division, et la droite AB est divisée en parties égales perspectives.

Exercices. — Mettre en perspective différentes igures de planimétrie située sur l'horizon, comme les polygones réguliers et irréguliers, etc.

SECTION II.

Manière de mettre en Perspective les objets situés dans l'espace et du point de Fuite.

* 47. Que faut-il faire pour trouver la perspective d'un point situé dans l'espace, à une hauteur égale

à la longueur de AB, fig. XXXIV?

Il faut d'abord chercher la perspective de la projecion horizontale I de ce point, et pour avoir la hauteur
le ce point sur le tableau, il faut élever en un endroit
juelconque J de la ligne de terre une perpendiculaire
E, égale à la hauteur donnée A B, et des extrémités
let E de cette droite, mener à un point quelconque C
le la ligne d'horizon les droites JC, EC; mener par
e point F une parallèle F L à la ligne de terre, et la
perpendiculaire à NL élevée en L, où celle-ci rencontre
LJ, et qui est interceptée entre les côtés de l'angle C,
lonne la hauteur cherchée: il n'y a donc plus qu'à
elever en F une verticale F M égale à LN, et son exrémité M est la perspective du point donné I.

* 48. Que résulte-t-il de là?

Que pour avoir la perspective d'un objet quelconque élevé verticalement, comme un mur, une coonne, etc., il faut d'abord chercher la perspective le sa projection horizontale, ensuite celle de son somnet, et la ligne qui joint ces deux perspectives est elle-même celle de la partie de l'objet interceptée entre ces deux points. Ainsi dans la figure XXXIV, supposé que F soit la perspective de la projection horizontale le l'axe d'une colonne, et M celle de son sommet, la droite FM est la perspective de l'axe même. Il suit encore de là que si l'on a une suite d'objets de même hauteur et à une même distance du tableau, quan on a la perspective des bases, laquelle se trouve su une parallèle à la ligne de terre, et qu'on a la perspective de la hauteur de l'un de ces objets, on a aussi cell des autres, comme on le voit dans la figure XXXV Mais il faudrait une opération pour chacun des objets s'ils étaient autrement placés.

* 49. Que faut-il faire pour mettre en perspectiv une pyramide, dont la base est représentée par l polygone A, fig. XXXVI, et qui a une hauteu

perpendiculaire, égale à la longueur de IJ?

Il faut mettre sa base en perspective (N° 48), ains que son centre A dont la perspective est celle de la projection horizontale de la hauteur perpendiculair de la pyramide; placer ensuite la hauteur donné. IJ, en un point quelconque J de la ligne de terreponr déterminer la perspective B du sommet de la pyramide; des angles de la perspective de sa base on tir des droites à ce point, et on a celle de la pyramide.

* 50. Que faut-il faire pour avoir celle du cube dont l'un des côtés est représenté par le carré A

fig. XXXVII?

Il faut mettre en perspective ce carré; construire un carré sur les droites EF, et un autre sur GH; joindre par des droites les angles IJ, LN et on a la perspective demandée. On obtiendrait le même résultat, en opérant comme pour les problèmes précédens pour avoir les hauteurs du cube.

*51. Comment détermine-t-on la perspective d'une tour carrée, dont la projection horizontale est représentée par le carré A, fig. XXXVIII, et la hauteur

par la droite E?

Après avoir mis sa projection horizontale en perspective, on détermine celle de la hauteur en élevant perpendiculairement à la ligne de terre, en un point arbitraire, la droite FR égale à E; de ses extrémités F et R on mène à un point quelconque H de la ligne d'horizon les droites FH, RH; on mène ensuite IJ

parallèlement à la ligne de terre, et la verticale JL, élevée au point J, détermine la hauteur de la perspective de l'angle suyant de la tour. La hauteur de la face parallèle étant égale à la droite donnée, il n'y a donc plus qu'à joindre les points U et S, et on a BUSI pour la face fuyante de la tour, et BCDU pour la face parallèle.

* 52. Que faut-il faire pour partager la face fuyante en deux parties égales?

Joindre les angles opposés de cette face par des diagonales, et la parallèle XZ aux côtés perpendiculaires, et qui passe par l'intersection des diagonales, divise perspectivement la face fuyante en deux parties égales.

Pour que la perspective produise tout son effet, il faut que le spectateur soit placé en devant du tableau, à une distance égale à celle où il était supposé der-

rière le même tableau pendant l'opération.

* 53. Qu'appelle-t-on point de fuite?

C'est un point du tableau par où passe le prolongement des perspectives de toutes les parallèles.

* 54. Où se trouve le point de fuite?

Dans l'endroit du tableau où passe la droite menée de l'œil parallèlement aux lignes données.

* 55. Que faut-il faire pour trouver le point de fuite

des perspectives des parallèles horizontales?

Soit à trouver le point de fuite des perspectives des droites A, B, C, fig. XXXIX, il faut faire passer par le point de vue O, une perpendiculaire L M à la ligne de terre; à partir du point L, porter sur cette droite une distance L M, égale à O P; par le point M mener une parallèle MN à l'une des proposées A, B, C; porter la distance L N de O en F, et F est le point cherché.

* 56. Si les droites dont on veut avoir le point de fuite des perspectives étaient obliques par rapport à l'horizon, fig. XL, que faudrait-il faire? On opérerait comme il suit : soit A la projection

horizontale de l'une des droites proposées, et B, la projection verticale; il faudrait, après avoir porté sur LO une distance égale à celle de l'œil au tableau, tirer ON parallèle à A, et par le point L mener la verticale indéfinie NF; par le point O mener OF parallèle à B, qui déterminera par son intersection F avec la verticale NF, le point de fuite cherché.

Exercices. Dessiner la perspective de la table, fig.

LXXXIII, planche 58.

Le point de vue est en O, un peu, élevé, puisqu'il aperçoit le dessus de la table; le point de distance est en P, à une distance du point O, égale à celle de l'œil au tableau et dans une même direction horizontale.

Celle de la commode, fig. LXXXIV:

Le point de vue en O est dans une position contraire à celle de la figure précédente, aiusi que le point de distance P, ce qui fait voir l'objet dans un sens différent: l'œil de l'observateur est dans une position horizontale par rapport à O, et a une distance OP.

Celle du vase, fig. LXXXV:

Ce vase est d'une grande dimension, puisque le point de vue placé vis-à-vis du milieu de la hauteur, permet d'apercevoir le dessus du pied et le dessous de la moulure supérieure.

Celle de la chaise, fig. LXXXVI:

Les points de vue et de fuite sont à l'endroit où les parallèles horizontales A, B, C, D, E, F, etc., vont se rencontrer par la convergence; ces lignes sont supposées perpendiculaires à la ligne de terre du tableau qui reçoit la perspective.

Celle de l'intérieur d'un vestibule, fig. LXXXVII:

A, B, C, etc., sont les perspectives des poutres, elles sont au-dessus de l'observateur, placé dans la direction du milieu du carrelage, à une hauteur O et à une distance OP; L représente une porte fermée, I une porte ouverte, J sa baie; la partie O repré-

sente le fond du vestibule; R et T sont la perspective des côtés vus de face; P et V, sont les faces fuyantes, c'est-à-dire les côtés du vestibule.

Celle des arcades, fig. LXXXVIII:

Après avoir tracé la perspective des piliers vus le plus en face, on décrit les cintres qui forment la première arcade, on joint le bas de ses arcs et on tire la ligne AP au point de vue O; sa rencontre avec les parallèles qui joignent les extrémités des autres piliers, désigne le centre des autres arcs.

Celle de la façade d'une maison, fig. LXXXIX.:

Les parties À sont les vues de face des pignons; B les côtés fuyans, c'est-à-dire la façade des ailes, et C la vue de face au loin. La grille paraît basse étant vue par le haut.

DU COMPAS DE PROPORTION.

57. Qu'est-ce que le compas de proportion?

C'est un instrument assez semblable au pied de roi. Sur chacune de ses faces sont tracées deux lignes qui se réunissant au centre de la charnière, forment un angle d'environ dix degrés. D'un côté les lignes sont divisées en parties égales de la même manière que l'échelle de proportion, fig. 60; c'est ce qu'on appelle les parties égales.

De l'autre côté les lignes sont divisées en 180 parties inégales, c'est ce qu'on appelle les cordes. Voici de quelle manière elles se tracent. Sur la ligne de l'une des branches, on décrit une demi-circonférence d'un diamètre égal à la ligne à diviser; on partage cette demi-circonférence en 180 degrés; du centre de la charnière, et de chaque degré, on décrit un arc qui venant aboutir à la ligne y détermine la longueur des cordes correspondantes.

58. Quel est l'usage du compas de proportion? Les divisions des lignes et les ouvertures proportionnelles de cet instrument, servent à découvrir les rapports réciproques qui existent entre les lignes, les surfaces, les polygones, les solides semblables, les métaux de calibres proportionnels et même entre les quantités numériques. Nous nous bornerons à donner quelques-uns de ses usages sur les cordes et les parties égales.

59. Comment peut-on connaître le nombre de degrés d'un angle ou d'un arc, par le moyen du compas de proportion?

Il faut prendre une ouverture du compas ordinaire, égale au rayon de cet arc et la porter sur le compas de proportion en l'ouvrant de manière que les pointes du compas qui contient cette longueur s'appliquent, l'une et l'autre, sur les N° 60 et 60 des cordes de chaque branche; prendre ensuite une ouverture de compas égale à la corde de l'arc donné, la porter sur le compas de proportion, en suivant parallèlement les lignes des cordes marquées sur les deux branches; l'endroit sur lequel se fera la rencontre des mêmes divisions, sera le nombre des degrés cherchés.

60. Que faut-il faire pour prendre, sur un cercle, un arc d'un nombre quelconque de degrés, de 25 par exemple?

Après avoir ouvert le compas de proportion de manière que la distance du soixantième degré d'une branche au soixantième de l'autre, soit égale au rayon du cercle, on prendra la distance des deux vingt-cinquièmes divisions qu'on portera sur le cercle; la quantité que le compas embrassera sera l'arc demandé.

61. Comment peut-on faire un angle d'un nombre de degrés demandés, par exemple de 50?

Il faut tirer une ligne indéfinie, de l'une de ses extrémités et d'un rayon arbitraire, décrire un arc indéfini; porter la longueur du rayon sur le compas de proportion de manière que les pointes du compas qui contient cette longueur, portent l'une et l'autre sur les N°s 60 et 60; conserver le compas de proportion dans la même ouverture et prendre la longueur de l'écartement des N°s 50 et 50 de ses branches, la porter sur l'arc, à partir de la ligne donnée, et tirer la ligne qui détermine l'angle.

62. Comment pourrait-on prendre, sur une ligne donnée, un nombre quelconque de parties égales, par exemple les $\frac{25}{97}$, par le moyen du compas de

proportion?

Prendre, avec le compas ordinaire, la longueur de la ligne donnée; porter une des pointes du compas sur la quatre-vingt-dix-septième division, puis ouvrir le compas de proportion jusqu'à ce qu'on puisse appliquer l'autre pointe sur la quatre-vingt-dix-septième division de l'autre branche; laissant le compas de proportion circi autre pranche la distance de de proportion ainsi ouvert, on prendra la distance de 25 à 25, et l'on aura les 25 de la ligne donnée.

63. Que faut-il faire pour trouver une quatrième proportionnelle à trois lignes données, par le moyen du compas de proportion?

Porter la longueur de la première ligne, du cen-

tre du compas sur une de ses branches marquant les parties égales, je suppose qu'elle tombe sur 31; prendre la longueur de la seconde ligne et ouvrir le compas de proportion de manière que cette longueur soit comprise entre les N° 31 et 31 de chaque branche; laissant le compas dans cette position, on porte la longueur de la troisième ligne, du centre sur les mêmes parties égales, je suppose qu'elle tombe à la vingt-unième division, la distance de 21 à 21 sera la quatrième proportionnelle.

64. Comment peut-on trouver une troisième pro-portionnelle à deux lignes données?

Il faut porter la ligne qui forme le premier termé de la proportion, du centre du compas, sur la ligne des parties égales, en 45 par exemple; ouvrir le compas de proportion de manière que la longueur de la seconde ligne soit comprise entre les Nos 45 et 45 de chaque branche; conservant la même ouverture de compas, on portera cette même seconde ligne du centre sur la branche, et du point où elle tombe, on prendra la distance à la division correspondante, elle sera la troisième proportionnelle demandée.

FIN.

TABLE.

Définitions préliminaires.	I
CHAPITRE Ier. Du Point et des Lignes.	2
CHAPITRE II. Du CERCLE.	4
Section Ire. Graduation du Cercle.	id.
Section II. Des Lignes considérées à l'égard du Cercle.	5
CHAP. III. DIFFÉRENTES ESPÈCES DE LIGNES DROITES, ET MANIÈRE DE TRACER LES PERPENDICULAIRES.	6
CHAPITRE IV. DES PARALLÈLES ET DE LA MANIÈRE	
DE LES TRACER.	10
CHAPITRE V. Division des Lignes.	12
CHAPITRE VI. DES ANGLES.	14
Section Ire. De la mesure des Angles et de la manière de déterminer leur valeur.	id.
SECTION II. Manière de copier les Angles et de les diviser.	16
Section III. Mesure des Angles considérés dans le cercle, lorsque le sommet n'est pas au centre.	18
CHAP. VII. Détermination des Lignes courbes.	19
CHAPITRE VIII. CONTACT DES TANGENTES.	22
CHAPITRE IX. Des Proportions.	25
CHAPITRE X. Division de la circonférence du	
CERCLE.	25
CHAPITRE XI. DE L'ECHELLE DE PROPORTION.	32
CHAPITRE XII. DES SURFACES EN GÉNÉRAL.	35
CHAPITRE XIII. DES TRIANGLES.	36
Section Ire. Des Triangles en général et de la va-	
leur de leurs Angles.	36

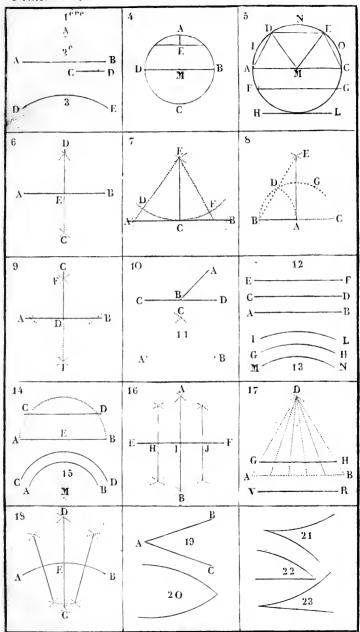
Section II. Construction des Triangles.	38
CHAPITRE XIV. Des Quadrilatères.	4 τ
Section Ire. Définition des Quadrilatères.	id.
Section II. Construction des Quadrilatères.	42
CHAPITRE XV. DES POLYGONES RÉGULIERS.	46
Section Ire. Désignation des Polygones réguliers.	id.
Section II. Construction des Polygones réguliers.	48
CHAPITRE XVI. Evaluation des Surfaces.	$5 \mathrm{r}$
Section Ire. Evaluation des Figures rectilignes.	id.
SECTION II. Evaluation de la Surface du Cercle et de ses parties.	54
CHAPITRE XVII. RÉDUCTION DES TRIANCLES EN	
d'autres de même superficie, et de leur division.	5 7
CHAP. XVIII. RÉDUCTION DES PARALLÉLOGRAMMES	
EN D'AUTRES ÉGAUX EN SUPERFICIE.	59
CHAP. XIX. Manière de diminuer le nombre des côtés d'un Polycone quelconque ou de l'aug-	C
MENTER EN LUI CONSERVANT LA MÊME SUPERFICIE.	62
CHAP. XX. DE LA SIMILITUDE DES TRIANGLES ET DES AUTRES POLYGONES.	63
CHAPITRE XXI. Propriété du Triangle rec- tangle.	66
Section Ire. Démonstration de cette Propriété.	id.
Section II. Usage de la propriété du Triangle	
rectangle.	68
Section III. Autres Applications de la propriété	
du Triangle rectangle.	70
CHAP. XXII. MANIÈRE DE CONSTRUIRE LES FIGURES SEMBLABLES DANS UNE PROPORTION DÉSIGNÉE.	
CHAPITRE XXIII. DES PLANS.	72
CHAPITRE XXIV. DES SOLIDES; LEUR DÉFINTION.	74
CHAPITRE XXV. Surface des Solides.	77
CHAPITRE XXVI. SOLIDITÉ DES CORPS.	81
WALLIAM ZEZZ 11. DULIDITE DES CORPS.	83

TABLE.	167
CHAPITRE XXVII. DES POLYÈDRES.	89
SECTION Ire. Construction des Polyèdres réguliers.	iď.
Section II. Coupe des Polyèdres réguliers.	91
SECTION III. Autre manière de déterminer la	
coupe des Polyèdres.	94
CHAPITRE XXVIII. RACCORDEMENT DES LIGNES.	97
CHAP. XXIX. FIGURES CURVILIGNES A PLUSIEURS CENTRES.	100
Sect. Ire. Définition des Figures curvilignes.	id
Sect. II. Construction des Figures curvilignes.	101
CHAPITRE XXX. RÉDUCTION DES POLYGONES EN	
d'autres de même superficie.	105
Sect. Ire. Réduction des Polygones curvilignes	
en Polygones rectilignes, et réciproquement.	id,
Section II. Réduction des Polygones curvilignes	_
en d'autres de même superficie.	106
CHAPITRE XXXI. DES MOULURES.	108
CHAPITRE XXXII. DES PROJECTIONS.	114
SECT. Ire. Idée générale des Projections.	id.
SECT. II. Manière de déterminer les Projections.	115
SECT. III. Manière de déterminer la longueur des	
lignes par la connaissance de leurs projections.	119
CHAPITRE XXXIII. Usage de la similitude des Triangles pour la mesure des Distances.	
Section Ire. Mesure des Distances.	121 id.
Section II. De la mesure des Hauteurs.	124
CHAPITRE XXXIV. Du Nivellement.	124 125
CHAP. XXXV. Manière de prolonger les Lignes	120
SUR LE TERRAIN, LORSQU'IL SE RENCONTRE DES OBS-	
TACLES.	127
CHAPITRE XXXVI. Lever des Plans.	128
Section Ire. Idée générale du lever des Plans, et manière d'en représenter les différentes parties.	id,

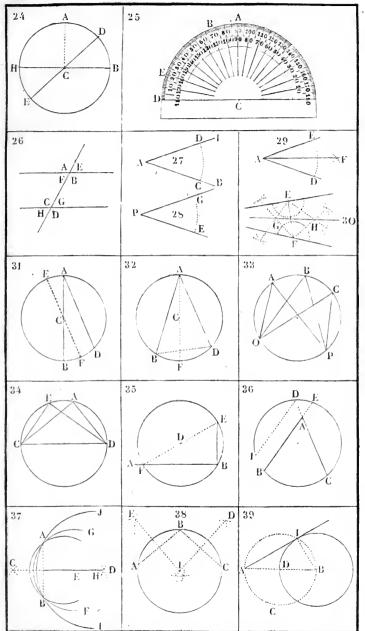
Section II. Manière de lever un Plan à l'aide de	•
in Chamber to the contract of	130
Section III. Lever du Plan au moyen de la Plan-	
01.07.0	133
CHAP. XXXVII. MANIÈRE DE COPIER LES FIGURES	
IRRÉGULIÈRES.	135
CHAPITRE XXXVIII. Manière d'augmenter ou	
DE DIMINUER LES DIMENSIONS D'UN DESSIN DANS UN	
RAPPORT DONNÉ.	136
ABRÉGÉ D'ARCHITECTURE.	
CHAPITRE Ier. De l'Architecture en général.	138
SECTION Ire. Définitions préliminaires.	id.
SECTION II. Des Ordres d'architecture, et de leurs	
principales parties.	139
SECTION III. Proportion des rdres et de leurs	5
parties principales.	140
SECTION IV. Manière de tracer le renslement ou	•
la diminution de la colonne.	146
SECTION V. Manière de tracer la Volute ionique	
et les corinthiennes.	147
SECTION VI. Des Frontons, Impostes, Archivoltes	. ,
et Soffites.	150
Section VII. Manière d'élever un Ordre.	151
CHAPITRE II. DES PERSPECTIVES.	153
Section Ire. Définition de la Perspective, et ma-	
nière de mettre en perspective les objets situés	
sur l'horizon.	id.
SECTION II. Manière de mettre en Perspective les	
objets situés dans l'espace, et du point de Fuite.	157
De Course and Department	.6.

FIN DE LA TABLE.

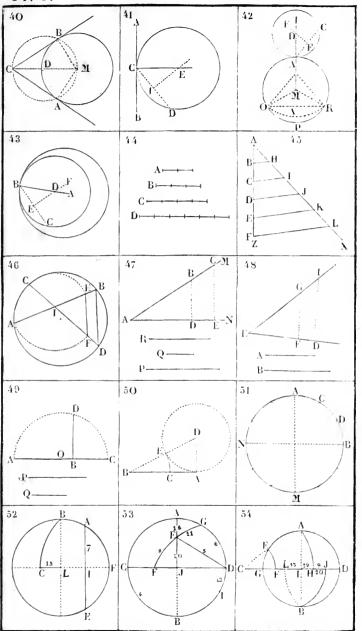
Planche 1 ".e

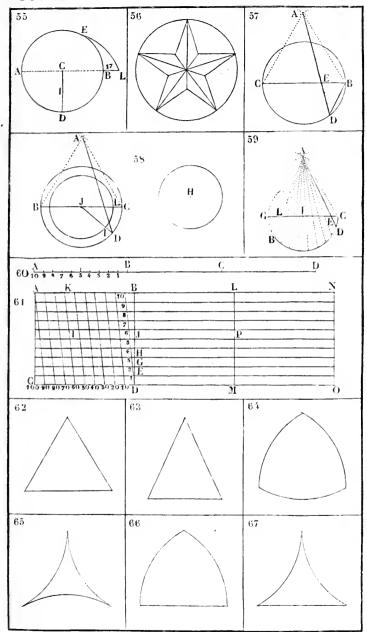


, ĝ

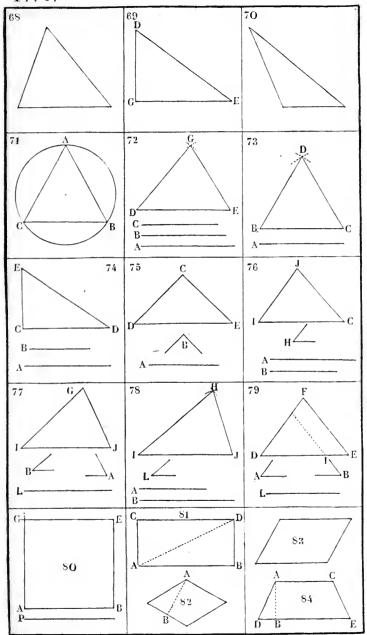


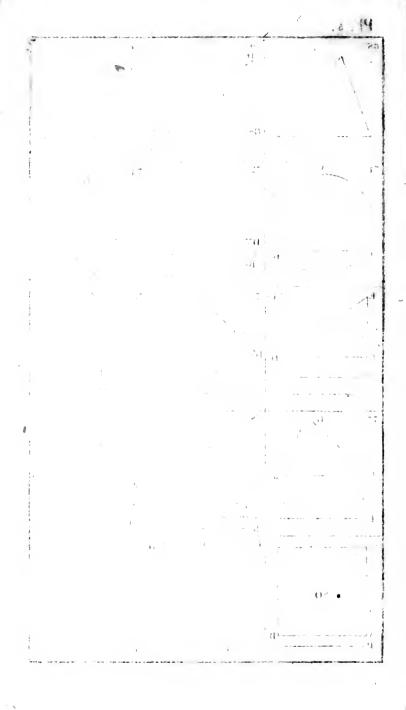
Pl. 3.

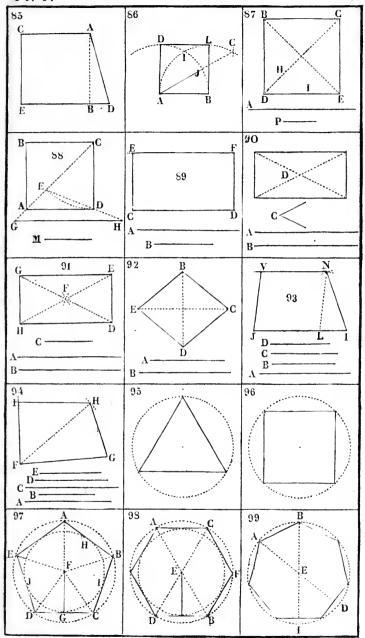


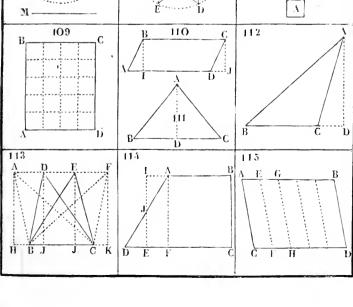




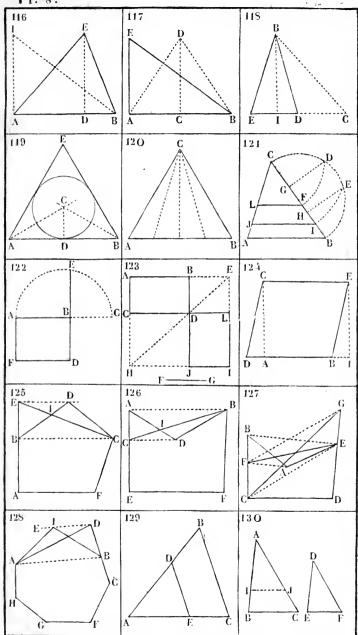




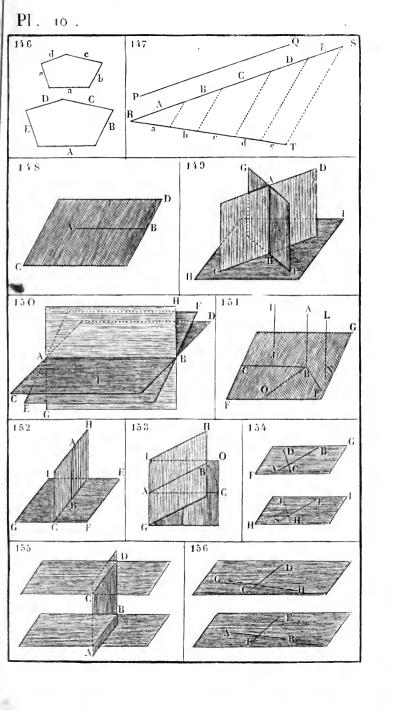


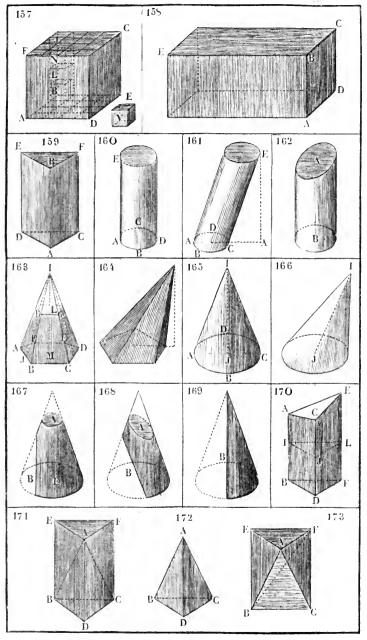


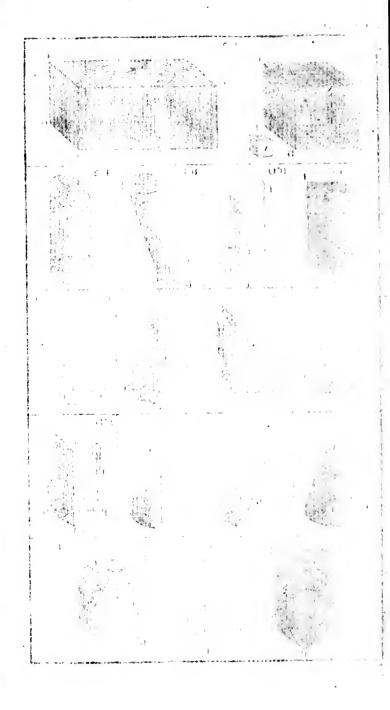
ij

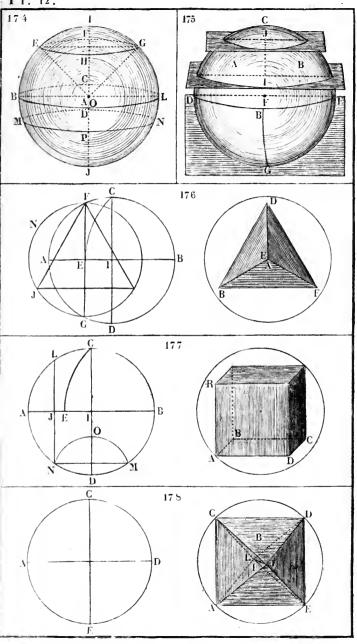


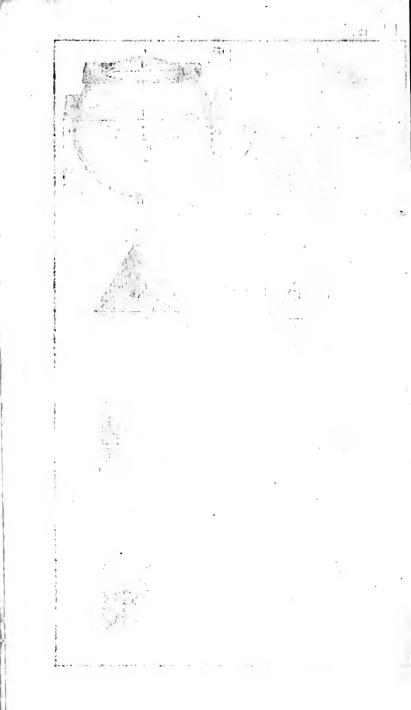
Oft

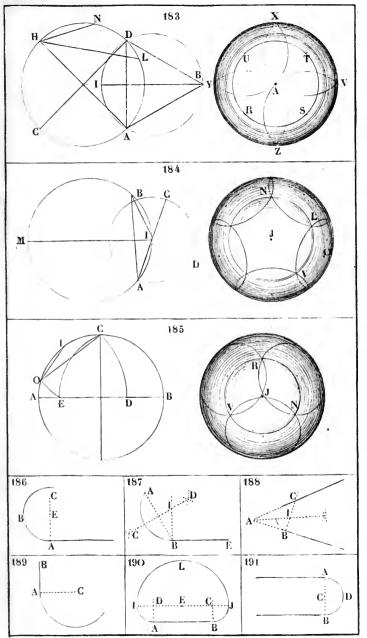


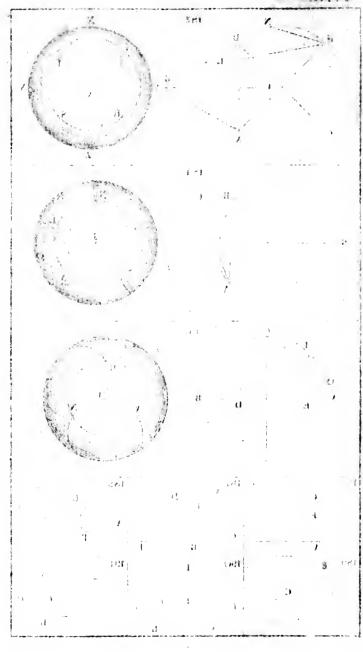


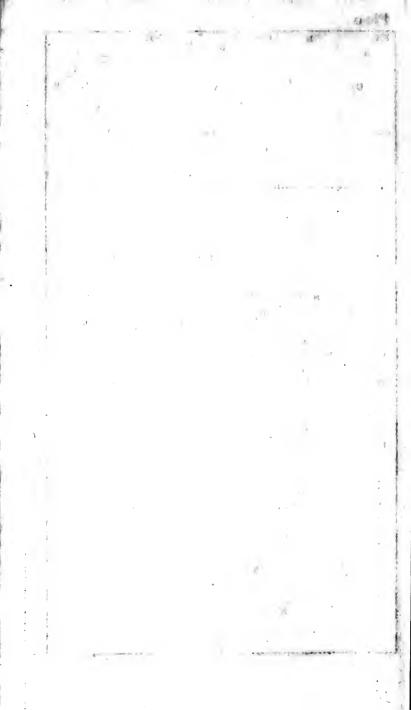


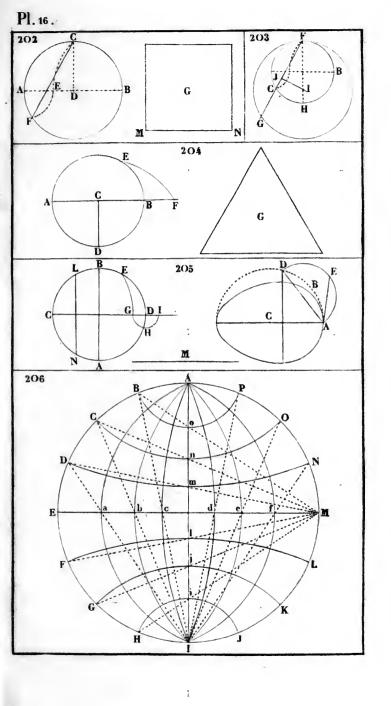


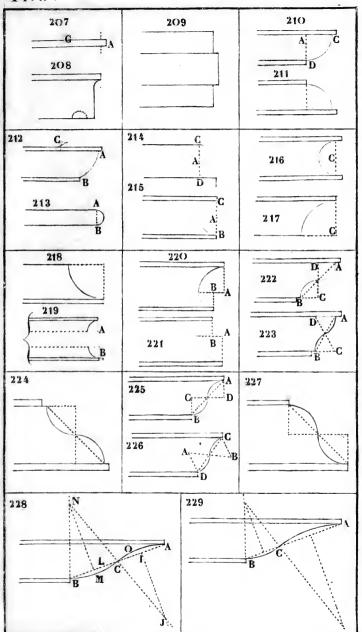








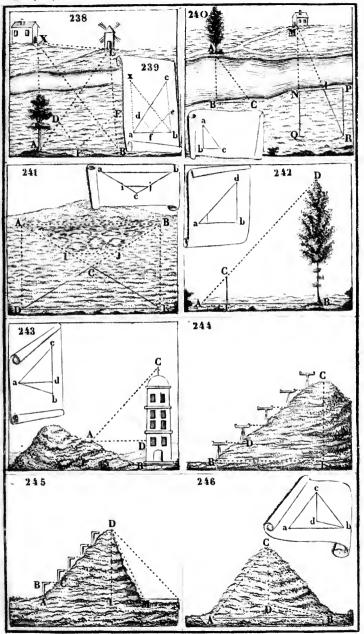


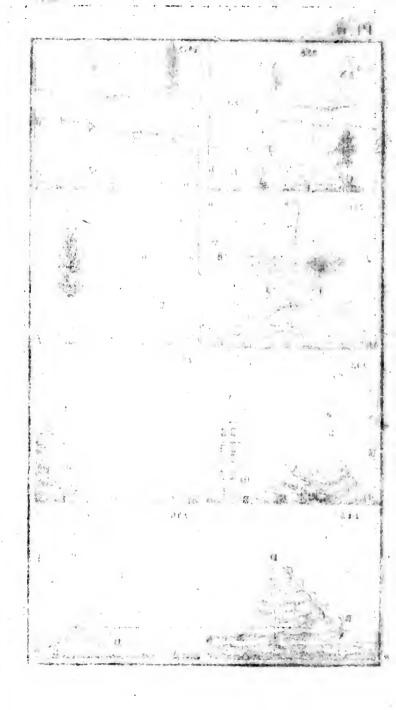


Annual Control of the	A STATE OF THE PARTY OF THE PAR	75/2 77
240	\$00	7(77
3		1.
1 Commence		205
(If my many		
L :	1	· miles
ing and the second seco	3 (1)	
815	1	1.
	ď ď	Security of the parties of the second
	\$ 1 SH	815
715	,	1
2		3
;	1121	- guard side a constitution of the
i. u		- 10 Address - 0 11
232	11.	
3 #. == .		919
) ³ . 3		
*	7.23	
or a	A manufacture of the second	11
314	11/	* 5
•	1. 1	•
		å .
-4	3	
	i di	
•		g and a
	827	with the
3	· · · · ·	0
11		3.4
		N 4

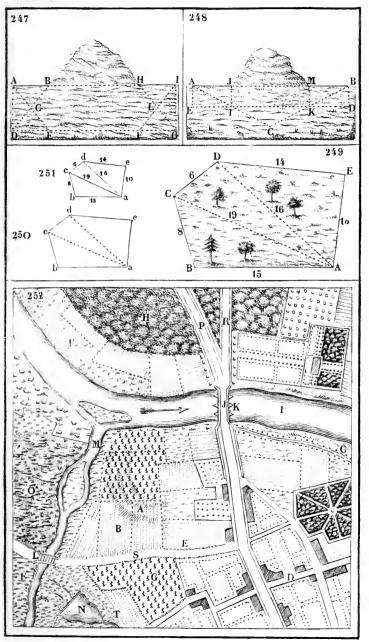
Pl. is. 230 231 D В 232 C, 233 234 235 $\mathbf{C}_{\mathbf{1}}$ В 236 237



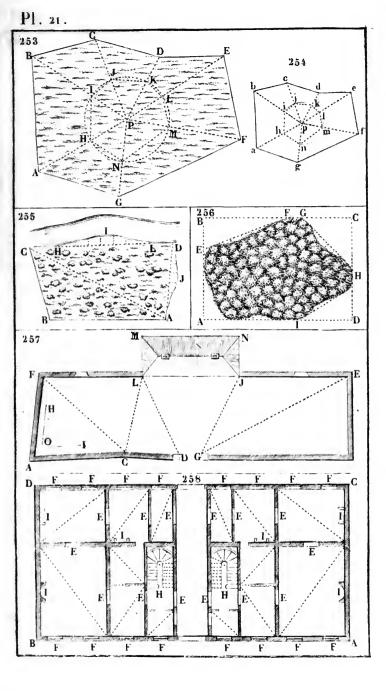


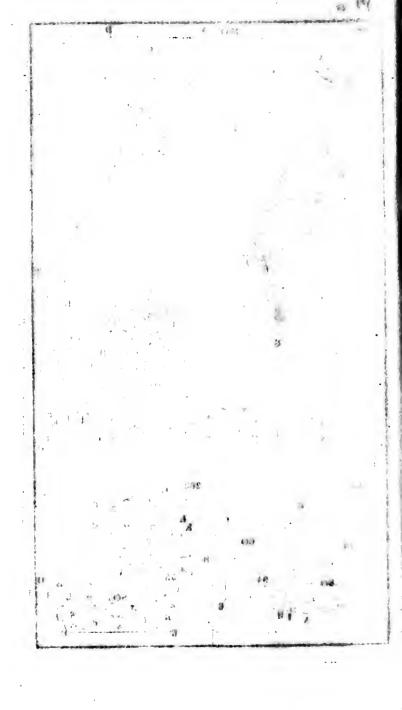


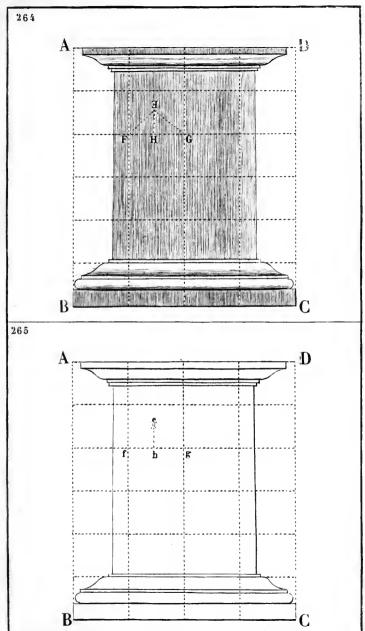
Pl. 20.



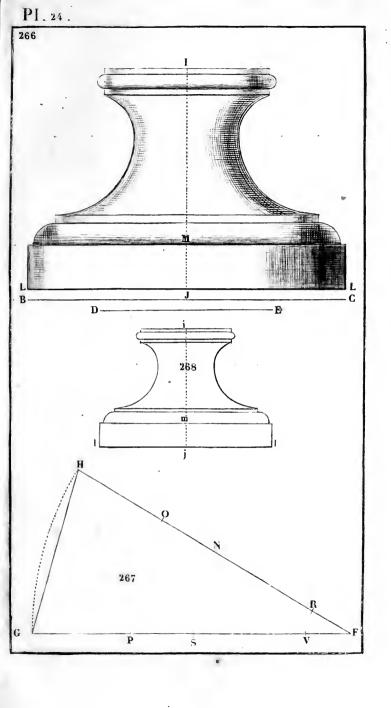


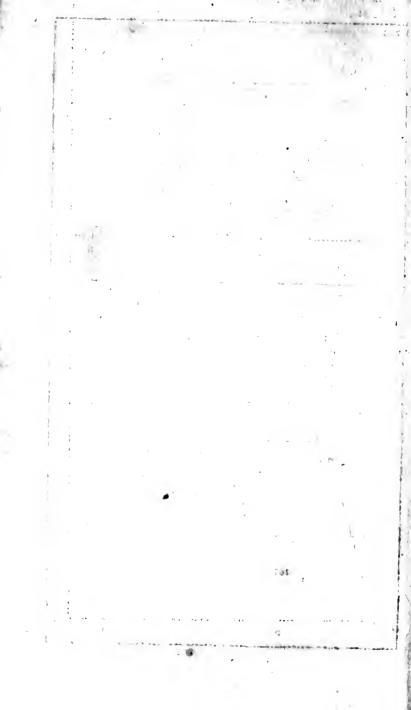


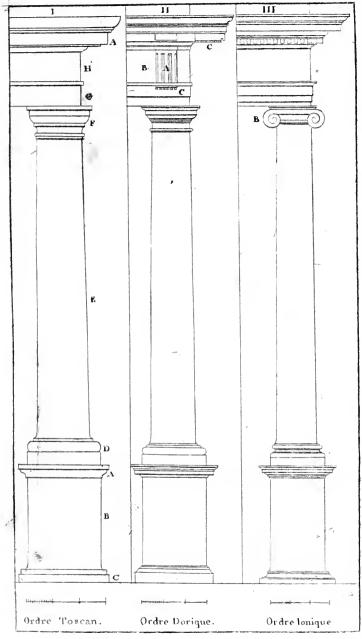


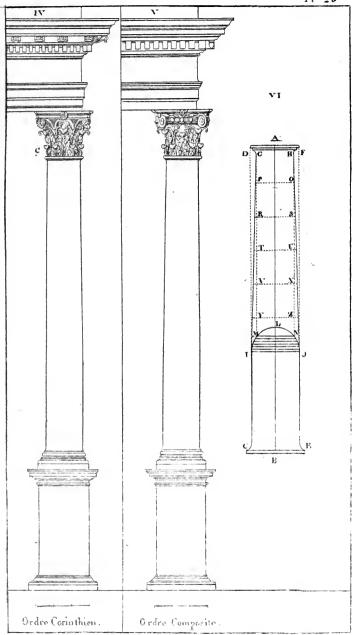


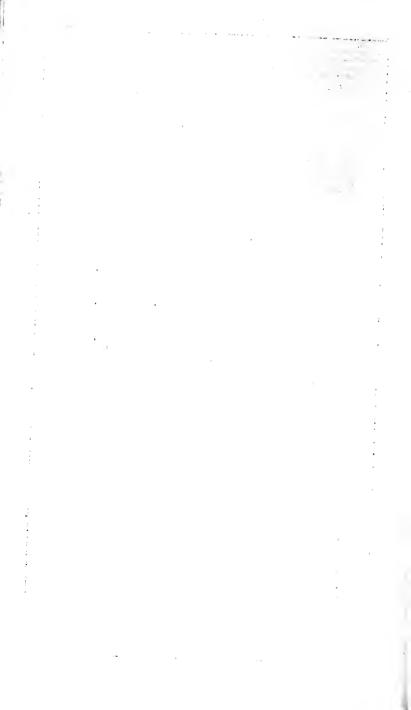
.

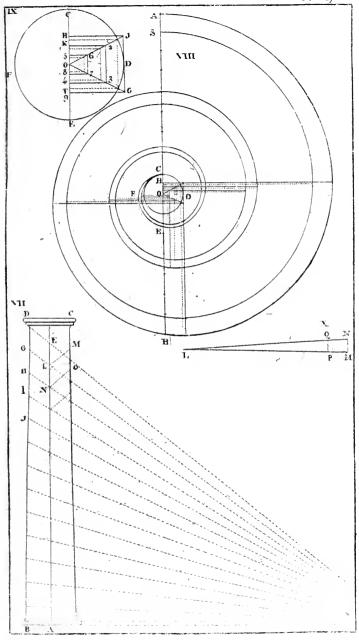


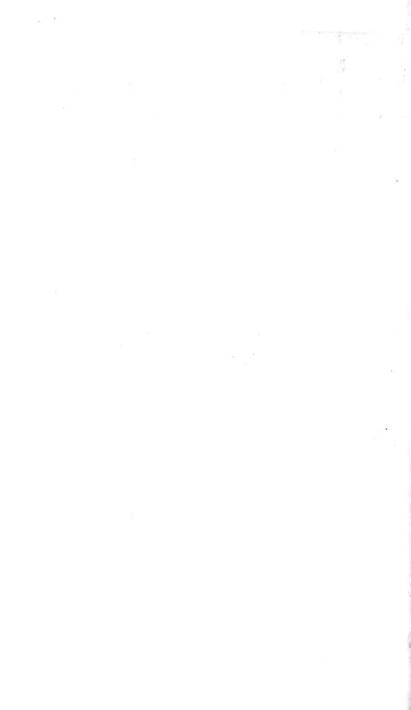


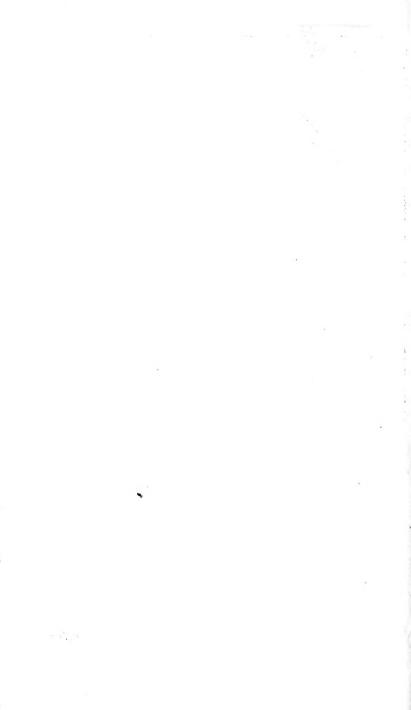


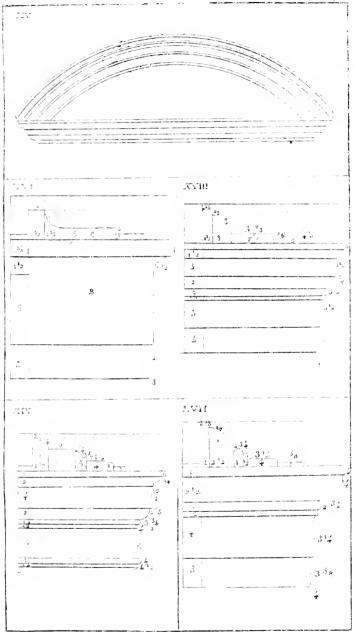


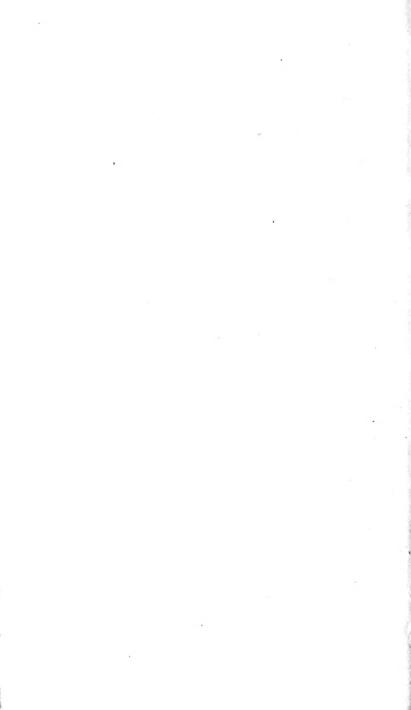


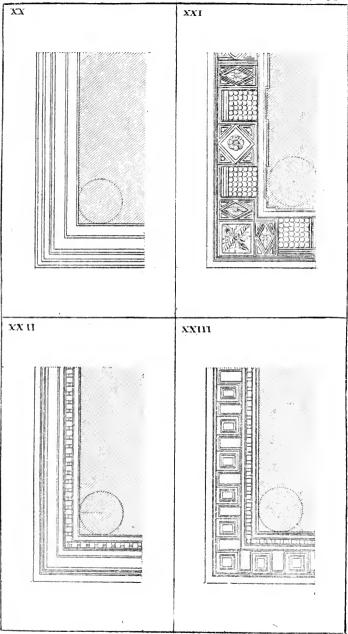








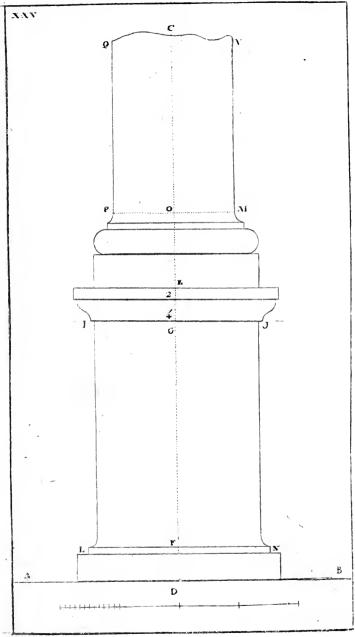


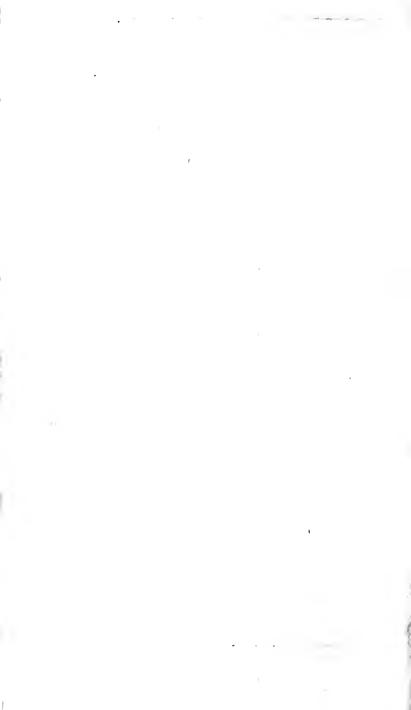


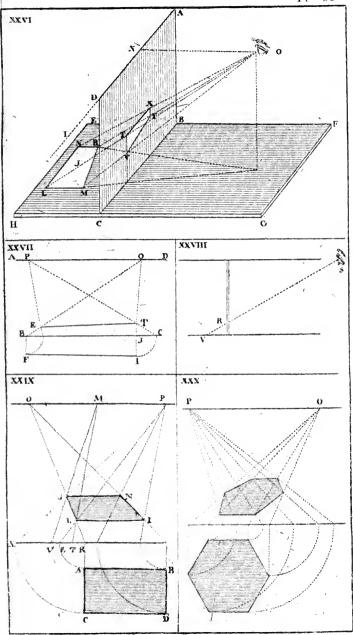


Z 1					-								
В		111	Thyric Stoti Price Ceriate					Ī					
		Entablement	Price			and any or the second							
		F. mta	. troli						Ç	F	G	1	
	L		hapir	É			7					,	
+				5		=					1	-	
- International			į						-	T .	;		
+													
2			İ			all the same					-		
2	i	Ì								-	:		
		1										-	
\$ +			ł	i	,						-		
			-			1				Ť			
3		i							4.				
§		31							1		-		
ŧ	-	Colonne	File							0			
`		Ç							i		<u>i</u>		
1									+			÷	
Hanten donne pour lordre a constituire									1	± -	10		
2											+		
12									+			Ť	
- T				į						Ī		† :	
3											Ī	-	
1						1			1		:		
3				1		ļ			_	+	-	:	
T												‡ }	
			ase	-					8				
	M		Grow Base					J	D.	F	H	J	
			-						-	-		Ü	
T							1						
1						a de la constante							
+		777	10			1	41						
1		10.0	1										
+		Prodestal						•					
								4					
			1					<u>i</u>					
А	h.												

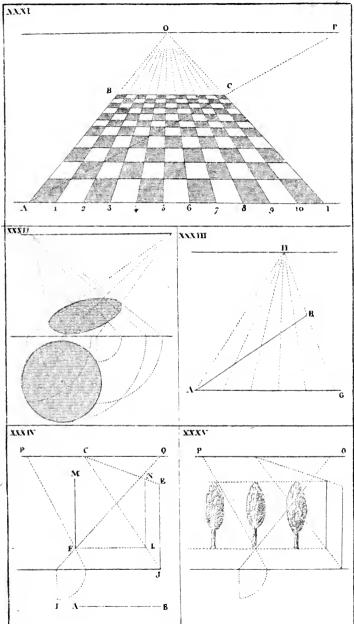


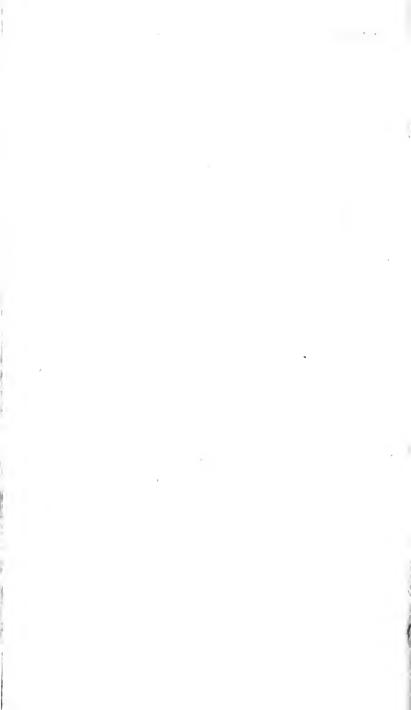


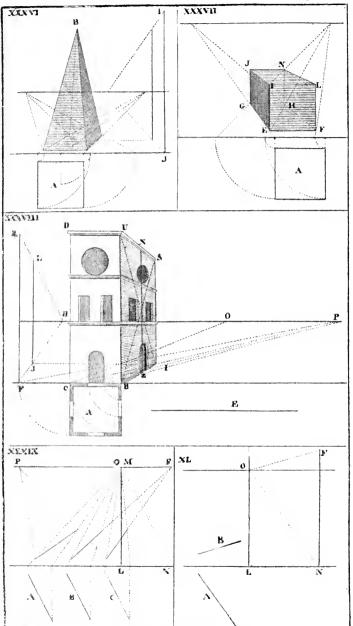




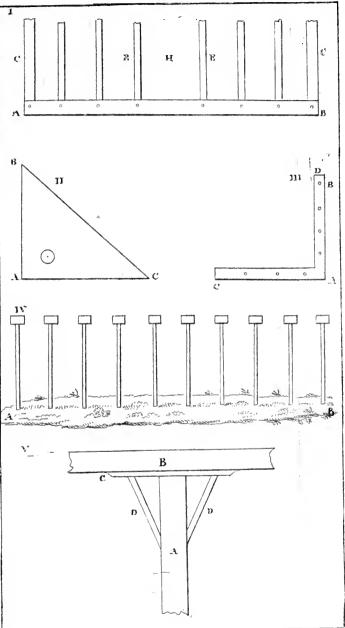


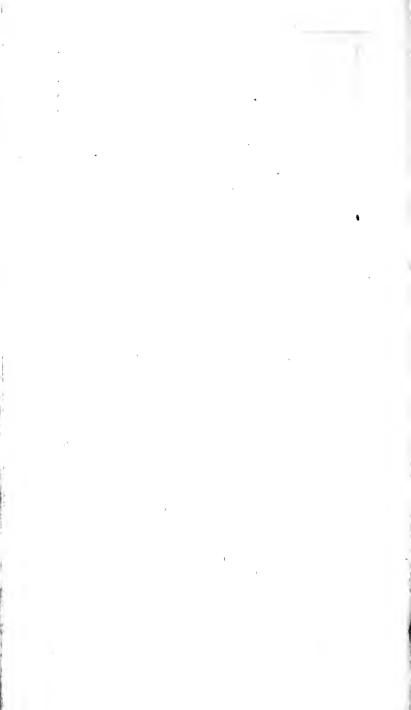


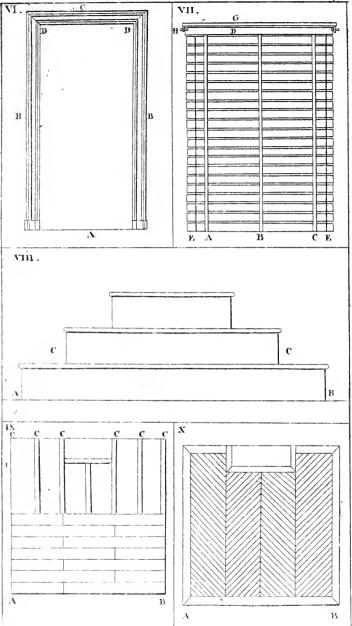


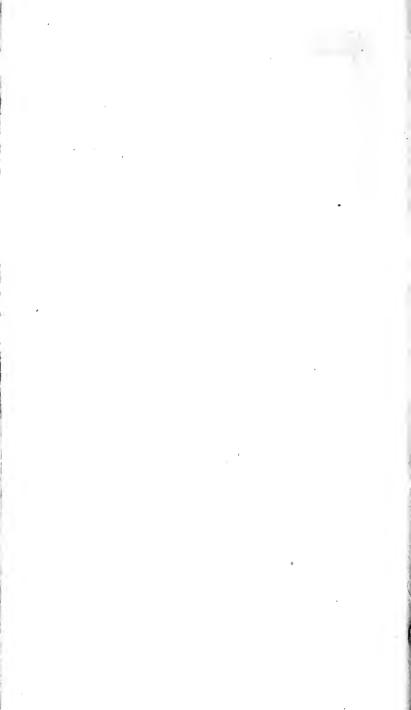


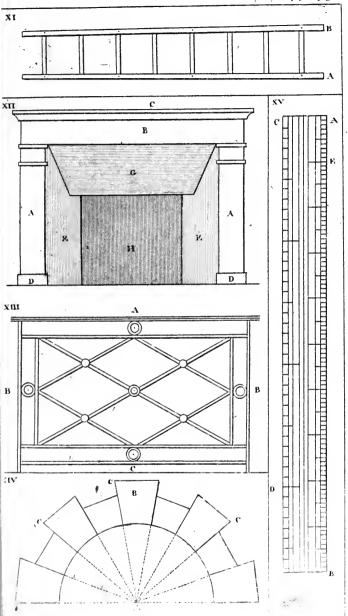


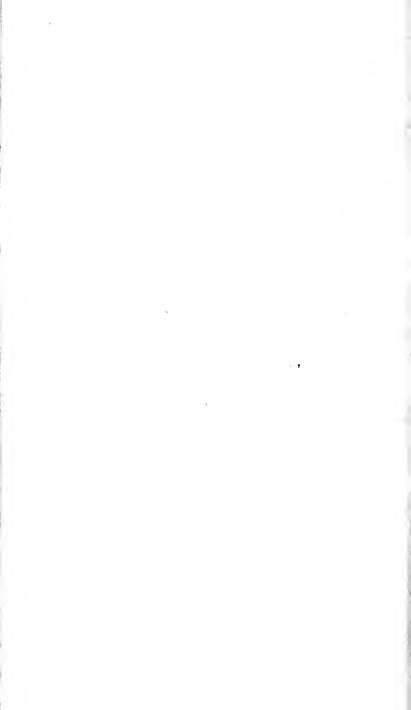


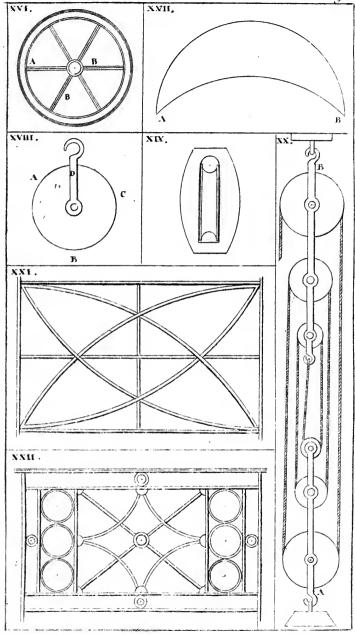


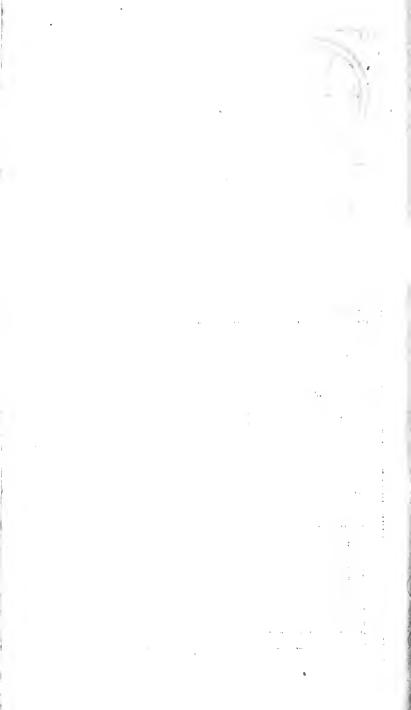


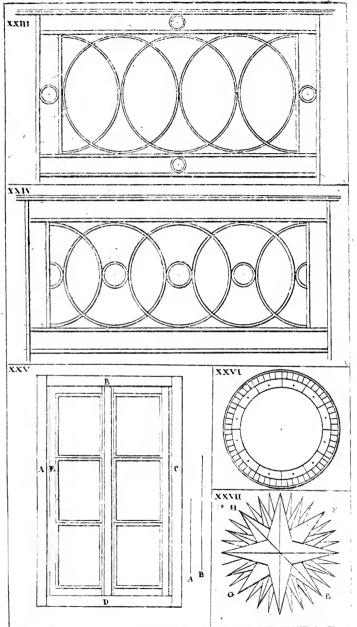




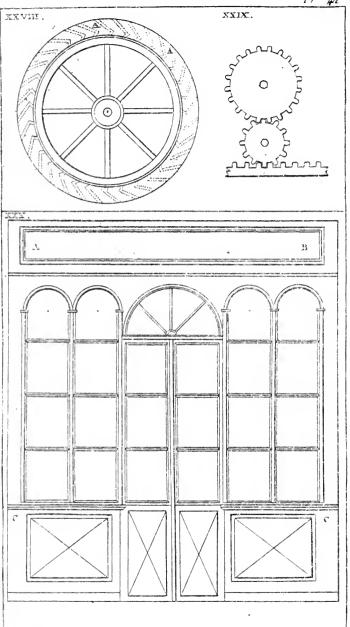


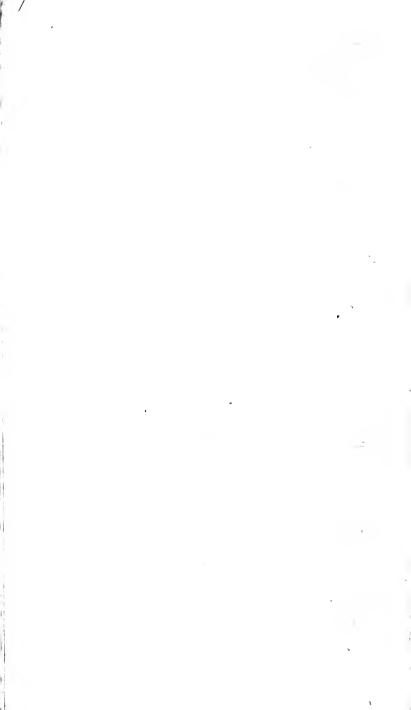


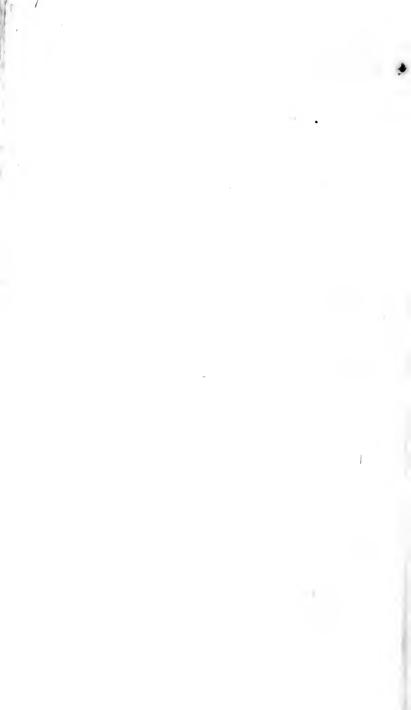


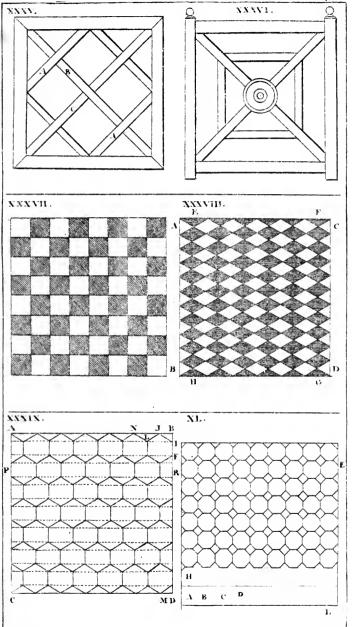


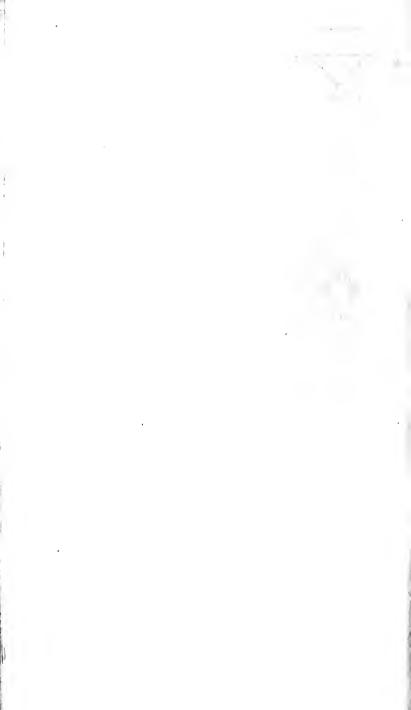


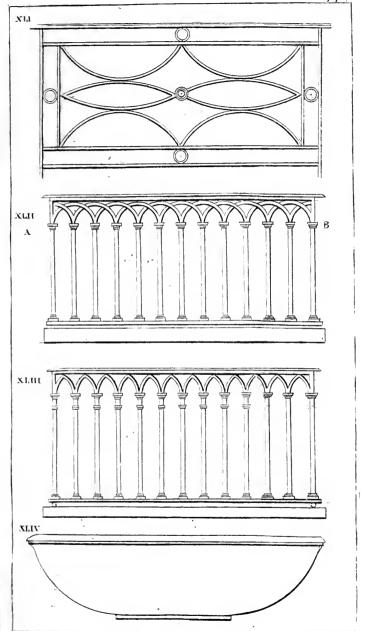




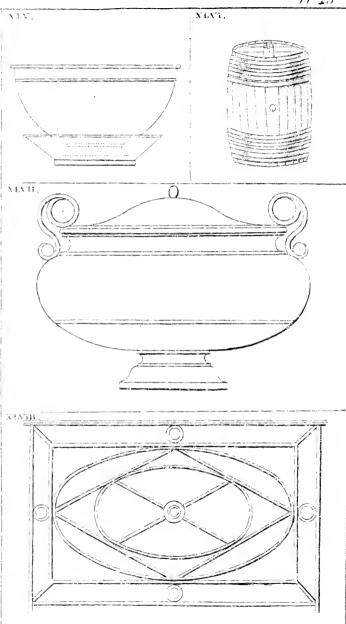


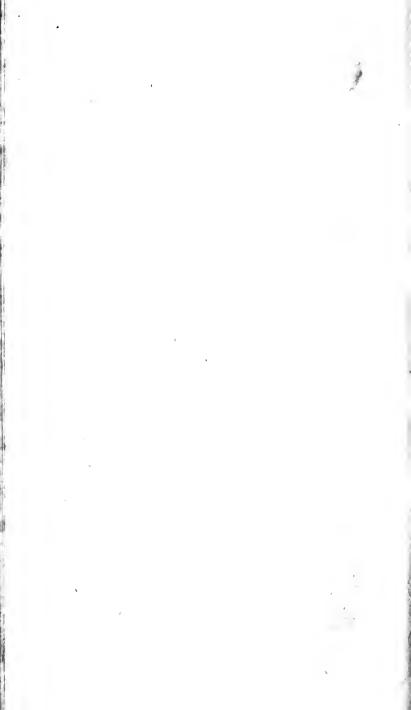


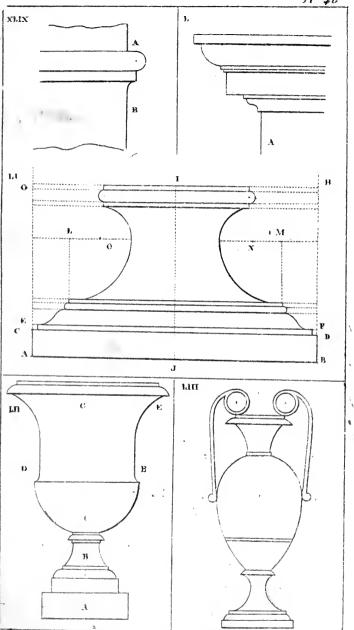


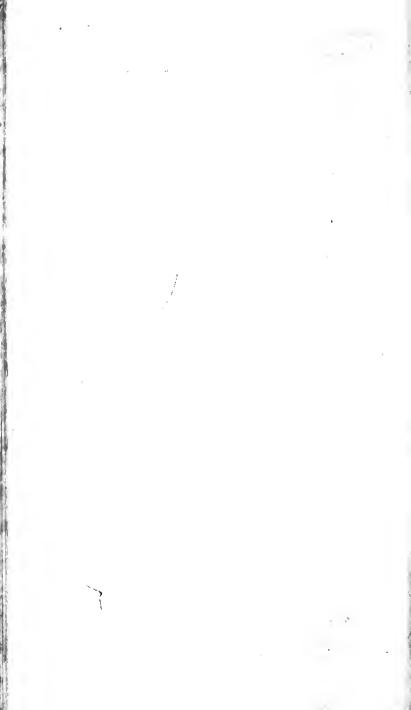




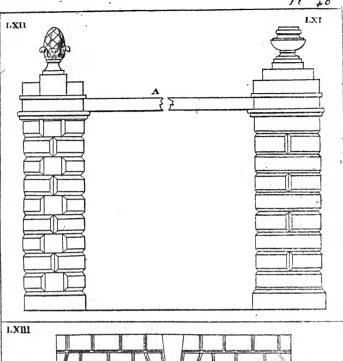


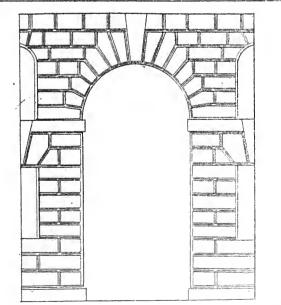


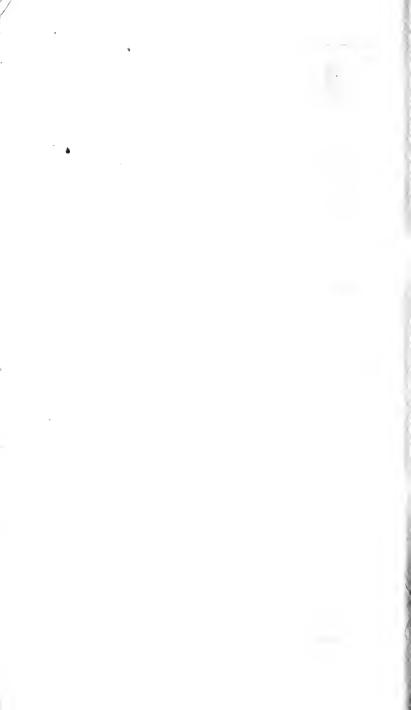


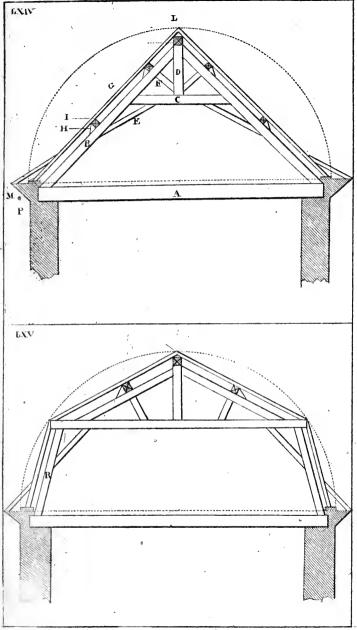






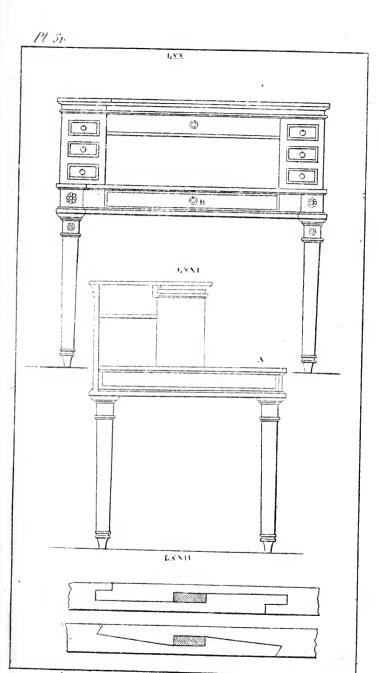


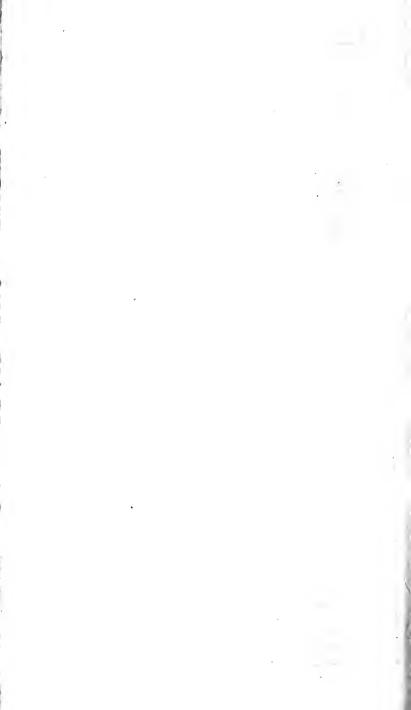




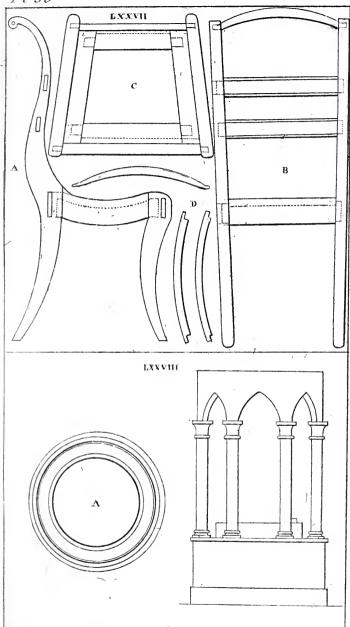


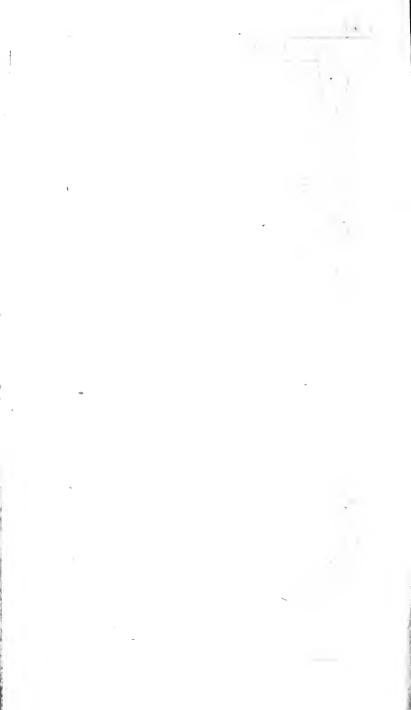


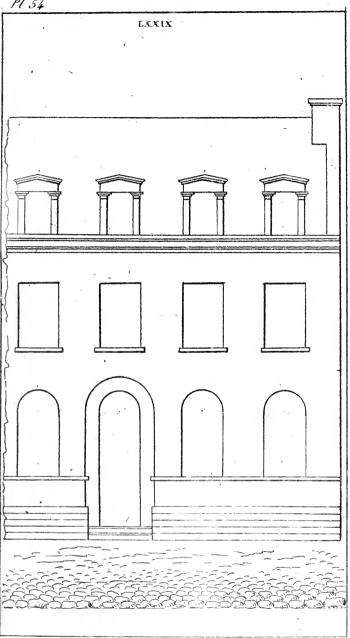




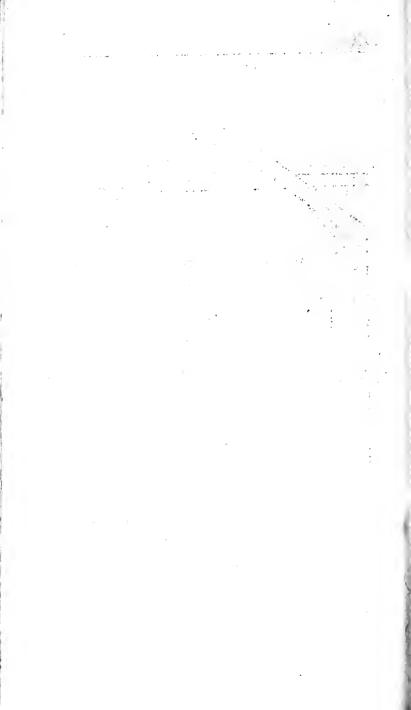














PI 57 EXXXII 1)



